

材積表調製業務資料 第41号

前 橋 営 林 局

ブナ立木幹材積表調製説明書

昭和 38 年 4 月 1 日

測定研究室

林 野 庁

は し が き

従来前橋営林局でブナ材積表として使用していた立木材積表は昭和13年東京営林局調製の「広葉樹立木材積表」で広葉樹全般を含め広葉樹間の差異等についてはこまかい検討がなされていなかった。

昭和26年度から、全国的に立木材積表を検討、または、調製を行うことが林野庁で企画され、前橋営林局においても、昭和30年9月林野庁通達「主要樹種立木材積表調製要綱」に基づき、すでに表裏スギ、同アカマツ、そしてヒノキ、の3樹種について調製を終了し、今回、広葉樹の中で、もつとも蓄積ウエイトの大きいブナの立木幹材積表が37林野計第605号（昭和37年8月31日）をもつて、林野庁の認可を得、昭和38年4月1日より使用するはこびとなつた。本書はこの調製説明書である。

なお従来不明瞭だつた枝条材積については今後、適正な材積表を調製する準備を行ない、ブナ以外の広葉樹についても新しく材積表を調製するか、ブナの材積表を用いるか等検討中である。

この材積表調製にあたり、指導いただいた林業試験場大友測定研究室長、同室、栗屋技官、また、資料集収に協力いただいた営林署の方々に感謝の意を表するものである。

1962年12月

目 次

	頁
まえがき	
I 材積表調製の概要	1
§ 1. 資料の収集	1
§ 2. 資料の測定および整理	1
§ 3. 資料の吟味	1
§ 4. 幹材積表の調製	1
II 資料の収集	2
§ 1. 収集地域	2
§ 2. 適用地域	3
§ 3. 資料一覧	3
III 幹材積表の調製	38
§ 1. 調製方法の根拠	38
§ 2. 資料の吟味	39
§ 3. 乗却済資料による幹材積表調製	47
a 10cm直径級毎平方和, 積和, 重相関係数など	47
b 重相関係数, 回帰係数, 偏相関係数の有意性検定	48
c 分散一様性の検定	49
d 回帰係数間の有意差の検定	50
e 回帰定数間の有意差の検定	52
f 材積式の決定	55
g 幹材積表の作成	56
IV 幹材積表の適合度	58
V 幹材積表使用上の注意	59
VI 調製年月日および担当者氏名	59
付表 ブナ立木幹材積表	60

前橋営林局

ブナ立木材積表調製説明書

I 材積表調製の概要

§ 1. 資料の収集

この材積表の調製に使用した資料は、前橋営林局管内国有林に所在するブナ林より収集したもので、胸高直径4~106cm、樹高5~35m、樹令15~300年にわたる3,300本である。

§ 2. 資料の測定および整理

資料の測定は、昭和30年9月30日付30林野第14,745号「主要樹種立木材積表調製要綱」によつた。ただし、枝条関係の測定は、営林署にも収集を依頼した関係上、全資料について測定せず、標準と思われる1,894本について測定した。

測定した資料については、上記「調製要綱」にもとづいて計算整理した。

§ 3. 資料の吟味

資料の含味は、実験式を一次式に変換し、回帰平面からの変動を考慮して、有意水準99%で棄却検定を行ない、その結果、67本が棄却された。

§ 4. 幹材積表の調製

- i) 材積式として、 $V = aD^{b_1}H^{b_2}$ を選んだ。
- ii) 対数をとつて上式を $\log V = a + b_1 \log D + b_2 \log H$ の1次式に変換し、最小2乗法により10cm直径級毎に定数を決定した。
- iii) 定数は検定の結果、有意差の認められなかつた直径級について、これを一括した。
- iv) 対数変換による偏りを補正する為に修正係数を計算し、材積式を決定した。
- v) 決定した材積式に直径及び樹高を代入して材積表を調製した。

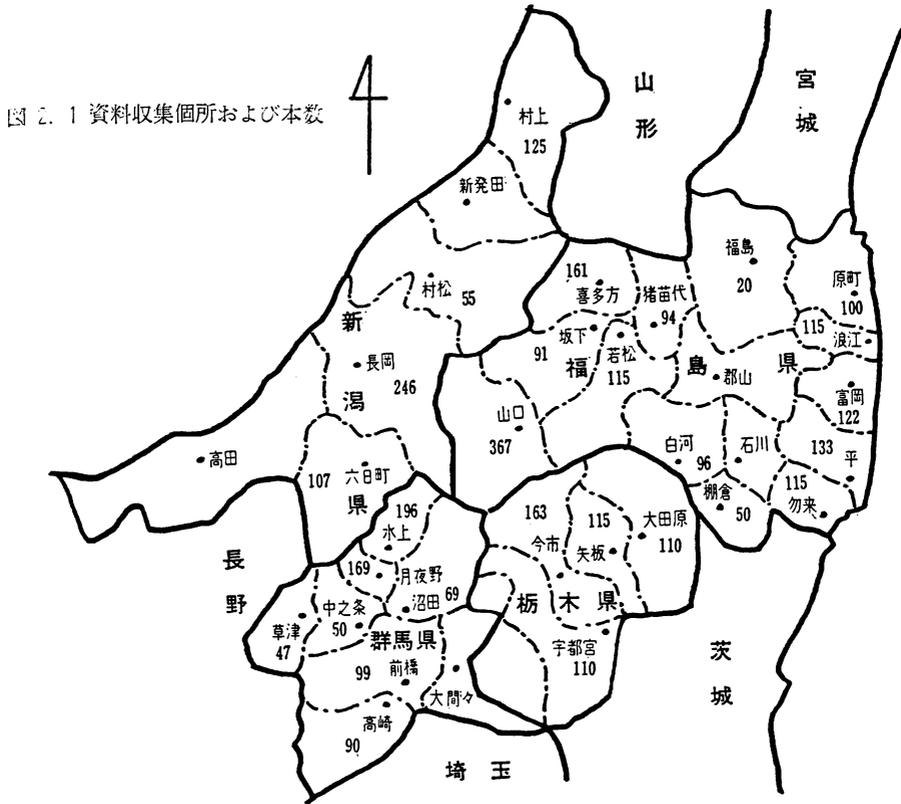
Ⅱ 資料の収集

§ 1. 収集地域

表 2. 1 図 2. 1 に示す通りである。

表 2. 1. 経営計画区, 事業区, 直径級別本数表

経営計画区	事業区	4~10 cm	12~20 cm	22~30 cm	32~40 cm	42~50 cm	52~60 cm	62~70 cm	72~80 cm	82~90 cm	92~100 cm	102~ 110 cm	計
磐 城	原 町	6	25	33	28	6	2						100
	浪 江	13	36	28	18	15	3	1	1				115
	富 岡	2	39	42	20	9	9	1					122
	平	9	43	49	18	8	4	2					133
	勿 来	9	34	29	20	10	4	4	2	3			115
浜 通 り 計		39	177	181	104	48	22	8	3	3			585
福 島 阿武隈川上流	福 島	1	4	3	3	9							20
	棚 倉			16	21	9	3	1					50
	白 河		12	21	24	24	8	7					96
中 通 り 計		1	16	40	48	42	11	8					166
会 津	猪苗代		1	21	36	20	9	3	4				94
	喜多方	19	24	12	17	34	24	14	13	2	1	1	161
	若 松		14	45	29	13	11	2	1				115
	坂 下	5	23	22	17	13	6	3		2			91
	山 口	5	44	130	92	58	26	7	4	1			367
会 津 計		29	106	230	191	138	76	29	22	5	1	1	828
那 須	太田原		31	28	29	17	3	1	1				110
	矢 板	1	29	36	26	10	5	6	2				115
	日 光	5	33	37	14	11	6	3	1				110
	鬼 怒 川		1	5	37	63	35	14	7	1			163
栃 木 計		6	94	106	106	101	49	24	11	1			498
奥 利 根	沼 田		3	9	16	19	11	6	4		1		69
	月夜野		32	50	33	28	19	6	1				169
	水 上	18	25	40	58	39	10	6					196
	中之条	7	11	9	9	11	2		1				50
	草 津	4	16	16	4	3	1	3					47
	高 崎		18	23	23	14	8	3	1				90
	前 橋	17	36	21	14	7	2	2					99
群 馬 計		46	141	168	157	121	53	26	7		1		720
岩 船	村 上		4	9	26	33	29	16	3	5			125
	阿賀野川			6	25	17	6	1					55
	魚 野 川	40	37	52	40	31	29	7	7	2		1	246
	六日町		15	34	29	21	5	3					107
新 潟 計		40	56	101	120	102	69	27	10	7		1	533
合 計		161	590	826	726	552	280	122	53	16	2	2	3,330



§ 2. 適用 地 域

この材積表は、前橋営林局管内国有林一円にわたって適用する。

この地域は、福島県の浜通り、中通り、栃木県、群馬県の4ブロックが属する表日本と、福島県会津地方および新潟県の2ブロックに代表される裏日本の2地域に大別されるので、材積表の調製もこれら2地域、またはブロック別に検討して見る必要も考えられたが、これは次の2つの理由により省略し、全地域を一つにまとめて調製した。

- i) ブナの分布する地帯の天然環境は大体類似している、と言うより、その同一環境要素をもつ地帯がブナの天然分布に適した所であることから地域が変わっても材積に差が認められないと考えられる。
- ii) 昭和30年に調製された青森営林局広葉樹立木材積表調製説明書によると、青森営林局管内を3地域（青森および岩手北部、岩手中部、宮城）に分け地域別に検定したが、材積に差は認められなかった。

§ 3. 資 料 一 覧

収集地域の林小班別地況林況および直径階、樹高階別本数を表 2. 2 および表 2. 3 にあげる。

表 2. 2 林小班別地況林況一覧表

(注) この表は森林調査簿より引用した。この中でブナが樹種欄にのつていないものも多いが、これは広に含まれている為である。

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区			画			施業団	面積	地 況				樹種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方位傾斜	基岩土性	深堅湿度		土密度
福島	相馬	石神	高倉(国見)	原町	原町	原38と	新	13.43	コナラ3(2)	NW中	花崗片麻岩中 礫壤土 歌適	深堅湿度 中	日当り 悪し	ク コナラ 広 (ブナ) ク リ 広
〃	双葉	津島	赤宇木(西外面)	〃	〃	原117に	〃	56.39	コナラ1(〃)	N〃	〃 壤土 〃 〃	〃 〃 〃	一部に 基岩露 出す	アカマツ ク コナラ 広
〃	相馬	大館	大倉(湯外船19)	〃	〃	中32ほ	皆	21.96	広1(3)	NW〃	片麻岩 砂壤土 〃 〃	〃 〃 〃		イヌブナ コナラ 広 (モミ) (アカマツ)
〃	双葉	津島	赤宇木(網平)	浪江	浪江	津17り	〃	28.16	広2(2)	SW 緩及中	花崗片麻岩深及 浅 壤土 〃 〃	深及 〃 〃		アカマツ ブナ ナ ラ 広
〃	〃	〃	南津島(天王山)	〃	〃	津77に	〃	49.00	〃(〃)	SE及N 中一部緩	〃 砂壤土 〃 〃	中 〃 〃		アカマツ モ ブ ク ナ ラ ン ト ホ 広

況 林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況								材 積				備 考	
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	・ 樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	ha当り材積			連 年 成 長 量		
									針	広	計	ha		成長 率
20 30 50 40 20 40	$\frac{20}{15-25}$			$\frac{8}{6-16}$	$\frac{6}{5-13}$				昭7 ぼうが 二段林 昭5伐採の時の 保残木	20	20	1.84	9.20	
	$\frac{50}{40-60}$	6	密	$\frac{20}{16-32}$	$\frac{15}{13-17}$	天然	広			70(70)		1.40	2.00	
10 20 50 20				$\frac{14}{8-36}$	$\frac{13}{7-18}$				アカマツ峯筋 に群生す 一部に新植年 度不詳のケヤ キあり	11	99	110	0.28 2.97	2.50 3.00
	$\frac{40}{20-60}$	8	"	$\frac{16}{6-40}$	$\frac{14}{5-18}$	"	"							
30 20 50										150	150	1.35	0.9	
	$\frac{70}{40-130}$	9	中	$\frac{20}{10-40}$	$\frac{15}{10-23}$	"	"							
10 20 50 20									立 木 地	18	162	180	0.54	0.3
	$\frac{100}{40-200}$	"	密	$\frac{20}{4-40}$	$\frac{12}{6-17}$	"	"							
5 2 25 15 25 10 2 1 15								サ サ	"	11	149	160	0.48	0.3
	$\frac{100}{40-200}$	"	"	$\frac{26}{4-60}$	$\frac{14}{5-20}$	"	"							

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区			画			施業団	面積	地 況				樹種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方位傾斜	基岩土性	深堅密度湿		土密度
福島	石城	上小川	上小川(小川山)	富岡	富岡	木ほ12	皆	115.58	クリ2(2)	S (中)	花崗片麻岩 砂壤土	中 適	S50% N50%	モミ イヌブナ コナラ ミズナラ 広
〃	〃	川前	川前外	平	平	上い、43	皆1	167.87	モミ2(3)	E 中	〃 〃 〃	〃 〃 〃	モミ シロブナ イヌブナ ク ミズナラ コナラ 広	
〃	〃	〃	〃	〃	〃	上い、44	〃	59.64	モミ1(〃)	W 〃	〃 〃 〃	〃 〃 〃	モミ シロブナ イヌブナ ク ミズナラ コナラ 広	
〃	〃	田人	旅前(人山)	勿来	勿来	24い	〃	68.21	ナラ2(2)	S 〃	竹貫変成岩 壤土	〃 〃 〃	モミ ブ ク ナ 広	

表 2.2 林 小 班 別 地

県	区			画			施業団	面積	地 況				摘 要	樹 種
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩 土性	深 堅 土 密 度 湿 度		
福島	石城	田人	旅人山 (前山)	勿来	勿来	26い	皆1	52.50	ブナ2 (1)	SW 中	竹貫変成岩中 壤土 軟 適		ブナ クリ ナラ 広	
"	伊達	茂庭	(茂庭) 外1	福島	福島	茂48い	択1	12.18	" (2)	SE "	砂岩 頁岩 " " " "		ブナ ミズナラ 広 (ヒメコマツ)	
"	"	"	(")	"	"	茂48は	"	29.73	" (")	" "	" " " " " "		ブナ ミズナラ 広 (ヒメコマツ)	
"	"	"	(")	"	"	茂48に	"	71.18	" (")	" "	花崗片麻岩 " " " "		ブナ ミズナラ 広 (ヒメコマツ)	
"	"	"	(")	"	"	茂49に	"	6.55	" (")	NE 急	砂岩 頁岩 浅 砂壤土 " "		ブナ ミズナラ 広	
"	"	"	(")	"	"	茂51は	"	3.21			" 壤土 " 中 " " "		(ブナ) (広)	

況 林 況 一 覧 表

		林 況							材 積				備 考	
混交 歩合	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積			連 成 長 率	年 量 成 長 率
										針	広	計		
35 10 30 25	$\frac{100}{60-160}$	10	中	$\frac{40}{10-70}$	$\frac{14}{8-20}$	天然	広				220	220		
60 20 20	$\frac{60}{30-90}$			$\frac{20}{10-30}$	$\frac{11}{7-19}$						130	130	0.78	0.6 1.5
	$\frac{100}{60-150}$	"	"	$\frac{26}{10-50}$	$\frac{13}{7-18}$	"	"							
60 20 20	$\frac{60}{30-90}$			$\frac{20}{10-30}$	$\frac{13}{7-17}$						150	150	0.90	0.6 1.5
	$\frac{100}{60-150}$	"	"	$\frac{28}{10-50}$	$\frac{14}{9-19}$	"	"							
70 10 20	$\frac{60}{30-90}$			$\frac{20}{10-30}$	$\frac{13}{7-19}$						150	150	0.90	0.6 1.5
	$\frac{100}{60-150}$	"	"	$\frac{30}{10-50}$	$\frac{15}{9-19}$	"	"							
70 10 20	$\frac{50}{20-80}$	6	疎	$\frac{20}{10-40}$	$\frac{14}{10-19}$	"	"				70	70	1.96	2.8
						跡			昭30皆					

表 2.2 林 小 班 別 地

県	区 画						施 業 団	面 積	地 況					摘 要	樹 種
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩 土性	深 堅 密 度 湿	土 度 度		
福島	東白河	高城	茗荷(入山)	棚倉	棚倉	59ろ	皆	84.30	広1 (1) (2)	SE及SW 急	小仏層 壤土	頁岩 軟	中 適		ブ ナ イヌブナ ク リ ミズナラ ケヤキ 広 (ネズミ)
"	岩瀬	湯本	羽鳥(鎌房山)	白河	白河	湯44い	"	126.11	ブナ1 (1)	NE 緩及中	輝石安山岩 " " "	深	日当り 良し	ブ ナ ミズナラ カエデ 広	
"	"	"	(")	"	"	湯44ろ	"	8.61	ミズナ ラ2 (1)	"	" " "	"	"	ミズナラ 広 (ミズナラ) (広)	
"	耶麻	吾妻	若宮(吾妻山)	猪苗代	猪苗代	7ぬ	皆1	32.90	ブナ2 (2)	S 中	安山岩 植壤土	中 "		ブ ナ ミズナラ カンバ類 広	
"	"	"	(")	"	"	17い	"	157.06	ブナ3 (3)	E 中及急	" 礫壤土	浅 "	大倉川 沿岸に 崩壊地 あり	ブ ナ ミズナラ カンバ類 広	

混 林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 令	林 況							ha当り材積				備 考	
		立木 度	疎 密度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積				連 成 長 率
										針	広	計		
30 10 10 20 5 25	$\frac{90}{10-200}$	10	中	$\frac{40}{4-120}$	$\frac{16}{5-22}$	天然	広				160	160		
70 10 10 10	$\frac{120}{70-170}$	9	〃	$\frac{34}{12-90}$	$\frac{18}{11-24}$	〃	〃	林下に熊 笹及根曲 竹密生			250	250	0.75	0.3
60 40 30 70	$\frac{7}{5-10}$ 50-170	7	〃	$\frac{20}{10-50}$	$\frac{14}{9-19}$	〃	〃	昭18伐採 昭22下種			70	70		
60 20 15 5	$\frac{140}{80-230}$	9	〃	$\frac{40}{10-110}$	$\frac{15}{7-21}$	〃	〃	根曲竹全 面的散生 し局部的 に密生す	林相不整にし て		250	250	1.00	0.4
80 10 5 5	$\frac{140}{60-260}$	10	〃	$\frac{46}{18-110}$	$\frac{16}{9-23}$	〃	〃	尾根筋は林相 不整にして樹 高矮小なり			235	235	1.18	0.5

表 2.2 林 小 班 別 地

県	区			画			施業団	面積	地 況					樹種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方位傾斜	基岩土性	深堅密湿度	摘要		
福島	岩瀬	檜原	栗荒木(中山畑)	猪苗代	猪苗代	74 ち	皆1	7.36	ブナ2(3)	NE中	安山岩壤土	岩軟	中適		ブナ ミズナラ カニデ類 広
〃	南会津	檜原	戸宮(赤山)	若松	若松	64 ろ	皆	67.15	〃(2)	S	石英粗面岩砂壤土	〃	〃		ブナ ミズナラ ホオノキ トチ サワグルミ 広
〃	〃	〃	(〃)	〃	〃	64 は	〃	82.88	〃(〃)	W	〃	〃	〃		ブナ ミズナラ ホオノキ トチ 広
〃	大沼	昭和	大芦(御前山外19)	坂下	坂下	71 い	皆2	157.44	〃(1)	W. SW中及急	石英安山岩	〃	〃		シロブナ コナラ トチ 広
〃	〃	館岩	宮里(帝釈山)	山口	山口	20 よ	漸	24.85	〃(2)	SW平	第三紀層	〃	〃		ブナ ミズナラ 広

況 林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況							下 層 植 生	摘 要	ha当り材積			連年 成長 量		備 考
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相			針	広	計	ha	成長 率	
40 40 10 10	$\frac{130}{60-260}$	7	中	$\frac{30}{6-80}$	$\frac{15}{5-19}$	天然	広			200	200	1.00	0.5		
70 10 5 5 5	$\frac{70}{30-150}$	6	疎	$\frac{30}{12-48}$	$\frac{18}{10-22}$	"	"		昭18伐 " 20下種	70	700	0.91	1.3		
70 5 5 5 15	$\frac{70}{30-150}$	"	"	$\frac{30}{12-48}$	$\frac{18}{10-22}$	"	"		昭19. 22伐 " 22. 24下種	70	700	0.91	1.3		
70 10 5 15	$\frac{150}{90-160}$	10	中	$\frac{32}{10-120}$	$\frac{18}{7-25}$	"	"	笹密生	御前山 山頂立木疎立	200	200	0.40	0.2		
30 50 20	$\frac{10}{5-15}$		密			"	"		昭14-18 下種						

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区			画			施業団	面積	地 況				樹種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)	管林署	事業区	林小班			地位(地利)	方位傾斜	基岩土性	深堅湿度		土密度
福島	大沼	館岩	宮里(帝釈山)	山口	山口	20 そ	漸	11.94	ブナ2(2)	NW緩及中	第三紀層 壤土	中 適		ブナ ミズナラ トチ 広
"	南会津	"	"(〃)	"	"	22 る	"	53.61	"(3)	SW中	花崗岩 " "	中 "		ブナ ミズナラ 広 (ブナ) (ミズナラ) (広)
"	"	"	"(〃)	"	"	29 ほ	"	384.43	"(〃)	E "	" 砂壤土	" "		ヒメコマツ ブナ ミズナラ トチ 広 (アオモリ) (トドマツ) (コマツガ)
栃木	那須	黒磯	百林(深山)	大田原	大田原	177 ろ	択	189.06	1(〃)	SW急	石英斑岩 " "	" "		サワラ ヒバ ネズコ コマツガ ブナ ミズナラ 広

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区 画						施 業 団	面 積	地 況					摘 要	樹 種
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩土性	深 度 密 度 湿	土 度 度		
栃木	那須	黒磯	百林(深山)	大田原	大田原	195ほ	折	34.95	広2(3)	SE中	石英班岩中 壤土 軟 適			モミ ブナ ミズナラ 広	
〃	塩谷	箒根	金沢(西山)	矢板	矢板	10に	皆	87.85	〃(2)	NW急	新生界水成岩第 三系 〃 〃 〃 浅			広	
〃	〃	〃	〃(〃)	〃	〃	11い	〃	2.38	スギ3(〃)	SE中	〃 〃 〃 中			スギ サワグルミ 広	
〃	〃	〃	〃(〃)	〃	〃	11ろ	〃	19.00	ヒノキ3(〃)	〃	〃 〃 〃 〃			ヒノキ サワグルミ 広	
〃	〃	〃	〃	〃	〃	11へ	〃	36.46	広2(〃)	NE(〃)	〃 〃 〃 〃			広	
〃	〃	塩原	下塩原(〃)	〃	〃	17ほ	〃	85.64	ヒノキ2(〃)	E〃	〃 〃 〃 〃			イヌブナ コナラ 広 (モミ)	
〃	〃	箒根	関谷(〃)	〃	〃	67ろ	〃	76.02	広2(3)	NE〃	古生界火成岩班 炭 〃 〃 〃			イヌブナ ブナ ミズナラ ハンノキ モミヂ シデ 広	
〃	〃	〃	〃(〃)	〃	〃	71れ	〃	59.59	〃(1)	SW〃	新生界水成岩新 第三系 〃 〃 〃 浅			イヌブナ ク リ コナラ 広	

林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況								摘 要	ha当り材積			連年 成長量		備 考	
	林 令	立木 度	疎 密度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生		針	広	計	ha	成長 率		
10 40 20 30												10	90	100	0.6	
	$\frac{100}{50-250}$	5	中	$\frac{30}{4-120}$	$\frac{16}{4-21}$	天然	広									
	$\frac{60}{30-80}$	7	疎	$\frac{24}{12-64}$	$\frac{13}{8-19}$	"	"	イバラ類 多し	昭16-18択 19. 21天 イヌブナ, モミ ジ保残木少しあり			90	90	2.07	2.3	
60 20 20	(42)	8	密	$\frac{20}{14-32}$ $\frac{16}{10-28}$	$\frac{14}{13-18}$ $\frac{10}{6-14}$	人工	混		明43新植 クルミ明43, ス ギ明45植栽 広葉樹の侵入多 し 保残木あり	42	28	70	1.01	2.4	0.38	1.3
60 20 20	42	8	"	$\frac{20}{14-32}$ $\frac{16}{10-28}$	$\frac{14}{13-18}$ $\frac{10}{6-14}$	"	"		明43新植広葉 樹の侵入多し 保残木あり	42	28	70	0.72	1.7		
7			中			天然	広		昭20下種保残 木あり							
30 20 50	$\frac{100}{50-150}$	10	"	$\frac{32}{14-68}$	$\frac{14}{8-20}$	"	"					170	170	1.53	0.9	
	100-150															2.0
10 20 30								クマザサ				180	180	1.62	0.9	
10 10 10 10	$\frac{100}{50-150}$	9	"	$\frac{34}{10-68}$	$\frac{15}{7-19}$	"	"									
10 20 20 50	$\frac{30}{20-70}$	"	"	$\frac{14}{6-50}$	$\frac{8}{5-17}$	"	"					50	50	3.30	6.6	

表 2.2 林 小 班 別 地

県	区 画						施 業 団	面 積	地 況				樹 種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩土性	深 度 密 度 湿 度		土 質 類 別
栃木	塩谷	塩原	中塩原(中山)	矢板	矢板	77 ち	皆	70.31	広 2 (3)	SW 中	新生界水成岩新第三系壤土	軟 中 適		ブ ナ ク リ ミズナラ シ デ 広
〃	〃	〃	上塩原(北山)	〃	〃	93は	新	12.38	〃 (2)	N 〃	古生界火成岩班	〃 〃 〃		イヌブナ ク リ コ ナラ 広
〃	上都賀	永野	上永野(百川)	宇都宮	日光	2 い	皆 1	38.94	〃 (1)	NE 中及急	古生層浅一部中礫壤土堅一部軟適一部乾	一部岩露出		ヒ ノ キ モ ミ コメツガ ブ ナ 広
〃	〃	日光	日光(奥日光)	〃	〃	1106ろ	扱 3	201.35	〃 (2)	SW 緩及中	輝石安山岩砂壤土	軟 中 適		モ ミ コメツガ ブ ナ ミズナラ 広
〃	〃	〃	(〃)	〃	〃	1108い	〃	86.08	〃 (1)	SE及SW 緩及中	花崗岩及火山岩浅砂壤土	堅 適		カラマツ モ ミ コメツガ ミズナラ 広

況 林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況								備 考					
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積			連年 成長 量	
										針	広	計	ha	成長 率
15 5 30 10 40	$\frac{100}{50-150}$	10	中	$\frac{36}{6-104}$	$\frac{14}{5-20}$	天然	広	クマザサ		200	200	2.00	1.0	
20 10 30 40	$\frac{100}{50-150}$	"	"	$\frac{32}{6-64}$	$\frac{14}{7-20}$	"	"			180	180	0.90	0.5	
20 20 10 10 40	$\frac{110}{40-170}$	8	"	$\frac{24}{6-90}$	$\frac{13}{5-25}$					105	105	210	0.53	0.5
				$\frac{20}{6-60}$	$\frac{10}{5-18}$	"	混						0.21	0.2
3 5 12 70 10	$\frac{160}{50-250}$	10	"	$\frac{30}{6-80}$	$\frac{16}{5-20}$					23	267	290		
				$\frac{34}{6-120}$	$\frac{16}{5-20}$	"	広							
20 10 5 30 35	$\frac{120}{50-180}$	9	"	$\frac{24}{10-50}$	$\frac{14}{7-21}$					63	117	180		
				$\frac{22}{6-100}$	$\frac{13}{5-19}$	"	混							

表 2.2 林 小 班 別 地

県	区			画			施業団	面積	地 況				樹種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方位傾斜	基岩土性	深堅湿度		土密度
栃木	上都賀	日光	日光(日光)	宇都宮	日光	1126い	沢3	38.15	広2(2)	NW中及急	石英珪岩及火山岩 砂壤土	深堅 浅堅 適		コメツガ ミ ブ ナ ミズナラ 広
"	塩谷	藤原	川治(田茂沢)	今市	鬼怒川	62ろ	沢2	34.07	"(1)	N及W急	第四紀古層 壤土	" " 適	露所川断崖を 岩カクはな 基出多沿崖 している	イヌブナ シ デ 広
"	"	"	("")	"	"	62む	皆2	12.33	ヒノキ2(1)	NE中	" " 中	" " 中		スギ ヒノキ 広
"	"	三依	芹沢(次郎岳)	"	"	32た	皆	181.74	広2(2)	S中及急	中生層 礫壤土	" " "		ヒメコマツ ネズコ ブ ク ナ ラ ト チ 広
群馬	利根	片品	花咲(武尊山)	沼田	沼田	東30は	皆1	156.18	広1(2)	S及NE中一部緩	輝石安山岩 壤土	" " "		ブ ナ ミズナラ ト チ 広

表 2. 2 林 小 班 別 地

区、	画						施 業 団	面 積	地 況				樹 種
	郡 (市)	村 (町)	大字 (字)	営 林 署	事 業 区	林 小 班			地 位 (地 利)	方 位 傾 斜	基 岩 土 性	深 堅 密 度 湿	
群馬	利根	片品	花咲 (武尊山)	沼田	沼田	東31 に	皆1	75.09	ブナ2 (2)	SW 中	輝石安山岩 礫壤土軟	浅	ブナ ミズナラ カンバ 広
"	"	"	(")	"	"	東32 い	"	220.07	ブナ1 (3)	S及SE "	" 壤土 "	中 "	コメツガ ブナ カンバ 広
"	"	新治	永井 (三国)	月夜野	月夜野	33る	皆2	46.13	ブナ3 (1)	SW "	第三紀層 壤土 "	中 "	ブナ ナラ 広
"	"	"	(")	"	"	33を	"	21.72	" (")	"	" " "	" " "	ブナ ナラ 広
"	"	"	入須川 (西山)	"	"	46よ	皆1	72.92	ブナ2 (2)	S "	第三紀層及安 山岩 " "	" " "	ブナ クリ ナラ カエデ 広

況 林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況								材 積				備 考			
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積				連 年 成 長 量 成 率		
										針	広	計				
50 20 10 20	$\frac{100}{50-200}$	8	中	$\frac{28}{10-80}$	$\frac{15}{8-24}$	天然	広				210	210	1.26	0.6		
10 40 20 30	$\frac{100}{30-200}$	"	"	$\frac{26}{6-80}$	$\frac{14}{5-21}$	"	"				20	198	220	1.32	0.6	
60 5 35	$\frac{100}{50-160}$	7	"	$\frac{20}{4-44}$	$\frac{15}{5-19}$	"	"		昭8-10扱		100	100	1.10	1.1		
70 10 20	$\frac{120}{50-150}$	8	密	$\frac{20}{4-40}$	$\frac{10}{5-18}$	"	"				130	130	0.91	0.7		
40 5 20 5 30	$\frac{120}{30-160}$	9	中	$\frac{30}{10-66}$	$\frac{19}{10-23}$	"	"				190	190	0.76	0.4		

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区 画			営林署	事業区	林小班	施業団	面積	地 況			摘 要	樹 種	
	郡(市)	村(町)	大字(字)						地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩 土性			深 度 密 度 湿 度
群馬	利根	水上	藤原(大倉)	水上	水上	4い	皆	1.73	ヒバ2 (2)	NE及N W急	輝石安山岩 壤土及岩	浅 密 湿 適		ヒバ ブナ ミズナラ 広
"	"	"	(田代)	"	"	19ろ	"	127.15	ブナ1 (1)	S 中	古世層一部花 崗岩 " "	" "		ブナ ミズナラ 広 (ブナ) (ミズナラ) (広) ヒバ
"	"	"	(洗の沢)	"	"	23に	"	0.27	ブナ2 (〃)	NW 急	花崗岩 " " "	" "		(ヒバ) (ブナ) (広)
"	吾妻	中之条	四万(桜堂外26)	中之条	中之条	24い	皆	173.46	広2 (〃)	S 中	砂岩, 礫岩 " " "	" "		モミ ブナ ミズナラ カンバ 広 (ネズコ)
"	"	"	(〃)	"	"	25い	"	160.33	(〃)	NE "	" " "	" "		モミ ブナ ミズナラ 広

林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況								材積			連年 成長 率		備 考	
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積			ha		成長 率
										針	広	計			
60 20 10 10	80 60-150	8	密	$\frac{14}{6-30}$ $\frac{22}{8-40}$ $\frac{30}{10-60}$	$\frac{9}{4-16}$ $\frac{15}{6-18}$ $\frac{15}{6-18}$				昭28択	60	40	100			
40 20 40 70 10 20	100 20-200			$\frac{40}{8-80}$ $\frac{36}{8-60}$	$\frac{22}{5-25}$ $\frac{16}{5-18}$						(110)	(110)			
10 70 20	120 40-200			$\frac{16}{10-20}$ $\frac{20}{10-30}$	$\frac{10}{6-14}$ $\frac{16}{6-20}$				昭31下種伐	(5)	(45)	(50)			
5 20 20 15 40	100 70-150	10	密	$\frac{36}{6-80}$	$\frac{16}{5-20}$	天然	広	笹多し		10	180	190	1.2	1.2	
10 30 20 40	100 50-150	10	"	$\frac{26}{4-82}$	$\frac{14}{5-18}$	"	"	一部笹あり		17	153	170	2.04	1.2	

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区 画			営林署	事業区	林小班	業 団	施 面 積	地 況				摘 要	樹 種
	郡(市)	村(町)	大字(字)						地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩 土性	深 堅 土 度 湿 度		
群馬	吾妻	六合	入山 (入山)	草津	草津	38 は 皆	2	198.04	ダケモミ 3 (2)	S及E 中	火山灰 壤土	中 軟		ダケモミ コメツガ ブナ クリ ミズナラ 広
"	"	嬬恋	千俣 (熊四郎)	"	"	89 は 沢	1	360.16	コメツ ガ2 (")	E 急	火山灰及輝石安 山岩 " " "			アオモリ トドマツ シラベ コメツガ トウヒ ブナ ミズナラ 広
"	"	"	" (")	"	"	90 ろ "	"	335.92	コメツ ガ1 (1)	S 中	輝石安山岩 " " "			ダケモミ アオモリ トドマツ シラベ コメツガ トウヒ ブナ ミズナラ 広

混交歩合 林況一覽表

混交歩合	林 況							材積			連年成長率		備 考			
	林 令	立木度	疎密度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下層植生	摘 要	ha当り材積				ha	成長率	
										針	広	計				
10 5 15 15 20 35	$\frac{150}{50-200}$	5	中	$\frac{28}{10-60}$ $\frac{30}{10-60}$	$\frac{15}{10-23}$ $\frac{13}{10-20}$						12	68	80			
10 20 30 15 10 5 10	$\frac{80}{50-300}$	10	"	$\frac{34}{10-70}$	$\frac{17}{8-20}$	"	針		昭27. 28択伐		113	37	150	1.80	1.2	
5 10 25 30 10 5 5 10	$\frac{150}{50-300}$	"	密	$\frac{40}{10-80}$	$\frac{17}{8-23}$	"	"				256	64	320			

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区			営林署	事業区	林小班	施業団	面積	地 況				樹種
	郡(市)	村(町)	大字(字)						地位(地利)	方位(傾斜)	基岩(土性)	深(湿度)	
群馬	多野	上野	本谷(本谷)	高崎	高崎	65と	皆2	71.40	広2(2)	N急	秩父古生層中 植壤土軟適	チウシンの奥にあたる	モミ コメツガ イヌブナ ミズナラ ミネバリ カエデ シオジ 広
"	"	"	(")	"	"	69い	"	258.79	(")	NW	" " " "	石、礫の混入多し	ネズコ モミ バラモミ コメツガ ブナ イヌブナ サワグルミ ミネバリ カエデ シオジ トチ 広
"	"	"	(")	"	"	76い	"	60.65	(")	SE	" " " "	"	モミ コメツガ バラモミ ブナ イヌブナ サワグルミ カンバ ミネバリ カエデ トチ シオジ 広 (ヒノキ) (ネズコ)

況 林 況 一 覧 表

林 況										備考				
混交 歩合	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積			連 年 成 長 率	
										針	広	計		
5 20 25 2 3 5 5 35	$\frac{200}{60-300}$	10	密	$\frac{34}{6-80}$	$\frac{17}{4-25}$	天然	広			50	150	200		
3 5 5 17 5 15 5 5 5 10 5 20	$\frac{120}{5-300}$	7	中	$\frac{26}{6-100}$	$\frac{15}{3-25}$	"	混			39	91	130	0.78	0.6
5 15 3 12 10 3 10 5 5 10 5 17	$\frac{120}{10-300}$	6	疎	$\frac{26}{6-80}$	$\frac{15}{3-24}$	"	広		昭15.16択	32	108	140	0.84	0.6

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区 画						施 業 団	面 積	地 況				摘 要	樹 種
	郡(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区	林小班			地位(地利)	方 位 傾 斜	基岩土性	深 堅 土 湿 度		
群馬	多野	上野	本谷(本谷)	高崎	高崎	76 は	皆 2	56.34	広 2 (2)	SE 急	秩父古生層 植壤土 軟	中 適		モ ミ コメツガ バラモミ ネズコ ブナ イスブナ サワグルミ ミネバリ カツラ カニデ トチ シオジ 広 (ヒノキ) (サワラ)
〃	碓氷	坂本	坂本(霧積山)	前橋	前橋	28 い	〃	10.94	ブナ 2 (1)	〃 中急	輝石安山岩 浅 壤土	中 〃	国立公園特別地域	ブ ナ ク リ ミズナラ ケヤキ 広
〃	〃	〃	(〃)	〃	〃	37 い	〃	20.54	ブナ 3 (2)	NW NE 中	〃 〃	中 〃	〃	ブ ナ ミズナラ シ デ カニデ 広
〃	〃	〃	(〃)	〃	〃	38 い	〃	11.42	(〃)	NE 平及中	〃 砂壤土	〃 〃	〃	ブ ナ ト チ 広

林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況								ha当り材積			連 成 ha	年 量 成 長 率	備 考	
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	針	広				計
5 20 3 3 5 10 5 7 5 8 5 5 19	$\frac{200}{60-350}$	10	密	$\frac{32}{6-80}$	$\frac{15}{3-26}$	天然	広			62	138	200			
20 20 10 10 40	$\frac{70}{40-100}$	8	"	$\frac{20}{12-50}$	$\frac{15}{9-20}$	"	"				110	110	0.88	0.8	
40 10 20 10 20	$\frac{70}{40-100}$	6	疎	$\frac{28}{10-50}$	$\frac{14}{6-20}$	"	"		昭22.23伐		50	50	0.60	1.2	
20 50 30	$\frac{100}{70-150}$	8	"	$\frac{40}{20-100}$	$\frac{15}{12-20}$	"	"		昭 23 伐		90	90	0.54	0.6	

表 2. 2 林 小 班 別 地

県	区 画					施 業 団	面 積	地 況					樹 種
	部(市)	村(町)	大字(字)	営林署	事業区			林小班	地位(地利)	方 位	基 岩	深 土	
新潟	岩船	女川	中 東 (奥 山)	村上	村上	荒 79 い	漸	289.68	ブナ 1 (2)	SW 中	古生界二疊石炭 系秩父層 軟 壤土	局部的に基岩露出	ブ ナ ミズナラ 広
〃	〃	三面	三 面 (三 面 山)	〃	〃	67 い	〃	175.48	ブナ 2 (〃)	〃	第三紀層 砂壤土	〃	ブ ナ ミズナラ ト チ カエデ 広
〃	〃	〃	(〃)	〃	〃	207 い	(未)	138.40	ブナ 3 (〃)	S F. 急	花崗岩 礫壤土	浅 〃	ブ ナ ミズナラ 広
〃	東蒲原	豊実	実 川 (飯 豊 山)	村松	村松	42 い	皆	201.57	広 2 (〃)	NW 〃	花崗岩一部凝灰 岩 浅 砂壤土	〃	ス ギ ヒメコマツ ブ ナ ナ ラ 広
〃	北魚沼	入広瀬	大 白 川 新 田 浅 草 山	長岡	長岡	16 ほ	漸	343.69	スギ 2 (〃)	E 緩及急	安山岩 壤土	中 〃	ブ ナ 広
〃	南魚沼	三国	浅 具 (三 國 山)	六日町	六日町	35 い	皆	123.34	ブナ 2 (〃)	W 急	御坂戸層 〃	〃	ブ ナ ミズナラ 広
〃	〃	三俣	一 (苗 場 山)	〃	〃	83 ろ	皆	200.20	ブナ 1 (〃)	E 緩	輝石安山岩 〃	〃	ブ ナ 広

林 況 一 覧 表

混交 歩合	林 況							材 積			連 年		備 考			
	林 令	立 木 度	疎 密 度	直 径	樹 高	林 種	林 相	下 層 植 生	摘 要	ha当り材積				連 成 長 率	年 量 成 長 率	
										針	広	計				
80 10 10	$\frac{150}{100-200}$	7	中	$\frac{48}{6-88}$	$\frac{18}{6-22}$	天然	広		峯筋ニアカマ ツ点生		200	200				
65 15 5 5 10	$\frac{150}{60-190}$	8	密	$\frac{30}{20-50}$	$\frac{15}{10-21}$	"	"				175	175	0.53	0.3		
80 10 10	$\frac{150}{60-190}$	5	疎	$\frac{30}{20-50}$	$\frac{14}{9-20}$	"	"		ヒメコ・ネズ コ点生		80	80				
3 4 75 8 10	$\frac{140}{60-240}$	10	密	$\frac{34}{8-60}$	$\frac{17}{6-22}$	"	"		ネズコヒバの 稚樹尾根筋に あり上部風衝 強し	14	186	200	0.03	0.5		
90 10	$\frac{130}{60-200}$	9	中	$\frac{70}{30-100}$	$\frac{16}{10-21}$	"	"				28	252	280	1.40	0.5	
70 20 10	$\frac{160}{70-210}$	10	"	$\frac{40}{20-80}$	$\frac{21}{14-24}$	"	"				250	250				
90 10	$\frac{150}{40-200}$	8	"	$\frac{32}{10-70}$	$\frac{15}{7-20}$	"	"				210	210				

表 2. 3 直径階別樹高階別本数表 (棄却前)

Hm Dcm	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
4		1	2	2	2											
6		4	9	4	9	5		1								
8			1	15	9	11	5	5	1							
10			1	7	9	13	8	14	9	9	4		1			
12				4	8	8	6	12	18	17	8	3	1	2		
14						9	8	8	18	15	10	11	4	1	3	
16							1	8	13	15	20	21	10	8	6	1
18					1			10	8	17	10	19	29	16	9	5
20						1		1	13	13	21	31	31	28	20	4
22								2	1	2	12	23	21	27	21	15
24									1	3	9	19	16	29	31	24
26									1	5	8	12	11	26	16	39
28										7	3	7	10	16	25	31
30										3	3	4	14	17	20	19
32								1		1	2	7	4	9	16	21
34										1	1	3	5	13	13	20
36												2	2	6	15	17
38											1	3	1	4	9	8
40												1	1	5	8	13
42											1	1	3	5	3	15
44														3	9	6
46														2	2	2
48													2	2	1	4
50														1	3	2
52													1	1		6
54															1	2
56															1	2
58																1
60															1	
62																2
64																
66																
68																1
70																1
72																
74																
76																
78																
80																
82																
84																
86																
88																
90																
92																
94																
96																
98																
100																
102																
104																
106																
計		5	13	32	38	47	34	63	74	108	113	167	167	221	223	261

	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	計
																		7
																		32
																		47
																		75
																		87
																		88
1	3																	111
5	2		1	1														129
4	4	3	1	1	3													175
5	9	7	4	3	1													148
24	8	16	9	1		3	1		2		1							173
39	16	12	17	3		2	2		2									173
31	22	20	11	9	4	1		1			2							169
19	18	17	13	14	12	1	3	1	2	2								163
21	16	26	16	5	9	9	1	2	2	1	1		2					151
20	21	22	14	13	7	2	2	3	1	1	1							143
17	10	28	18	13	18	11	8	2	1	3	1							155
8	25	19	20	13	13	10	8	3	3	4	1							146
13	13	21	13	21	10	10	7	4	1	1				1				131
5	7	17	21	19	15	12	12	5	2	2	1							141
6	5	13	17	16	11	12	4	2	5	3	1				1			109
2	6	14	19	15	14	9	8	6	3	2	2							104
4	7	14	13	16	22	14	3	6	2	4	3							113
2	1	15	7	13	17	11	3	3	4	2	2							85
6	2	11	10	11	12	9	9	1	7	1	1		1					84
2		9	3	7	8	9	3	5	6	1	1							53
2	6	5	7	11	9	6	7	2	1	1	2							61
1	2	3	3	3	4	8	2	3	1	2	4							36
	1	3	6	6	5	4	8	1	6	1	1			1				46
2	3	1	2	5	5	6	3	5	2	2	1					1		36
	1	2	2	2	5	4	2	2	2	2	1							30
				6	5	5	7	2	2	3	2							27
				2	2	2	3	2	2									18
1			3	2	2	2	2	2	2									11
		2		2			1		4		1							11
				1	1	4	2	1	2									11
				1			1		2									9
	1			1			3	3	1	4	1							12
		2			1	2	1				2							10
					2		1		1									5
				1	1				1									4
																		1
		1					1			1								4
																		4
							1		1									2
				1				2										1
														1				1
											1							1
											1							1
61	212	304	252	245	216	168	118	71	69	46	30	12	5	3	2	2		3330

図 3. 1

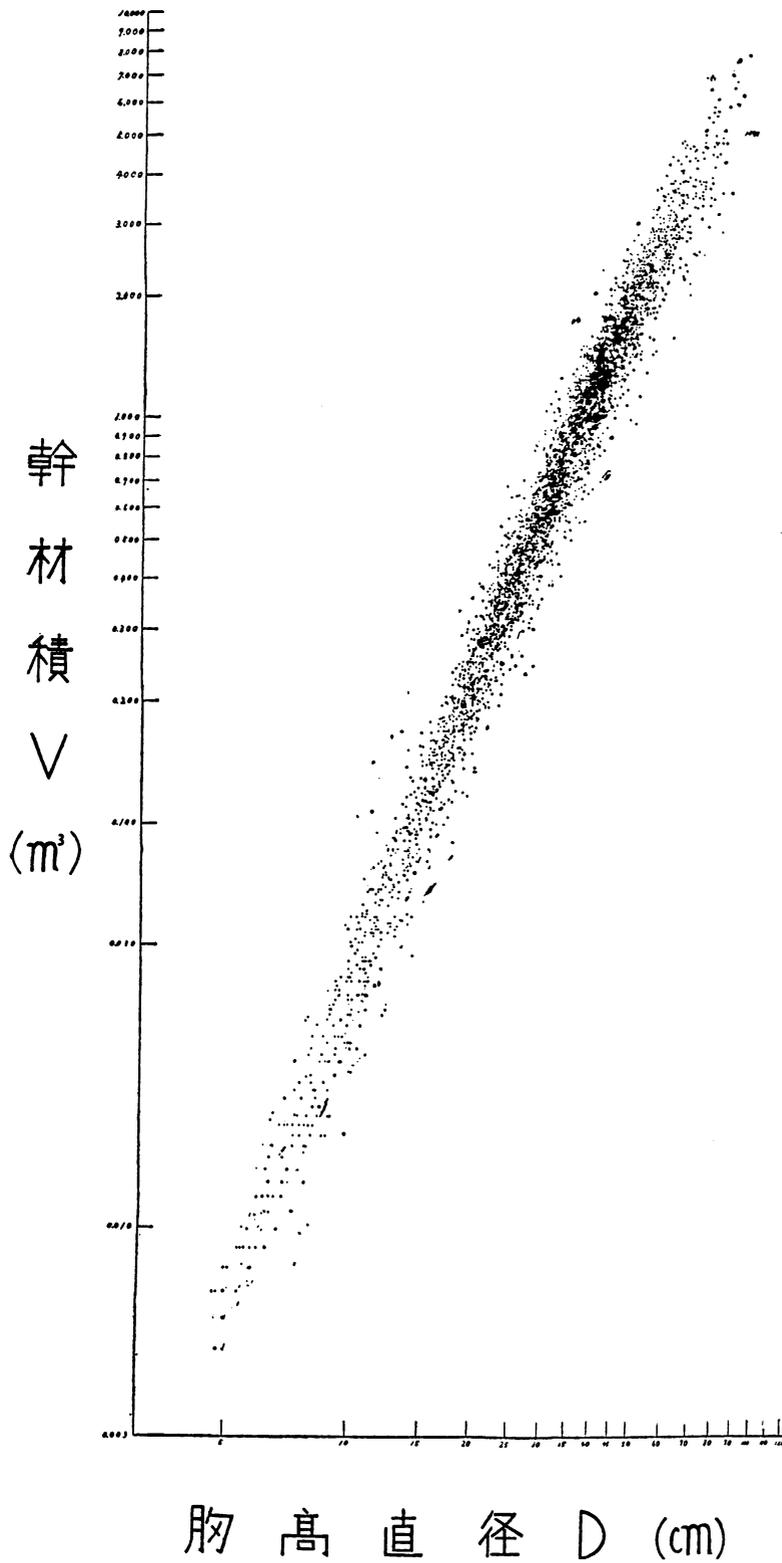
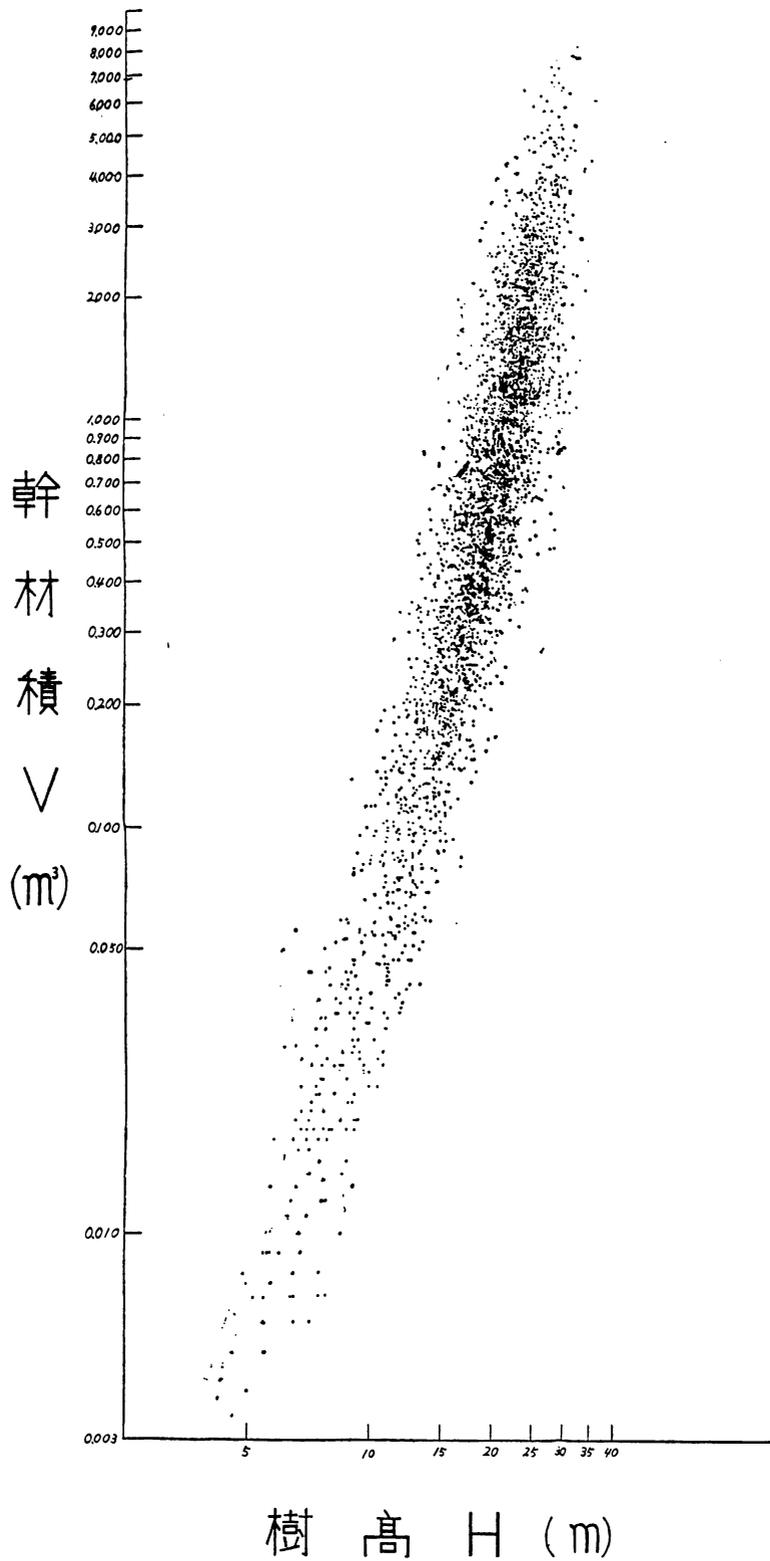


図 3. 2



Ⅲ 幹材積の調製

1 調製方法の根拠

収集資料について胸高直径、樹高、幹材積の対数を取り、胸高直径に対する幹材積、および樹高に対する幹材積の関係を図示すると、図 3. 1 および図 3. 2 の如くなり、そのいずれにも直線関係が認められたので山本博士により提案されている次の材積式を用いることにした。

$$V = aD^{b_1} H^{b_2} \dots\dots(1)$$

ここで V : 幹材積 (m³)

D : 胸高直径 (cm)

H : 樹高 (m)

a, b₁, b₂ : 定数

今、計算の便宜上 (1) 式を $1,000V = aD^{b_1} H^{b_2}$ と表わし、対数をとればこの式は次のように変形される。

$$3 + \log V = \log a + b_1 \log D + b_2 \log H \dots\dots(2)$$

ここで更に $3 + \log V = Y$ $\log a = a$ $\log D = X_1$ $\log H = X_2$ とおけば (2) 式は次のように書き変えることが出来る。

$$Y = a + b_1 X_1 + b_2 X_2 \dots\dots(3)$$

全資料について、V、D、H の対数を 6 桁まで求め、最小 2 乗法によつて a・b₁・b₂ を求めるための必要な計算要素は表 3. 1 の通りである。

表 3. 1 計 算 の 要 素

直径級	本 数	SX ₁	SX ₂	SY	SX ₁ ²	SX ₂ ²	SX ₁ X ₂
全 体	3,330	4919.202365	4234.620437	9201.380896	7439.13282649	5442.30466719	6339.92458378
SX ₁ Y	SX ₂ Y	SY ²	SX ₁ ²	SX ₂ ²	SX ₁ X ₂	SX ₁ Y	SX ₂ Y
14002.24864738	11917.45375208	26423.67806298	172.30042174	57.31660549	84.38258121	409.61961889	409.61961889
SX ₂ Y	SY ²						
216.44606715	998.62989683						

これより a = -1.29171213

b₁ = 1.89228501

b₂ = 0.99046643

更に、回帰に帰因する平方和等を解けば次表の通りである。

表 3. 2 回帰に帰因する平方和等

直径級 (cm)	Sŷ ²	Sdy・x ₁ x ₂ ²	sy・x ₁ x ₂ ²	sy・x ₁ x ₂	R
4 ~	989.49962812	9.13026871	0.00274429	0.05238597	0.9954180

表 3. 3 重相関係数の有意性検定

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平 均 平 方	F
回 帰	2	989.49962812	494.74981406	180,283 * *
推定の誤差	3,327	9.13026871	0.00274429	df = 2, 3327
全 体	3,329	998.62989683		

ここに $S\hat{y}^2$回帰に帰因する平方和

$Sdy \cdot x_1x_2^2$回帰からの偏差平方和

$sy \cdot x_1x_2^2$推定の誤差分散

$sy \cdot x_1x_2$標準誤差

R.....重相関係数

(以下、特別断わらないかぎり上記記号を用いた場合は、右に説明した意味を表わす)

重相関係数の有意性を検定すると表 3. 3 に示すようになり、この重回帰式が極めて有意であり、このことから前記材積式は妥当なものと考えられる。

§ 2 資料の吟味

異常と思われる資料を次の方法で除外した。

即ち、回帰式 $Y = a + b_1X_1 + b_2X_2$

この Y の推定式は $\hat{Y} = \bar{Y} + b_1(X_1 - \bar{X}_1) + b_2(X_2 - \bar{X}_2)$

となる。これより推定される値に対し、有意水準99%に相等する棄却帯を計算する。

\hat{Y} の分散 $V(\hat{Y}) = sy \cdot x_1x_2^2 \left[\frac{1}{n} + C_{1.1}(X_1 - \bar{X}_1)^2 + C_{2.2}(X_2 - \bar{X}_2)^2 + 2C_{1.2}(X_1 - \bar{X}_1)(X_2 - \bar{X}_2) \right]$

但し $C_{1.1} = 0.02080265$

$C_{1.2} = -0.03062605$

$C_{2.2} = 0.06253519$

従つて、この棄却帯は

$$Ey \cdot x_1x_2 = t \{ sy \cdot x_1x_2 - \sqrt{V(\hat{Y})} \}$$

で表わされる。

t は自由度 n-3、危険率 0.01に相等する student の t である。

各資料につき、 $Ey \cdot x_1x_2$ を、また、前記推定式より \hat{Y} をそれぞれ計算し

$$| Y - \hat{Y} | \geq Ey \cdot x_1x_2$$

となる資料を棄却した。これにより除かれた資料は67本で、表 3. 4 の通りである。

また、棄却済資料による直径階別樹高階別本数及び平均材積は、表 3. 5 表 3. 6 の通りである。

表 3. 4 棄却資料一覽表

事業区	林小班	NO.	D	H	1000V	Y	Ŷ	Y-Ŷ	ESy	
原 町	原 117に	64	22.6	13.2	330.6	2.519303	2.38053707	0.13876593	0.13495334	
	“	69	28.5	13.2	533.5	2.727134	2.57116019	0.15597381	0.13491097	
	“	82	16.6	13.0	184.1	2.265054	2.12040310	0.14465090	0.13496391	
浪 江	津 17に	132	45.2	20.9	1024.2	3.010385	3.14784100	0.13745600	0.13497538	
	“	134	30.8	19.1	393.6	2.595055	2.79387079	0.19881579	0.13499397	
	“	137	13.9	11.3	59.9	1.777427	1.91423643	0.13680943	0.13493758	
勿 来	26 い	529	63.0	18.3	1628.4	3.211761	3.37516460	0.16340360	0.13485159	
福 島	茂 48 い	596	49.9	29.6	1574.9	3.197253	3.37884427	0.18159127	0.13493963	
棚 倉	近 59 ろ	649	23.2	21.5	729.3	2.862906	2.61191545	0.25099055	0.13493285	
猪 苗 代	7 ぬ	759	56.0	22.2	1487.4	3.172428	3.34987527	0.17744727	0.13495111	
	“	772	41.5	20.9	709.9	2.851197	3.07765615	0.22645915	0.13498455	
	“	778	48.5	23.8	1212.6	3.083718	3.26164550	0.17792750	0.13497702	
	“	780	34.0	19.7	519.2	2.715335	2.88840774	0.17307274	0.13499287	
	“	17 い	794	38.0	21.8	763.4	2.882752	3.02338519	0.14063319	0.13498881
	“	“	804	31.6	19.5	391.2	2.592399	2.82385946	0.23146046	0.13499366
	“	“	805	38.0	20.1	566.0	2.752816	2.98846134	0.23564534	0.13498849
喜 多 方	29 い	849	56.3	25.6	1883.3	3.274920	3.41556237	0.14064237	0.13496479	
	“	854	105.0	29.5	6472.7	3.811085	3.98876287	0.17767787	0.13485842	
	“	862	68.0	25.9	2385.1	3.377507	3.57574339	0.19823639	0.13494020	
	“	886	34.8	19.5	561.2	2.749118	2.90313106	0.15401306	0.13499174	
	“	909	77.4	28.4	3834.2	3.583675	3.72178684	0.13811184	0.13492605	
	“	28 は	1005	54.2	21.1	1342.1	3.127785	3.30116505	0.17338005	0.13494567
若 松	64 は	1048	37.6	18.8	645.3	2.809762	2.95100324	0.14124124	0.13498160	
	坂 下	71 い	1136	28.7	20.3	382.0	2.582063	2.76204702	0.17998402	0.13498527
	“	1181	25.0	15.3	178.7	2.252125	2.52698545	0.27486045	0.13498184	
山 口	“	1186	83.0	27.5	3713.9	3.569830	3.76534142	0.19551142	0.13490754	
	22 る	1251	38.3	19.2	409.7	2.612466	2.97521817	0.36275217	0.13498284	
	“	1404	55.4	23.0	1632.6	3.212880	3.35625158	0.14337158	0.13495943	
	“	1452	23.5	15.2	211.2	2.324694	2.47331610	0.14862210	0.13498363	
	“	1503	10.5	9.5	27.5	1.439333	1.60907131	0.16973831	0.13489151	
	“	1505	81.0	27.9	3315.9	3.520601	3.75150766	0.23090666	0.13491533	
大 田 原	195 ほ	1512	23.4	14.4	199.4	2.299725	2.44655345	0.14682845	0.13497411	
	矢 板	17 ほ	1748	27.6	16.5	315.6	2.499137	2.64077540	0.14163840	0.13498778

事業区	林小班	NO.	D	H	1000V	Y	Ŷ	Y-Ŷ	ESy
矢板	17ほ	1752	35.1	19.1	537.2	2.730136	2.90126932	0.17113332	0.13498985
	H光	1106ろ	1821	63.4	21.2	3707.9	3.569128	3.43204515	0.13708285
鬼怒川	1126い	1847	27.8	15.7	624.9	2.795811	2.62533138	0.17047962	0.13497871
	〃	1856	12.7	6.6	56.4	1.751279	1.60873045	0.14254855	0.13463292
	〃	1880	28.0	17.3	645.5	2.809896	2.67296626	0.13692974	0.13499223
	62む	2006	48.0	23.5	2434.3	3.386374	3.24767184	0.13870216	0.13497778
	〃	2009	41.4	17.0	1368.3	3.136181	2.98683116	0.14934984	0.13493565
	〃	2010	54.5	19.1	2583.9	3.412276	3.26286606	0.14940994	0.13490940
	〃	2050	46.9	22.0	2177.8	3.338018	3.20024841	0.13776959	0.13497687
沼田	32た	2064	82.7	23.5	2996.6	3.476629	3.69475256	0.21812356	0.13486105
	東31に	2119	57.0	20.7	1504.3	3.177334	3.33432792	0.15699392	0.13492779
月夜野	〃	2121	69.0	22.1	2208.2	3.344038	3.51948941	0.17545141	0.13489682
	33を	2242	76.9	23.1	3077.3	3.488170	3.62760928	0.13943928	0.13487916
水上	〃	2252	49.4	18.1	1006.8	3.002943	3.15899091	0.15604791	0.13491489
	23に	2454	26.9	28.2	490.6	2.690728	2.85020910	0.15948110	0.13482107
草津	38は	2575	66.6	23.6	2262.6	3.354608	3.51864364	0.16403564	0.13492739
	90ろ	2584	12.3	9.0	35.0	1.544068	1.71584442	0.17177642	0.13486636
	〃	2601	33.2	16.6	410.6	2.613419	2.79519052	0.18177152	0.13497080
	89は	2605	66.5	25.1	2310.9	3.363781	3.54391673	0.18013573	0.13494010
前橋	28い	2703	20.0	19.9	426.4	2.629817	2.45667773	0.17313927	0.13492752
	〃	2704	26.0	21.9	352.4	2.547036	2.71348485	0.16644885	0.13495094
村上	荒79い	2800	60.0	25.8	2093.8	3.320935	3.47121857	0.15028357	0.13495837
	村207い	2843	50.4	22.9	1352.3	3.131073	3.27664345	0.14557045	0.13497215
	〃	2885	48.0	23.2	1275.8	3.105783	3.24214503	0.13636203	0.13497762
	〃	2886	59.0	27.5	2142.5	3.330921	3.48485558	0.15393458	0.13495789
	村67い	2906	51.3	15.7	725.3	2.860518	3.12881543	0.26829743	0.13482061
	〃	2909	50.8	17.6	986.1	2.993921	3.16990756	0.17598656	0.13489303
村松	42い	2945	34.8	21.2	630.4	2.799616	2.94908598	0.13946998	0.13499020
	〃	2958	35.9	20.9	641.6	2.807264	2.95852924	0.15126524	0.13499126
	〃	2970	58.6	18.5	3017.5	3.479647	3.30874608	0.17090092	0.13486989
長岡	16ほ	3058	19.5	12.0	118.0	2.071882	2.21829431	0.14641231	0.13493745
	〃	3174	28.3	15.4	248.1	2.394627	2.63168045	0.23705345	0.13497214
	〃	3220	34.2	20.1	580.6	2.763877	2.90187416	0.13799716	0.13499276

表 3. 5 直径階別樹高階別本数表 (棄却後)

Hm Dcm	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
4			1	2	2											
6		4	9	4	9	5		1								
8			1	15	9	11	5	5	1							
10			1	7	9	13	7	14	9	9	4		1			
12				3	8	7	6	12	18	17	8	3	1	2		
14						9	8	8	18	15	10	11	4	1	3	
16							6	8	13	14	20	21	10	8	6	1
18					1		1	10	8	17	10	19	29	16	9	5
20								1	12	13	21	31	31	28	20	4
22								2	1	1	12	23	21	27	21	15
24									1	3	8	18	16	29	31	24
26									1	5	8	11	11	26	16	39
28										6	3	6	9	14	25	30
30										3	3	4	14	17	20	18
32								1		1	2	7	4	9	16	21
34										1	1	3	5	12	13	20
36												2	2	6	15	16
38											1	3	1	3	9	7
40												1	1	5	8	13
42											1	1	3	4	3	15
44													3	3	9	6
46														2	2	2
48													2	2	1	4
50														1	1	2
52														1		6
54															1	1
56															1	2
58																
60															1	
62																
64																1
66																
68																
70																1
72																
74																1
76																
78																
80																
82																
84																
86																
88																
90																
92																
94																
96																
98																
100																
102																
104																
106																
計		5	13	31	38	46	33	62	82	105	112	164	165	216	231	254

34	36	38	40	42	44	46	48	50	52	54	56	58	60	62	64	66
0.515																
0.613		0.837		0.850												
0.604	0.542	0.759	0.870	1.134												
0.679	0.679	0.689	0.680	1.089			1.385									
0.688	0.780	0.812	0.891	0.988	1.054	1.276	1.249	1.710	1.174							
0.708	0.807	0.866	0.986	1.061	1.088	1.191	1.439	1.461		2.142	2.221		2.807			
0.717	0.899	0.856	1.061	1.064	1.297	1.488	1.390	1.558	1.648	1.980	1.999				3.118	
0.766	0.924	0.975	1.064	1.193	1.304	1.454	1.601	1.536	1.871		2.188	2.099	2.403	2.392	2.728	2.558
0.821	0.909	1.038	1.209	1.274	1.321	1.486	1.612	1.808	1.900	2.047	2.290	3.392	2.195	2.915	2.711	
0.913	0.965	1.060	1.238	1.295	1.480	1.498	1.666	1.649	1.792	2.160	2.054	2.161	2.590	2.873	2.933	
0.910	1.049	1.151	1.251	1.340	1.499	1.575	1.758	1.790	2.066	2.233	2.178	2.492	2.752	2.697	3.109	3.161
0.937	1.071	1.198	1.330	1.400	1.523	1.672	1.843	1.995	2.159	2.346	2.485	2.828	2.898	2.820	3.037	3.200
1.010	1.143	1.208	1.348	1.449	1.625	1.721	1.911	1.993	2.247	2.455	2.674	2.766	2.654	3.125	3.179	3.663
1.048	1.183	1.329	1.343	1.556	1.629	1.661	2.010	2.399	2.290	2.567	2.633	2.589	2.703	3.183	3.215	3.547
1.111	1.149	1.224	1.464	1.618	1.826	1.706	2.174	2.017	2.418	2.557	2.898	2.926	3.223	3.034	3.429	4.230
1.125	1.370	1.380	1.545	1.787	1.876	2.152	2.410	2.294	2.412	2.531	3.016	2.863	3.193	3.756		
1.226	1.248	1.478	1.548	1.785	1.740	2.117	2.005	2.488	2.939		3.048	3.488	3.571	4.153	3.848	4.433
1.287	1.131	1.528		1.970	1.972	2.164	2.407	2.221	3.107		2.431	3.461	3.151	3.934	4.486	4.181
			1.643		1.965				2.327		3.094		3.673			
			2.095						2.320							
		1.460						2.833					4.105			
					2.141											4.183
													4.354			

§ 3. 棄却済資料による幹材積表調製

a. 10cm直径級毎平方和・積和・重相関係数など

棄却済の資料3,263本を用い、必要数値の計算を行つた結果は表 3. 7 の通りである。

表 3. 7 直径級別、平方和、積和、相関係数、回帰係数など

直径級 (cm)	本数 <i>n</i>	SX ₁	SX ₂	SY	SX ₁ Y	SX ₂ Y	SX ₁ X ₂
4 ~ 10	160	146.013639	149.661184	217.605506	203.04212594	207.55883308	137.77531038
12 ~ 20	584	709.850151	668.078122	1248.694691	1527.14830237	1437.29880113	814.39357309
22 ~ 30	812	1146.211899	1024.837710	2135.991214	3019.62393439	2701.37001986	1447.49786709
32 ~ 40	713	1107.038080	942.945353	2113.822703	3284.04706186	2799.31005774	1464.42344534
42 ~ 50	541	896.338468	734.085932	1726.887173	2862.03017248	2345.14042806	1216.38421347
52 ~ 60	270	470.081596	372.133923	910.980842	1586.36041265	1256.36501424	647.94913903
62 ~ 102	183	337.090469	256.824300	654.163513	1205.76066734	918.76536401	473.17405425
4 ~ 102	3,263	4812.624302	4148.566524	9008.145642	13688.01266703	11665.80851812	6201.59760265

SX ₁ ²	SX ₂ ²	SY ²	Sx ₁ ²	Sx ₂ ²	Sx ₁ x ₂	Sx ₁ y
135.02551240	141.98902375	308.28392986	1.77562007	1.99858627	1.19672230	4.45855221
866.49190225	768.89635461	2697.55779190	3.67129116	4.63543492	2.34673100	9.36385894
1619.86913210	1297.35718203	5634.34111984	1.88672150	3.89371918	0.84617036	4.47794222
1719.71351599	1250.12155871	6275.95127236	0.87296820	3.07255627	0.36115484	2.02430367
1485.47463067	997.82175758	5517.07963105	0.40503877	1.73644231	0.13752277	0.89264372
818.57620278	513.63140473	3075.60480814	0.14395501	0.72897270	0.04799662	0.30364179
621.33009514	360.93526298	2340.98953600	0.40121923	0.50509320	0.09742181	0.77550122
7266.48099133	5330.75254439	25849.80808915	168.30364772	56.27991061	82.84428611	401.82798034

Sx ₂ y	Sy ²	rx ₁ x ₂	rx ₁ y	rx ₂ y	a	b ₁
4.01447262	12.33295336	0.63526791	0.95276390	0.80859957	-1.20273264	1.94019664
8.83030094	27.62897113	0.56886426	0.92974337	0.78027538	-1.29502371	1.97058855
5.50260073	15.54990521	0.31219188	0.82672432	0.70716672	-1.34520620	1.92745386
3.77107476	9.12599926	0.22051813	0.71719331	0.71215579	-1.31830076	1.90368520
1.91754479	4.80734219	0.16398198	0.63970147	0.66368625	-1.21832091	1.87944483
0.78399753	1.95260632	0.14816364	0.57271796	0.65713064	-1.06232926	1.78999635
0.70478307	2.57477239	0.21641110	0.76299588	0.61801680	-1.01145025	1.67237340
212.88438274	981.07137219	0.85121466	0.98887890	0.90597623	-1.29167771	1.90828111

b_2	$S\hat{y}^2$	$Sdy \cdot x_1 \cdot x_2^2$	$sy \cdot x_1 \cdot x_2^2$	R	C_{11}	C_{12}	C_{22}
0.8468966	12.05031147	0.28264189	0.00180027	0.98847478			
0.90732796	26.46429215	1.16467898	0.00200461	0.97869594			
0.99433118	14.10243449	1.44747072	0.00178921	0.95232059			
1.00357792	7.63820430	1.48779496	0.00209549	0.91486164			
0.95544685	3.50978675	1.29755544	0.00241181	0.85445235			
0.95762675	1.29429470	0.65831162	0.00246559	0.81415902			
1.07278702	2.05300974	0.52176265	0.00289868	0.89294782			
0.97360134	974.06526465	7.00610754	0.00214911	0.99642296	0.02157196	-0.03175402	0.06451039

b. 重相関係数, 回帰係数, 偏相関係数の有意性検定

回帰に含まれる統計量には, すべて抽出による変動がともなうので, 有意性の検定を行う。

(イ) 回帰係数の有意性検定

回帰係数 b_1, b_2 に対し ($b_1=0, b_2=0$) とする帰無仮説をたて, t 検定を行う。

$$Sb_1 = sy \cdot x_1 \cdot x_2 \sqrt{c_{11}} = 0.0010004$$

$$Sb_2 = sy \cdot x_1 \cdot x_2 \sqrt{c_{22}} = 0.00299060$$

$$\text{よつて } tb_1 = \frac{b_1}{sb_1} = 1908.2048 \quad **$$

$$tb_2 = \frac{b_2}{sb_2} = 325.5538 \quad **$$

極めて有意となり, $b_1=0, b_2=0$ の仮説は棄てられる。

「付」 偏相関係数の有意性検定

念のために樹高に対する胸高直径対幹材積の偏相関係数及び, 胸高直径に対する樹高対幹材積の偏相関係数を求めると

$$r_{y \cdot x_1 \cdot x_2} = \frac{ryx_1 - ryx_2 \cdot rx_1x_2}{\sqrt{(1-ryx_2^2)(1-rx_1x_2^2)}} = 0.97987278$$

$$r_{y \cdot x_2 \cdot x_1} = \frac{ryx_2 - ryx_1 \cdot rx_1x_2}{\sqrt{(1-ryx_1^2)(1-rx_1x_2^2)}} = 0.82288309$$

$$d. f = n - 3$$

となり, いずれもきわめて有意である。胸高直径対幹材積, 樹高対材積の相関は, 胸高直径階, 樹高階が変つても, ほぼ等しいと考えられる。

(ロ) 重相関係数の有意性検定

次に, 重相関係数 $R=0$ とする仮説を設け, この有意性を検定してみると, 表 3. 8 の通りである。

表 3. 8 重相関係数の有意性検定

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平 均 平 方	F
回 帰	2	974.06526465	487.03263233	226,621 **
推定の誤差	3,260	7.00610754	0.00214911	
全 体	3,262	981.07137219	0.30075762	

この結果、重相関係数（R）は極めて有意となり、R=0 とする仮説は棄てられる。

c. 分散一様性の検定

10cm直径級（但し62cm以上は資料が少ないので一括した）7クラスに資料をわけて各クラスごとに材積式を求め、この間の差の検定を行い、差のなかつた直径級を一括して材積を推定する。この有意差を検定するには、各クラスの分散の一様性が前提となるので、これについてパートレット法による検定を行った。

計算因子は表 3. 9 の通りである。

表 3. 9 分散一様性の検定

直径級 (cm)	Sdy·x ₁ x ₂ ²	n	fr=n-3	sy·x ₁ x ₂ ²	logsy·x ₁ x ₂ ²	frlogsy·x ₁ x ₂ ²	1/fr
4 ~ 10	0.28264189	160	157	0.00180027	- 2.7446624	- 430.91199680	0.00636943
12 ~ 20	1.16467898	584	581	0.00200461	- 2.6979701	- 1567.52062810	0.00172117
22 ~ 30	1.44747072	812	809	0.00178921	- 2.7473387	- 2222.59700830	0.00123609
32 ~ 40	1.48779496	713	710	0.00209549	- 2.6787144	- 1901.88722400	0.00140845
42 ~ 50	1.29755544	541	538	0.00241181	- 2.6176569	- 1408.29941220	0.00185874
52 ~ 60	0.65831162	270	267	0.00246559	- 2.6080792	- 696.35714640	0.00374532
62 ~ 102	0.52176265	183	180	0.00289868	- 2.5377997	- 456.80394600	0.00555556
計							
4 ~ 40	4.38258655		2257			- 6122.91685720	0.01073514
4 ~ 50	5.68014199		2795			- 7531.21626940	0.01259388
4 ~ 102	6.86021626		3242			- 8684.37736180	0.02189476
12 ~ 40	4.09994466		2100			- 5692.00486040	0.00436571
42 ~ 102	2.47762971		985			- 2561.46050460	0.01115962

(i) 全直径級（4~102）7クラスについて

$$s^2 = q^2 / fr = 0.00211604$$

$$log s^2 = -2.6744761$$

$$fr log s^2 = -8670.65151620$$

$$\chi^2 = \frac{1}{M} [(\sum fr) log s^2 - \sum fr log sy \cdot x_1 x_2^2] = 31.60492743$$

但し $\frac{1}{M} = 2.30258509$

$$C = 1 + \frac{1}{3(k-1)} \left[\sum \frac{1}{fr} - \frac{1}{fr} \right] = 1.00119924$$

修正された $\chi^2 = 31.56707 > p(\chi^2)_{0.05} = 12.5916$

$$d. f = 6$$

χ^2 は著しく有意となり、全直径級の分散は一様とみなせない。

(ii) 4~40 の4直径級について

$$s^2 = 0.00194178$$

$$log s^2 = -2.7118000$$

$$frlogs^2 = -6120.53260000$$

$$\chi^2 = 5.48995508$$

$$C = 1.00114356$$

修正された $\chi^2 = 5.48368 < P(\chi^2)_{0.05} = 7.81473$

$$d. f = 3$$

分散は一様と考えられる。

(ウ) 42~102 の直径級について

$$s^2 = 0.00251536$$

$$logs^2 = -2.5993998$$

$$frlogs^2 = -2560.40880300$$

$$\chi^2 = 2.42163242$$

$$C = 1.00169073$$

修正された $\chi^2 = 2.41755 < P(\chi^2)_{0.05} = 5.99147$

$$d. f = 2$$

分散は一様と考えられる。

(エ) 4~50の5直径級について

$$s^2 = 0.00203225$$

$$logs^2 = -2.6920229$$

$$frlogs^2 = -7524.20400550$$

$$\chi^2 = 16.14633430$$

$$C = 1.00101968$$

修正された $\chi^2 = 16.12999 > P(\chi^2)_{0.05} = 9.48773$

$$d. f = 4$$

有意差あり、分散は一様とみなされない。

d. 回帰係数間の有意差の検定

前項 c の検定により、4~40, 42~102 の直径級について分散の一様性が認められたので次に回帰係数間の有意差の検定を行う。

検定に必要な平方和、積和等は表 3. 7 参照。

(イ) 4~40 直径級について

$$b_1' = 1.92427073$$

$$b_2' = 0.95414573$$

$$S\hat{y}^2 = 60.21436635$$

表 3. 10 予備的分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和
回 帰	8	60.25524241
誤 差	2,257	4.38258655
全 体	2,265	64.63782896

表 3. 11 完成された分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平均平方	F
全 回 帰	2	60.21436635		
回 帰 間	6	0.04087606	0.00681268	3.50847 ^{**}
回 帰 計	8	60.25524241		
誤 差	2,257	4.38258655	0.00194178	
計	2,265	64.63782896		P(F) _{0.01} = 2.8020

上表より、4~40までの4直径級の回帰係数間には有意差が認められる。

この4クラスについて表3.7を検討してみると4~10の直径階の b_2 が他の3クラスに比べて異つているので、これを除いた12~40の3直径級について検定してみる。

(㊦) 12~40 直径級について

$$b_1' = 1.93180406$$

$$b_2' = 0.96867064$$

$$S\hat{y}^2 = 48.18699616$$

表 3. 12 予備的分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和
回 帰	6	48.20493094
誤 差	2,100	4.09994466
全 体	2,106	52.30487560

表 3. 13 完成された分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平均平方	F
全 回 帰	2	48.18699616		
回 帰 間	4	0.01793478	0.00448370	2.29657
回 帰 計	6	48.20493094		
誤 差	2,100	4.09994466	0.00195235	
計	2,106	52.30487560		P(F) _{0.05} = 2.3719

従つて、この3クラスの間には有意差が認められない。

なお、念のためこの直径級について分散一様性の検定を行うと、

$$s^2 = 0.00195235$$

$$\log s^2 = -2.7094423$$

$$\text{fr} \log s^2 = -5689.82883000$$

$$\chi^2 = 4.98746930$$

$$C = 1.00064859$$

修正された $\chi^2 = 4.98424 < P(\chi^2)_{0.05} = 5.99147$

$$d \cdot f = 2$$

となり、分散は一様と考えられる。

4) 42~102 直径級について

$$b_1' = 1.78425238$$

$$b_2' = 0.97676447$$

$$S\hat{\sigma}^2 = 6.84534278$$

表 3. 14 予備的分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和
回 帰	6	6.85709119
誤 差	985	2.47762971
計	991	9.33472090

表 3. 15 完成された分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平均平方	F
全 回 帰	2	6.84534278		
回 帰 間	4	0.01174841	0.00293710	1.16767
回 帰 計	6	6.85709119		
誤 差	985	2.47762971	0.00251536	
計	991	9.33472090		$P(F)_{0.05} = 2.3719$

従つて、42~102 の3直径級の回帰係数間には有意差が認められない。

e. 回帰定数間の有意差の検定

d によつて、直径級 12~40, 42~102 の各々3クラスの間回帰係数には差がなく、回帰平面は平行であるとみなせることが判つた。次に、これら各クラス回帰平面が互に重り合つているかどうか、回帰平面間の高さの差の検定を行う。

12~40 直径級の3クラス及び 42~102 直径級の3クラスについて検定のための計算要素は表3.16の通りである。

表 3. 16 計 算 の 要 素

直径級 (cm)	n	SX ₁	SX ₂	SY	SX ₁ Y	SX ₂ Y	SX ₁ X ₂
12 ~ 40	2,109	2963.100130	2635.861185	5498.508608	7830.81929862	6937.97887873	3726.31488552
42 ~ 102	994	1703.510533	1363.044155	3292.031528	5654.15125246	4520.27080631	2337.50740675

SX ₁ ²	SX ₂ ²	SY ²	Sx ₁ ²	Sx ₂ ²	Sy ₂	Sx ₁ x ₂	Sx ₁ y
4206.07455033	3316.37509535	14607.85018411	42.98190908	22.03456117	272.33718636	22.98599982	105.53168782
2925.38092858	1872.38842530	10933.67387519	5.91600298	3.28443287	30.78496035	1.53147618	12.28970023

(1) 12~40 直径級について

3クラス混みにした資料より方程式を解くと

$$b_1'' = 1.93813902$$

$$b_2'' = 0.96697002$$

$$a'' = -1.32441446$$

$$S\hat{y}^2 = 268.21665557$$

$$Sdy \cdot x_1 x_2^2 = 4.12053079$$

表 3. 17の1 予備的分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和
回 帰	2	268.21665557
回帰間差	4	0.01793478
誤 差	2,102	4.10259601
計	2,108	272.33718636

上表の誤差は次のように分けられる。

表 3. 17の2

変 動 因	自 由 度	平 方 和
誤 差	2,102	4.10259601
原因不明	2,100	4.09994466
平面間差	2	0.00265135

表 3. 18 完成された分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平均平方	F
回 帰	2	268.21665557		
回帰間差	4	0.01793478		
平面間差	2	0.00265135	0.00132568	0.67902
原因不明	2,100	4.09994466	0.00195235	
計	2,108	272.33718636		P(F) _{0.05} = 2.9957

従つて、回帰定数間にも有意差は認められない。

(四) 42~102 直径級について

$$b_1'' = 1.82464098$$

$$b_2'' = 0.97625989$$

$$a'' = -1.15387217$$

$$S\hat{y}^2 = 28.28268401$$

$$Sdy \cdot x_1 x_2^2 = 2.50227634$$

表 3. 19の1 予備的分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和
回 帰	2	28.28268401
回 帰 間 差	4	0.01174841
誤 差	987	2.49052793
計	993	30.78496035

誤差を2分する。

表 3. 19の2

変 動 因	自 由 度	平 方 和
誤 差	987	2.49052793
原因不明	985	2.47762971
平面間差	2	0.01289822

表 3. 20 完成された分散分析表

変 動 因	自 由 度	平 方 和	平均平方	F
回 帰	2	28.28268401		
回 帰 間 差	4	0.01174841		
平面間差	2	0.01289822	0.00644911	2.56389
原因不明	985	2.47762971	0.00251536	
計	993	30.78496035		$P(F)_{0.05} = 2.9957$

従つて42~102の3直径級の回帰定数間に有意差は認められない。以上 c. d. e. の各項で検定した結果をとりまとめると表 3. 21 の通りになる。

表 3. 21 検定のまとめ

直径級 (cm)	n	χ ²	回 帰 係 数 間 の 差 の 検 定				
			平均された回帰係数		回 帰 間 分 散	誤 差 分 散	F
			b ₁ '	b ₂ '			
4 ~ 10	160						
4 ~ 40	2,269	5.48368	1.92427073	0.95414573	0.00681268	0.00194178	3.50847 ^{**}
4 ~ 50	2,810	16.12999 ^{**}					
4 ~ 102	3,263	31.56707 ^{**}					
12 ~ 40	2,109	4.98424	1.93180406	0.96867064	0.00448370	0.00195235	2.29657
42 ~ 102	994	2.41755	1.78425238	0.97676447	0.00293710	0.00251536	1.16767

回 帰 定 数 間 の 差 の 検 定					
こみにした回帰係数		回帰定数 a''	平面間の 差の分散	原 因 不 明	F
b ₁ ''	b ₂ ''				
1.94019664	0.84689666	-1.20273264			
1.93813902	0.96697002	-1.32441446	0.00132568	0.00195235	0.67902
1.82464098	0.97625989	-1.15387217	0.00644911	0.00251536	2.56389

f. 材積式の決定

前項までの検定結果により、材積式は 4~10, 12~40, 42~102 の各直径級毎に求めるのが適当であることが判つた。

回帰係数及び定数を再掲すれば次表の通りである。

表 3. 22 回 帰 係 数 及 び 定 数

直径級 (cm)	a	b ₁	b ₂
4 ~ 10	- 1.20273264	1.94019664	0.84689666
12 ~ 40	- 1.32441446	1.93813902	0.96697002
42 ~ 102	- 1.15387217	1.82464098	0.97625989

この推定式は対数計算で行つたもので、真数の材積には偏りが入ってくるから、これを修正しなければならない。

修正係数を f とすれば

$$f = \frac{n-1}{n} \cdot \frac{1}{2} (\log_e 10) \sigma^2 = \frac{n-1}{n} (1.151293) \sigma^2$$

$$\log f = \frac{n-1}{n} (1.151293) \sigma^2$$

上式によつて求めた修正係数の計算過程を次表に示す。

表 3. 23 修正係数

直径級 (cm)	本数	$\frac{n-1}{n} = \textcircled{1}$	(標準誤差) ² $S_y \cdot X_1 X_2^2 = \textcircled{2}$	修正係数(対数) $\textcircled{1} \times \textcircled{2} \times 1.151293$	修正係数
4 ~ 10	160	0.99375000	0.00180027	0.00205969	1.004754
12 ~ 40	2,109	0.99952584	0.00195657	0.00225151	1.005198
42 ~ 102	994	0.99899396	0.00252500	0.00290409	1.006710

この修正係数を先に決定した材積式に織りこみ、更に計算の便宜上1,000Vで今までの数値を求めたのでこれを $\frac{1}{1000}$ して材積式を決定すると次の通りになる。

表 3. 24 決定した材積式

直径級 (cm)	材積式 (対数式)
4 ~ 10	$\log V = 1.9401966 \log D + 0.8468966 \log H - 4.20067295$
12 ~ 40	$\log V = 1.93813902 \log D + 0.96697002 \log H - 4.32216295$
42 ~ 102	$\log V = 1.82464098 \log D + 0.97625989 \log H - 4.15096808$

以上の材積式により材積を求めると、各直径のつなぎ目は殆んど平滑になつた。従つてこれらのつなぎ目については概当直径級の材積式で他の直径級の接する部分の材積を求め、これを平均して材積を決定した。

g. 幹材積表の作成

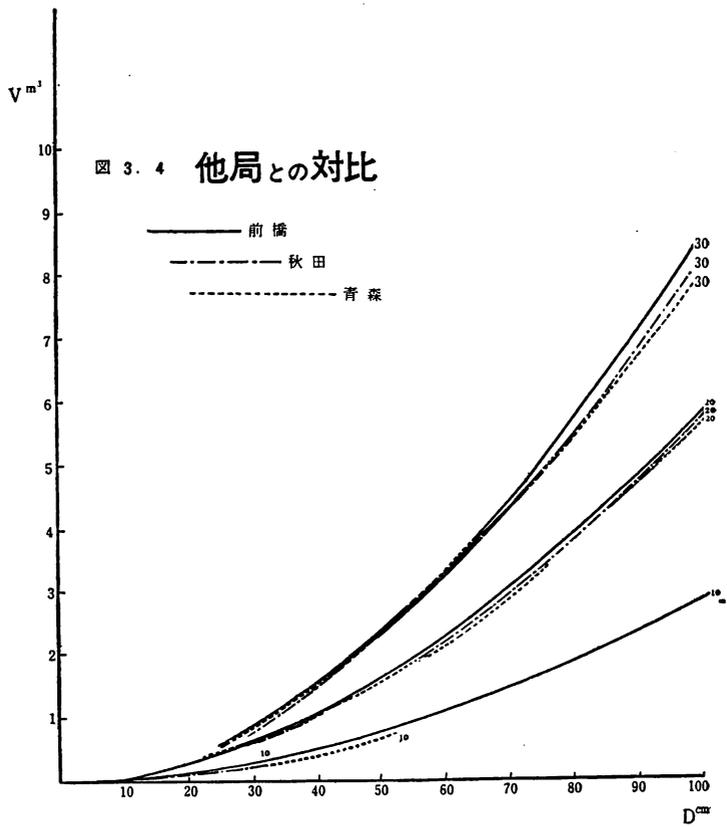
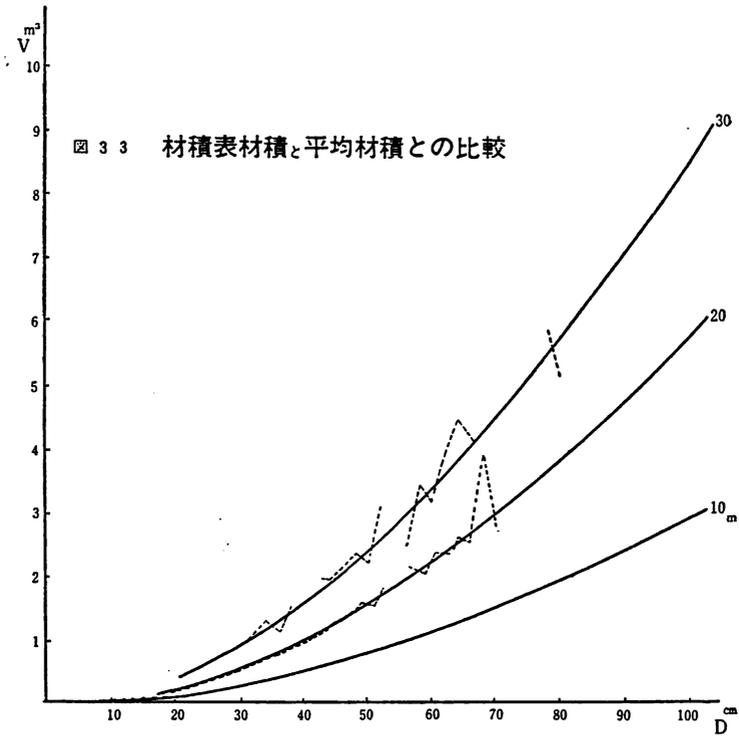
前項において計算された材積をまとめると巻末付表の通りになる。

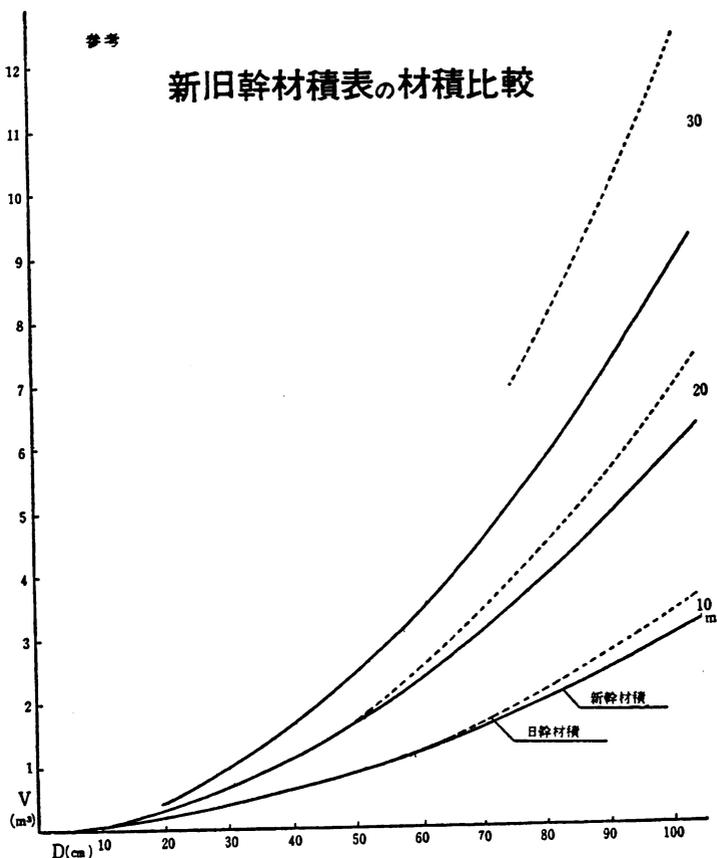
また、この材積表の一部を平均材積と比較すると 図 3. 1 の通りである。

参考のため他局の幹材積表と比較すると 図 3. 2 のようになる。これを見ると、ブナは地域的な差がないという当初の推定は妥当だつた。

また、当営林局で大正年13に作成された広葉樹材積表と今回調製したブナ幹材積表と比較してみると、参考図の如くなり、旧幹材積表が過大であつたことがうかがえるが、これには枝条と幹の区別という複雑な問題がからんでいるので、両者のいずれが妥当であるか断言することは困難である。

しかし、今回調製の材積表を使用する場合には枝条の關係に大きくウェイトをおく必要があろう。





Ⅳ 幹材積表の適合度

幹材積表の適合度を誤差率で示せば次のようになる。

材積表の標準誤差 S_v は真数材積について

$$S_v = \sqrt{\frac{\sum (v - \hat{v})^2}{n - (k + 1)}} \quad \begin{array}{l} v: \text{実材積} \\ \hat{v}: \text{推定材積} \\ k: \text{変数の数} \end{array}$$

材積式の標準誤差 $S_{v'}$ は対数材積について

$$S_{v'} = \sqrt{\frac{(\log V - \log \hat{v})^2}{n - (k + 1)}}$$

によつて表わされる。

今、 $\log V = X$, $V = 10^X$ とおけば、高次の微分を省略して

$$S_v = V(\log_e 10) S_{v'} \quad \log_e 10 = 2.3026$$

が成立するから、真数材積の誤差率は、近似的に材積式の標準誤差によつて次のように表わすことができる。

$$\text{誤差率} = \frac{S_v}{V} \times 100 = 230.26 S_{v'}$$

この式から材積表の誤差率を計算すると表 4. 1 のようになる。

表 4. 1 材積表の誤差率

直径級 (cm)	本数	① 平均値の標準誤差	①×230.26 誤差率 %	95%信頼度の 誤差率 %
4 ~ 10	160	0.00335435	0.77	1.51
12 ~ 40	2,109	0.00096318	0.22	0.43
42 ~ 102	994	0.00159381	0.37	0.72

V 幹材積表使用上の注意

この材積表は、前橋営林局管内国有林のブナ林（人工・天然を含む）に適用するものであるが、その他の広葉樹にも使用して差しつかえない。

この材積表は上記立木につき、胸高直径・および樹高を測定して幹材積を求める場合に使用する。

この材積表に掲示されていない径級、および樹高の立木幹材積は、区分求積により求めることを原則とするが、該当径級の材積式により求めても差しつかえない。

枝条材積については別に枝条材積表を調製する。

VI 調製年月および担当者氏名

調製年月 自 昭和32年4月

至 昭和37年3月

担当者氏名

計画課長 谷 井 俊 男
 主 査 田 口 豊 (34年3月まで)
 " 松 本 人 生 (36年7月まで)
 " 依 田 和 夫
 係 員 横 田 公 一
 " 菊 池 秀 治
 " 小 沢 茂 子 (36年9月まで)

林業試験場測定研究室長

大 友 栄 松

同 研究室

粟 屋 仁 志

28	30	32	34	36	38	40	42	44	46	48	50	52
0.172	0.196	0.223	0.250	0.280	0.311	0.342	0.375	0.405	0.439	0.475	0.511	0.549
0.199	0.228	0.258	0.291	0.325	0.360	0.397	0.435	0.471	0.511	0.552	0.594	0.638
0.227	0.259	0.294	0.331	0.369	0.410	0.452	0.496	0.536	0.582	0.629	0.677	0.727
0.254	0.291	0.329	0.370	0.414	0.460	0.507	0.556	0.602	0.652	0.705	0.760	0.816
0.282	0.322	0.365	0.410	0.458	0.509	0.561	0.616	0.667	0.723	0.782	0.842	0.904
0.309	0.353	0.400	0.450	0.503	0.558	0.616	0.675	0.732	0.794	0.858	0.924	0.993
0.336	0.384	0.435	0.489	0.547	0.607	0.670	0.735	0.797	0.864	0.934	1.006	1.081
0.363	0.415	0.470	0.529	0.591	0.656	0.724	0.794	0.861	0.934	1.010	1.088	1.168
0.390	0.446	0.505	0.568	0.635	0.705	0.778	0.853	0.926	1.004	1.085	1.169	1.256
0.417	0.476	0.540	0.607	0.678	0.753	0.833	0.912	0.991	1.074	1.161	1.251	1.344
0.444	0.507	0.575	0.646	0.722	0.802	0.887	0.971	1.055	1.144	1.237	1.332	1.431
0.470	0.538	0.609	0.685	0.766	0.850	0.940	1.030	1.119	1.214	1.312	1.413	1.518
0.497	0.568	0.644	0.724	0.809	0.898	0.994	1.089	1.184	1.284	1.387	1.495	1.605
0.524	0.599	0.678	0.763	0.852	0.947	1.048	1.148	1.248	1.353	1.462	1.576	1.692
0.550	0.629	0.713	0.802	0.896	0.995	1.101	1.207	1.312	1.423	1.538	1.656	1.779
0.577	0.660	0.747	0.841	0.939	1.043	1.154	1.265	1.376	1.492	1.613	1.737	1.866
0.604	0.690	0.782	0.879	0.982	1.091	1.208	1.324	1.440	1.561	1.688	1.818	1.953
0.630	0.720	0.816	0.918	1.025	1.139	1.261	1.382	1.504	1.631	1.762	1.899	2.039
0.657	0.750	0.850	0.956	1.069	1.187	1.314	1.441	1.567	1.700	1.837	1.979	2.126
0.683	0.781	0.885	0.995	1.112	1.234	1.367	1.499	1.631	1.769	1.912	2.060	2.212
0.709	0.811	0.919	1.033	1.155	1.282	1.420	1.557	1.695	1.838	1.986	2.140	2.299
0.736	0.841	0.953	1.072	1.197	1.330	1.474	1.615	1.758	1.907	2.061	2.220	2.385
0.762	0.871	0.987	1.110	1.240	1.377	1.526	1.673	1.822	1.976	2.135	2.301	2.471
0.788	0.901	1.021	1.149	1.283	1.425	1.580	1.731	1.885	2.045	2.210	2.381	2.557
0.815	0.931	1.055	1.187	1.326	1.472	1.632	1.789	1.949	2.114	2.284	2.461	2.643
	0.961	1.089	1.225	1.369	1.520	1.685	1.847	2.012	2.182	2.359	2.541	2.729
	0.991	1.123	1.263	1.411	1.567	1.738	1.905	2.076	2.251	2.433	2.621	2.815
	1.021	1.157	1.301	1.454	1.614	1.791	1.963	2.139	2.320	2.507	2.701	2.901
	1.051	1.191	1.340	1.496	1.662	1.843	2.021	2.202	2.388	2.581	2.781	2.987
	1.081	1.225	1.378	1.539	1.709	1.896	2.066	2.265	2.457	2.655	2.861	3.073
	1.111	1.259	1.416	1.581	1.756	1.949	2.136	2.329	2.525	2.729	2.940	3.158
	1.141	1.293	1.454	1.624	1.803	2.001	2.193	2.392	2.594	2.803	3.020	3.244
	1.170	1.326	1.492	1.666	1.850	2.054	2.251	2.455	2.662	2.877	3.100	3.330
	1.200	1.360	1.530	1.709	1.898	2.106	2.309	2.518	2.731	2.951	3.179	3.415
	1.230	1.394	1.567	1.751	1.945	2.159	2.366	2.581	2.799	3.025	3.259	3.501

付表 幹材積表(続)

Dcm \ Hm	54	56	58	60	62	64	66	68	70	72	74	76
2												
3												
4												
5												
6	0.588	0.629	0.670	0.713								
7	0.684	0.731	0.779	0.829								
8	0.779	0.833	0.888	0.944								
9	0.874	0.934	0.996	1.060								
10	0.969	1.035	1.104	1.174	1.247	1.321	1.397	1.476	1.556	1.638	1.722	1.808
11	1.063	1.136	1.212	1.289	1.368	1.450	1.534	1.619	1.707	1.797	1.890	1.984
12	1.158	1.237	1.319	1.403	1.490	1.578	1.670	1.763	1.859	1.957	2.057	2.160
13	1.252	1.338	1.426	1.517	1.611	1.707	1.805	1.906	2.010	2.116	2.224	2.335
14	1.346	1.438	1.533	1.631	1.731	1.835	1.941	2.049	2.161	2.275	2.391	2.511
15	1.439	1.538	1.640	1.745	1.852	1.963	2.076	2.192	2.311	2.433	2.558	2.685
16	1.533	1.638	1.747	1.858	1.973	2.090	2.211	2.335	2.462	2.591	2.724	2.860
17	1.627	1.738	1.853	1.971	2.093	2.218	2.346	2.477	2.612	2.749	2.890	3.034
18	1.720	1.838	1.959	2.084	2.213	2.345	2.480	2.619	2.762	2.907	3.056	3.209
19	1.813	1.938	2.066	2.197	2.333	2.472	2.615	2.761	2.911	3.065	3.222	3.382
20	1.906	2.037	2.172	2.310	2.453	2.599	2.749	2.903	3.061	3.222	3.387	3.556
21	1.999	2.136	2.278	2.423	2.572	2.726	2.883	3.045	3.210	3.379	3.553	3.730
22	2.092	2.236	2.383	2.536	2.692	2.852	3.017	3.186	3.359	3.536	3.718	3.903
23	2.185	2.335	2.489	2.648	2.811	2.979	3.151	3.327	3.508	3.693	3.882	4.076
24	2.278	2.434	2.595	2.760	2.931	3.105	3.285	3.469	3.657	3.850	4.047	4.249
25	2.370	2.533	2.700	2.873	3.050	3.232	3.418	3.610	3.806	4.006	4.212	4.422
26	2.463	2.632	2.806	2.985	3.169	3.358	3.552	3.750	3.954	4.163	4.376	4.594
27	2.555	2.730	2.911	3.097	3.288	3.484	3.685	3.891	4.103	4.319	4.540	4.767
28	2.647	2.829	3.016	3.209	3.406	3.610	3.818	4.032	4.251	4.475	4.704	4.939
29	2.740	2.928	3.121	3.320	3.525	3.735	3.951	4.172	4.399	4.631	4.868	5.111
30	2.832	3.026	3.226	3.432	3.644	3.861	4.084	4.313	4.547	4.787	5.032	5.283
31	2.924	3.125	3.331	3.544	3.762	3.987	4.217	4.453	4.695	4.943	5.196	5.455
32	3.016	3.223	3.436	3.655	3.881	4.112	4.350	4.593	4.843	5.098	5.360	5.627
33	3.108	3.321	3.541	3.767	3.999	4.238	4.482	4.733	4.990	5.254	5.523	5.798
34	3.200	3.420	3.646	3.878	4.117	4.363	4.615	4.873	5.138	5.409	5.686	5.970
35	3.292	3.518	3.750	3.990	4.236	4.488	4.747	5.013	5.285	5.564	5.850	6.141
36	3.384	3.616	3.855	4.101	4.354	4.613	4.880	5.153	5.433	5.719	6.013	6.312
37	3.475	3.714	3.959	4.212	4.472	4.738	5.012	5.293	5.580	5.874	6.176	6.484
38	3.567	3.812	4.064	4.323	4.590	4.863	5.144	5.432	5.727	6.029	6.339	6.655
39	3.659	3.910	4.168	4.434	4.708	4.988	5.276	5.572	5.874	6.184	6.501	6.825
40	3.750	4.008	4.272	4.545	4.825	5.113	5.408	5.711	6.021	6.339	6.664	6.996

5
6
6
6
6
6
7
7

78	80	82	84	86	88	90	92	94	96	98	100	102
1.895	1.985	2.076	2.170	2.265	2.362	2.461	2.562	2.664	2.768	2.875	2.982	3.092
2.080	2.179	2.279	2.381	2.486	2.592	2.701	2.811	2.924	3.038	3.155	3.273	3.394
2.265	2.372	2.481	2.592	2.706	2.822	2.940	3.061	3.183	3.308	3.435	3.563	3.695
2.449	2.564	2.683	2.803	2.926	3.051	3.179	3.309	3.442	3.577	3.714	3.853	3.995
2.632	2.757	2.884	3.013	3.146	3.280	3.418	3.558	3.700	3.845	3.992	4.142	4.295
2.816	2.949	3.085	3.223	3.365	3.509	3.656	3.805	3.958	4.113	4.271	4.431	4.594
2.999	3.141	3.285	3.433	3.584	3.737	3.894	4.053	4.215	4.380	4.548	4.719	4.893
3.182	3.332	3.486	3.642	3.802	3.965	4.131	4.300	4.472	4.647	4.826	5.007	5.191
3.364	3.523	3.686	3.851	4.020	4.193	4.368	4.547	4.729	4.914	5.102	5.294	5.489
3.547	3.714	3.886	4.060	4.238	4.420	4.605	4.793	4.985	5.180	5.379	5.581	5.786
3.729	3.905	4.085	4.269	4.456	4.647	4.841	5.039	5.241	5.446	5.655	5.868	6.083
3.911	4.096	4.284	4.477	4.673	4.874	5.078	5.285	5.497	5.712	5.931	6.154	6.380
4.092	4.286	4.483	4.685	4.890	5.100	5.313	5.531	5.752	5.977	6.207	6.440	6.677
4.274	4.476	4.682	4.893	5.107	5.326	5.549	5.776	6.007	6.243	6.482	6.725	6.973
4.455	4.666	4.881	5.100	5.324	5.552	5.785	6.021	6.262	6.507	6.757	7.011	7.269
4.636	4.856	5.079	5.308	5.541	5.778	6.020	6.266	6.517	6.772	7.032	7.296	7.564
4.817	5.045	5.278	5.515	5.757	6.003	6.255	6.511	6.771	7.036	7.306	7.580	7.859
4.998	5.234	5.476	5.722	5.973	6.229	6.489	6.755	7.025	7.300	7.580	7.865	8.154
5.179	5.424	5.674	5.929	6.189	6.454	6.724	6.999	7.279	7.564	7.854	8.149	8.449
5.359	5.613	5.871	6.135	6.404	6.679	6.958	7.243	7.533	7.828	8.128	8.433	8.744
5.540	5.802	6.069	6.342	6.620	6.903	7.192	7.487	7.786	8.091	8.402	8.717	9.038
5.720	5.990	6.266	6.548	6.835	7.128	7.426	7.730	8.040	8.355	8.675	9.001	9.332
5.900	6.179	6.464	6.754	7.050	7.352	7.660	7.974	8.293	8.618	8.948	9.284	9.626
6.080	6.367	6.661	6.960	7.265	7.577	7.894	8.217	8.546	8.880	9.221	9.567	9.919
6.260	6.556	6.858	7.166	7.480	7.801	8.127	8.460	8.798	9.143	9.493	9.850	10.212
6.439	6.744	7.055	7.372	7.695	8.025	8.361	8.703	9.051	9.405	9.766	10.133	10.506
6.619	6.932	7.251	7.577	7.910	8.248	8.594	8.945	9.303	9.668	10.038	10.415	10.798
6.798	7.120	7.448	7.783	8.124	8.472	8.827	9.188	9.556	9.930	10.310	10.698	11.091
6.978	7.307	7.644	7.988	8.338	8.695	9.059	9.430	9.808	10.192	10.582	10.980	11.384
7.157	7.495	7.841	8.193	8.552	8.919	9.292	9.672	10.059	10.453	10.854	11.262	11.676
7.336	7.683	8.037	8.398	8.766	9.142	9.525	9.914	10.311	10.715	11.126	11.544	11.968

昭和37年12月印刷

昭和38年1月発行

材積表調製業務資料 第41号

前橋営林局ブナ立木幹材積表調製説明書

林 野 庁

東京都千代田区霞ヶ関2の1

前 橋 営 林 局

前橋市岩神町895

印刷所 有限
会社 原 田 印 刷 所

前橋市曲輪町81