

材積表調製業務資料 第54号

大 阪 営 林 局

広葉樹立木材積表 調製説明書

昭和40年3月

林 野 庁

頁	行	誤	正	備考
日次	上から 17	1. 杖積式の計算	1. 杖積式の計算結果	
1	上から 12	----- 中生時代の -----	----- 中生代の -----	
3		第1図	第1図の 1	
4		第1図	第1図の 2	
7	D cm 18 H m 22	なし	1	
"	" 90	なし	1	
"	" 36	なし	抹消	
"	" 90	1	抹消	
"	" 37	計	1	
"	" 36	なし	抹消	
"	" 計 " 37	1	抹消	
23	112cm 26m	4256	7.4256	
"	114cm 30m	27	9.2527	
25	下から 20	自由度	抹消	表の上
26	上から 8	----- 全直径数にわたり -----	----- 全直径級にわたり -----	
27	下から 4	3. 10cm 直径級毎の -----	3. 10cm 直径級毎の -----	
28	全体に亘る	χ^2	χ^2	大文字に 訂正
29	表中 上から 3	$\frac{\alpha^2}{2(\beta_2 - 1)}$	$\frac{8^2}{2(\beta_2 - 1)}$	平均平方
"	" 5	s^2	S^2	=
30	上から 8	Sy^2	Sy^2	^{2乗か} ^{不明瞭}
31	" 16	Sy^2	Sy^2	
"	" 22	$1/F = \dots = 254$ d.f 252	$\dots = 254$ d.f 252, 1	
32	" 15	補正項 $C = 1 + \frac{1}{3(\beta_2 - 1)} (\dots)$	$\dots = 1 + \frac{1}{3(\beta_2 - 1)} (\dots)$	
34	" 2	$\sum S X_2^2$	$\sum S X_1^2$	
"	"	$\sum S X_1 X_2^2$	$\sum S X_1 X_2$	
"	" 3	$\sum S X_1^2$	$\sum S X_2^2$	
35	" 4	検査結果の -----	検査結果の -----	
36	" 7	各直径数における -----	各直径級における -----	
"	表中 上から 15	直径数	直径級	
"	下から 10	直径数	直径級	
"	" 5	直径数	直径級	
41	D cm 70 H m 22	2.76 d	2.7698	
44	" 4 " 9	0.00774	0.00674	
"	" 36 " 30	1.331	1.3331	
45	" 58 " 23	2.2744	2.2764	
46	" 84 " 39	8.9159	7.9159	
47	" 124 " 35	1.8578	13.8578	

ま　　え　　が　　き

大阪営林局において、従来使用されていた立木幹材積表は昭和の初期に調製されたもので、調製者、調製材料およびその経緯が不明であるが、広葉樹材積表はブナの樹高に対する胸高形数を用いて作成されたものである。

このたび、材積表の適合性を高めるべく「主要樹種立木材積表調製要綱」（昭和30年9月）に基いて、昭和37・38年度に資料の収集を行ない、広葉樹を樹型によってI型・II型に大別し、新たに広葉樹材積表を調製した次第である。

なお、本材積表の調製にあたり、御指導をいただきました林業試験場測定研究室長大友栄松氏、元同室栗屋仁志氏（現在九州支場）および資料収集にあたり、終始御協力をいただきました関係営林署の各位に対し深く謝意を表するものである。

昭和40年3月

大阪営林局 広葉樹立木材積表調製説明書

目 次

	頁
まえがき	
第1章 適用地域とその概況	1
第2章 資料の収集	2
1. 資料収集ヶ所	2
2. 資料収集ヶ所の選定および調査方法	2
第3章 調製方法の決定	8
1. 樹種区分	8
2. 材積式の決定	8
第4章 資料の吟味	13
1. 吟味の方針	13
2. 吟味の方法	13
3. 資料吟味のための材積式の計算	13
4. 吟味の結果	14
第5章 棄却済資料による材積式の計算	24
1. 材積式の計算	24
2. 有意性の検定	25
第6章 樹型群間の差の検定	25
第7章 10cm直径級別材積式の比較	26
1. 10cm直径級別平方和、積和など	26
2. 10cm直径級別回帰係数、推定の分散など	27
3. 10cm直径級毎の回帰係数間の差の検定、回帰定数間の差の検定	27
A. I型の材積式	27
B. II型の材積式	32
4. 直径級別材積式の比較の総括	35
第8章 材積式の決定	35
1. 修正係数の計算	36
2. 材積式の決定	36
第9章 材積表の作成	37
第10章 材積表の適合度	37
1. 材積表の適合度	37
2. 平均材積との比較	37
3. 従来の材積表との比較	37
第11章 材積表の使用上の注意	37
第12章 調製年月日および調製担当者氏名	38
むすび	
附表 材 積 表	

第1章 適用地域とその概況

本材積表は大阪営林局管内全域の広葉樹に適用するものとする。

当局管内は北陸、近畿および中国地方の2府12県におよんでおり、自然条件は非常に複雑であり、植生も一様でないので、地域別にその概況を説明する。

1. 北陸地域（石川、福井）

この地域は年降水量3000mm前後で日本海岸でも最も降水量の多い地域で、特に冬季の降雪極めて多くしかも湿雪である。気温は同緯度の大西洋岸地方よりはやや高く、特に春から夏季にかけてはフェーンが発達するので著しい高温を示すことがある。

地形は白山（2702m）を高峰とし1500m前後の諸峰が石川、富山、岐阜、福井の県境に連なる。ここから手取川、九頭竜川などの河川が金沢平野、福井盆地を蛇行して日本海に入り、国有林の大部分はこの水源地帯に位置し国土保全、風致上重要な役割をはたしている。

地質は一般に手取統と呼ばれるもので主として中生時代の古い地層が発達しているが、白山附近は安山岩系統の火成岩が分布している。

植生は大部分温帯に属し、ブナを主としたミズナラ、ミズメの天然林であるが、海岸部はアカマツ、クロマツ林が主体である。

人工林は一般に生育が悪く、ヒノキの漏脂病の被害等も見られ面積も少く見るべきものはない。しかし、民有林では能登のアテ林をはじめ、池田スギ、イトシロスギ等で知られる有名林業地がある。

2. 近畿地域（京都、滋賀、大阪北部、奈良北部、三重北部）

この地域は内陸型気候で気温の年較差が大きく、降水量は比較的少なくて年降水量は1500mm前後を示す。

地形は鈴鹿山系、比良山系を除き概ね低山地帯であり、国有林は京都、奈良、大阪等都市周辺に点在して一般に丘陵状を呈している。したがって古くから風致林として保護されている国有林が多い。地質は大部分領家帶に属し、古生層と花崗岩が錯綜している。

また、この地域は、古くから文化が開け、交通も発達したため、森林は乱伐されこの地域特有のモミ、ツガ、カシ、シイを主とする天然林は殆んど姿を消し、大部分二次林のアカマツ林相となっている。

人工林は一般にアカマツ、広葉樹が侵入して生育の悪い林分が多い。

3. 紀州地域（和歌山、奈良南部、三重南部）

この地域は高温で年降水量は2500～3000mmと豊富なことが最も著しい特徴である。大台ヶ原附近では4000mmに達している。

地形は単調で雄大な壯年期の山岳地形を示し、一般に急峻で河川の蛇行が著しく平野は発達していない。

内陸には大峰山系が走り大台ヶ原山塊（最高1962m）を中心とする紀伊山脈が東西に走っており、この山脈に平行して櫛田川、紀ノ川、有田川、日高川が流れている。

地質は外帶に属し、変成岩帶、秩父古生層、中生層、第三紀層と時代別に北から南に順序よく帶状配列をしているのが特色である。

植生は暖帯と温帯に属し、天然針葉樹林はモミ、ツガ、スギ、ヒノキにコウヤマキを混じ、海岸部はアカマツ、クロマツがわずかに成立している。

人工林は吉野、尾鷲の有名林業地帯があり、国有林においても特別經營時代前後の比較的成績良好な林分が多い。

4. 中国内海地域（兵庫、岡山、広島、山口の海岸部）

この地域の最も著しい特徴は降水量が少ないとことで年間1200mmにも達しない。冬季には最も乾燥した晴天の日が続く。

地形は一般に断層網によっていくつものブロック状山地が作られている瀬戸内海に面した低山地帯である。

地質は領家帶、中国帶に属し、火成岩特に花崗岩、石英粗面岩が広く分布している。

この地域の森林の大半はアカマツ林であって、地味が悪いため林木の生育はあまり良くないが、

内陸に移るにしたがって生育状態が次第に良くなっている。

人工林はスギ、ヒノキを主とするが、面積も少なく内陸部に比較して生育が劣る。

5. 中国内陸地域（兵庫、岡山、広島、山口の内陸部）

この地域は内海より日本海に移行する地帯で、降水量は内海より多く1800mm内外を示している。

地形は中国山脈の南側山地帯で那岐山(1240m)、三国山(1252m)、冠山(1330m)等の諸峰が連り、山脈と並んで津山、勝山、三次盆地が広がる。国有林は500~1000mの地域が73%を占め、背梁地帯および丘陵台地上に分布している。

地質は中国帶に属し、古生層を基盤としてこれを貫く花崗岩および石英斑岩が最も広く分布している。

植生は内陸に入るにしたがい、クリ、コナラ、カエデ、シテ等が多くなり、中国山脈の海拔800m附近からブナ帯となる。

人工林のスギ、ヒノキの生育は比較的良好である。

6. 山陰地域（鳥取、島根、兵庫北部）

年降水量はかなり多く2000mm内外を示している。月別にみると9月が最も多い。降雪は北陸には劣るがなお、相当の量を示し、春から夏にかけてはフェーン現象がみられる。いわゆる裏日本の気候型から表日本型に変らんとする傾向を示す地域である。

この地域は中国山脈の北面で、大山(1713m)を主峰に三瓶山、青野山等1000m前後の高峰がそびえ国有林の多くはこの地帯に位置する。日本海に流れる河川は海岸までの距離が短かく急流が多い。

地質は一部古生層が見られるが大部分は花崗岩、花崗斑岩である。

植生は殆んど温帯に属し、ブナを中心としたミズナラ、カエデ類等の広葉樹林が多く、天然生のスギ、マツの分布もみられる。

人工林では智頭のさし木スギが有名で、国有林はスギ、ヒノキを主としている。

第2章 資料の収集

1. 資料収集ヶ所

本材積表調製のための資料は大阪営林局管内の国有林より収集を行なった。

資料収集ヶ所の位置図は第1図のとおりであり、営林署別、事業区分、直径級別の本数は第1表のとおりである。

2. 資料収集ヶ所の選定および調査方法

1) 収集ヶ所の選定

主として広葉樹の多く分布する営林署を選び、当該年度直営生産実施ヶ所について広範囲にわたり選定収集した。調査木は樹種毎の総調査本数がほゞ等しくなるように、また各直径階の調査本数もほゞ等しくなるように選定し幹形が著しく不整なるものは除外した。

2) 調製要綱に基づいて実施したが、大要は次のとおりである。

イ 胸高直径

胸高直径は地上1.2mの位置で幹軸に直角に直径巻尺をもって測定した。cm単位でmmまで求めた。

なお、その他の位置における直径も胸高直径と同じ要領で測定した。

ロ 樹 高

樹高は主幹の頂点から地際までの幹長を巻尺によってm単位で単位以下2位まで測定した。

大きく枝分れしていて主幹が判然としがたい場合は、最も太くて長いものをもって主幹とし、他はすべて枝とした。

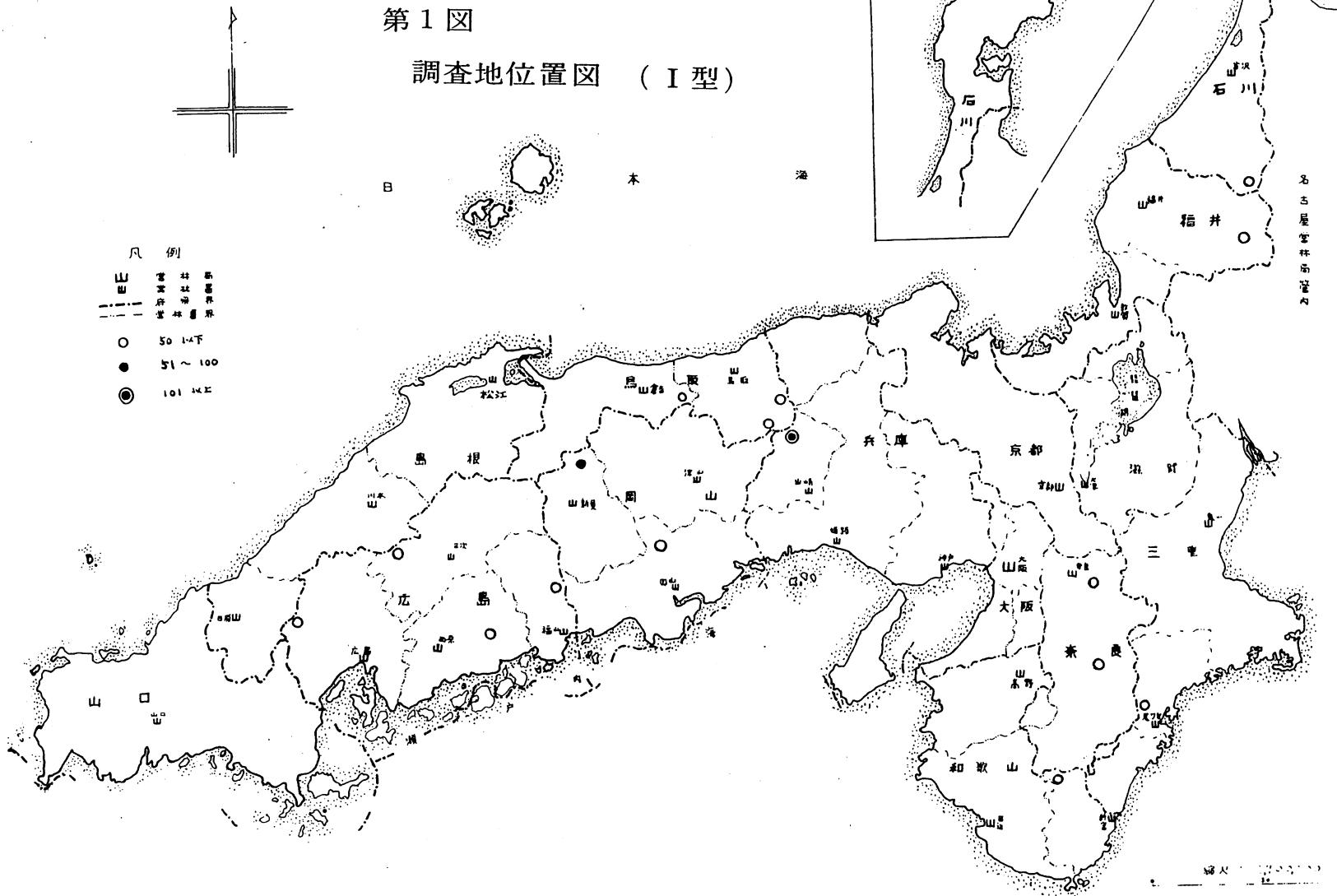
ハ 幹 材 積

幹材積は2m区分のHuber区分求積法で計算し、梢頭材積は円錐として計算した。

ニ そ の 他

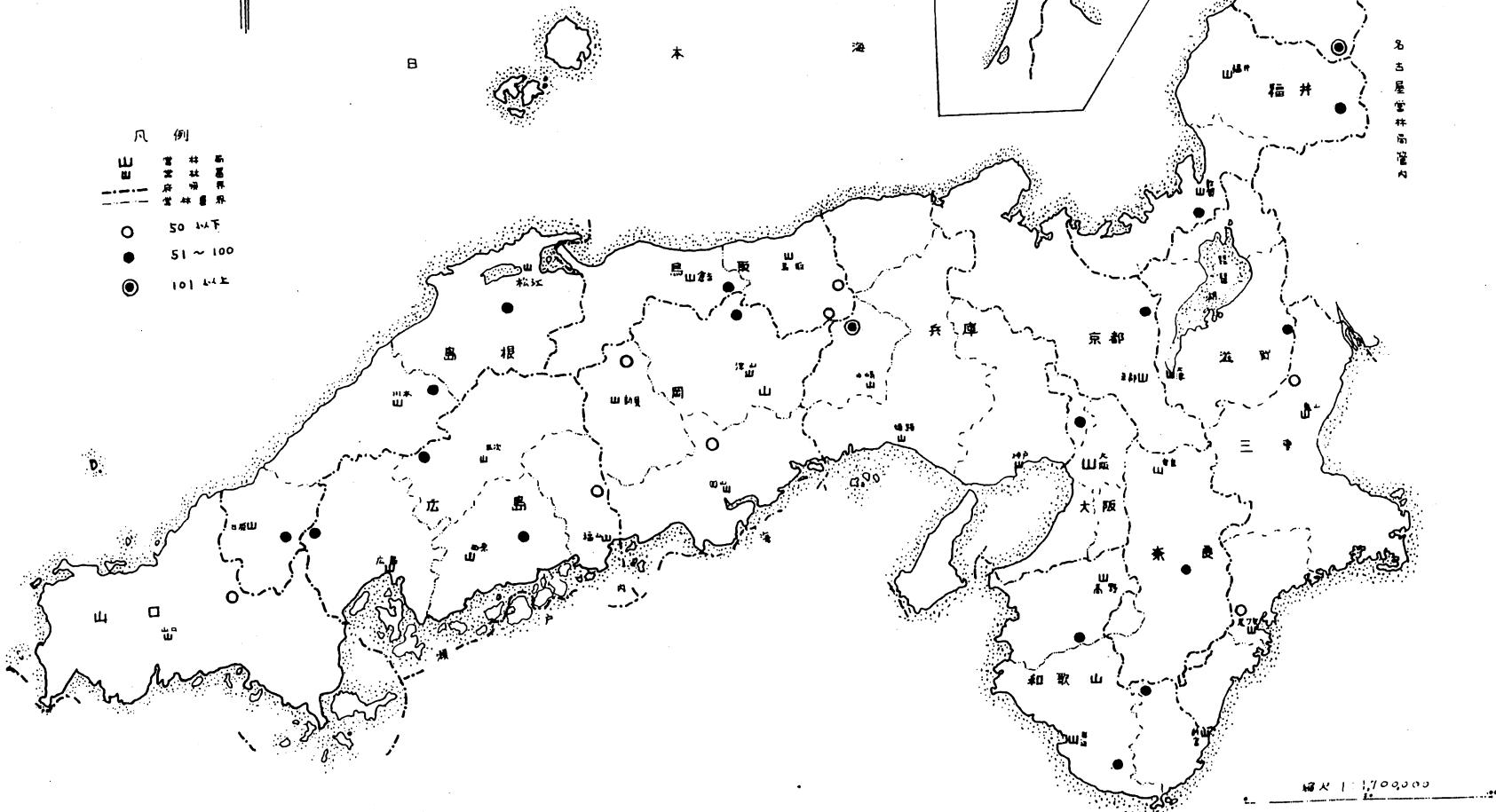
枝下高、樹皮の厚さ、根元部分の周囲を調製要綱に基づいて測定した。

第1図
調査地位置図 (I型)



第1図

調査地位置図 (II型)



第1表の1 営林署(事業区)別、直径級別本数一覧表

営林署(事業区)	I型 (単位 本)								計
	4~10	12~20	22~30	32~40	42~50	52~60	62~		
金沢	1	4	6	9	8	3			31
福井	1	4	3	4	4	3			19
奈良	22	7	2	5	6	6		3	51
尾鷲	8	13	6	9	1	5		4	46
新山	1								1
岡山	29	44	33	25	13	6	1	151	
新見	15	22	7	3					47
三原	13	37	12	1					63
福島	2	11	4						17
西条	10	9	6						25
広島	7	9	2						18
倉吉	1	3	3	3	2	3	1	1	13
鳥取	3	4	3	6	2	2	1	1	15
計	114	172	89	67	39	26	11	518	

第1表の2 営林署(事業区)別、直径級別本数一覧表

営林署(事業区)	II型 (単位 本)										計
	4~10	12~20	22~30	32~40	42~50	52~60	62~70	72~80	82~90	92~	
金沢	9	9	8	12	11	8	14	16	15	17	119
福井	5	10	8	8	8	1	4	4	1	2	51
敦賀	12	16	14	9	11	3	3	2	2	1	73
大津	13	46	10	1							70
京都	15	21	37	6	2						81
奈良		5	20	10	10	12	13	10	12	7	99
龜山	7	8	5	4		2					26
尾鷲	3	10	2	1	1						17
新山	20	33	18	3							74
田辺	9	21	14	12	6		1	4	2		70
高野	1	11	10	10	11	8	6	5	4	4	70
神戸	13	20	16	11	9		1				70
崎山	10	15	24	29	15	9	4	1	1	1	109
岡山	5	5	6	6	1						23
津山	16	17	16	9	3		4	3	1	1	70
見附	3	10	1								14
次郎	10	27	17	1							55
山条	8	15	19	5							47
島口	14	20	17	4							55
日高	3	10	7	6	6	6	6	5	6	7	62
川原	1	3	2	4	2	1		1			14
松江	4	6	8	9	11	8	8	8	7	4	73
倉吉	16	20	20	14							70
鳥取	11	44	13	1	1						70
計	222	427	333	199	130	73	84	68	55	55	1,646

第2表の1

直径階別・樹高階別本数表

I型棄却前

Hm Dcm \	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	計		
4		1	2	2																												5		
6	1	2	3	4	4	6	4		1																						25			
8	1		5	13	2	7	7	2																							37			
10		2		5	9	12	9	5	4	1																					47			
12		1		2	4	6	4	12	3	7	3	3	1	1																47				
14				1	3	4	8	4	4	2		3	1	2																32				
16					2	4	2	4	3	5		6	5	2	1	1														35				
18					1		1	5	8	4	1	4	2	1	2	2	1	1											33					
20						1	2	4	2	2	2	4	2	2	2	1	1	1											25					
22						1			1	1	1	3	2	3	2	1														15				
24								3		5	5	3	1	2	1	2	1	1	1	1										25				
26								1		2	2	5	2	1	2			1				1									17			
28								2		3	4	3	3	2	1	1	1														19			
30								2	1	1	1	1	4	1	1	1	1														13			
32								1		1	1	1	1	3	1	2	2														14			
34											1	3	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1				16			
36											1	1	4	4	4	2	2	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1				15			
38											1	3	1	2		1	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1			13				
40											1	1	1	1	1	1	1	2	1	1	2									9				
42												1	1	1	1	1	1	1	2	1	1	1	2	1						8				
44															1	1	2	1	2	2	2	2									11			
46															1	1		1	1	2	1	2	1								9			
48																2		1	1	1	2	1	1	1							7			
50																1	1	1	1		1	1	1								4			
52															3	1	1	1	1	1	1		1								8			
54																1	1		1	1	1	1	1									4		
56																1	1			2		1	2									7		
58																1				3		1	1									6		
60																							1									1		
62																						1	1									2		
64																					1											1		
66																																	2	
68																																	1	
70																																	2	
72																1																	1	
82																						1											1	
96																																		1
計	1	5	7	13	27	29	36	43	28	34	20	14	31	29	25	31	27	15	18	11	10	17	12	17	6	4	4	2	1	1	518			

第2表の2

直径階別、樹高階別木数表

Ⅱ型葉去前

Hm Dcm	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	計
4	4	3	2	2	3	3	4	3																										14	
6	3	7	11	6	8	8	4	3																									50		
8	1	2	7	7	9	19	11	7	3																							66			
10	2	3	7	8	11	15	16	19	7	4																					92				
12	1	1	4	9	12	25	16	12	9	5	5	2	2																	102					
14		2	2	7	10	14	11	8	11	9	6	5	3	2																90					
16			3	5	7	20	14	15	10	11	6	7	1																100						
18		2	3	5	8	7	10	8	5	7	6	4	2	3															71						
20		1	3	7	5	4	7	6	9	9	5	2	3	3															64						
22		2	1	7	3	7	7	12	10	9	4	4	3	1															71						
24					7	2	6	7	6	12	8	5	5	3	2	1													64						
26					2	3	3	6	11	10	8	9	10	9	2	8													86						
28					2	3	1	2	4	13	8	7	4	5	7	2	1	2	1	1	1							64							
30					1	2	2	3	6	4	2	11	6	3	4													48							
32					1	2	3	4	4	4	8	5	6	3	5	3	6	2	1	1								54							
34							1	5	4	2	2	6	1	4	3	2	4	2	1	1									38						
36							2	4	3	5	4	4	4	4	4	1	2	3											44						
38							1	1	2	6	2	1	4	1	4	3	1											31							
40							1	1	2	1	3	6	1	3	5	6	2	1	1									32							
42							1	1	1	2	4	3	1	2	4	4	4	2	1	1								31							
44										4	3	1	3	3	3	6	5												30						
46								1	1	1	4	1	2	6	4	1	4	2	1	2								30							
48								2	2	1	3		2	4	1	2	4	1	1	1								24							
50								1	1	1	3	2	3	1	1	4	2	1										15							
52								1	1	2	1	2	1	1	4	2	1												14						
54									1	1	1	1	1	1	1	4	3	2	1	2	2	1							18						
56									1	1	1	1	1	1	1	4	1	5	2	5	1	1	2						23						
58										1	1	1	1	1	3	1	3												11						
60										1	1	1	1	1	1	3	1	2	1	1	1	1	1						7						
62										1	1	1	1	1	1	3	1	4											15						
64											1	1	1	1	1	4	3	3	2										21						
66											1		2	1	1	1	4	3												15					
68												1	1	2	2	1	3	1	3											13					
70												1		2	1	1	4	3	4											20					
72													1		2	1	2	3	2	2	1									12					
74														1	2	1	2	1	3	1	2	1	1	1						12					
76														2	2	1	1	1	2	1	2	1	1	1						15					
78														1	2	2	2	1	3	2	1	2	1	1						16					
80														2	2	2	2	2	3	2	1	2	1	1						13					
82														1	1	1	1	2	1	2	2	1	2	1						11					
84															1			1	2	3	1	1	1	1							10				
86															1		1	2	2	3	1	2	1	1							12				
88															1		1	4	3	1	2	2	1	1							15				
90																1	2	2	2	2	3	1	2	1	1						7				
92																	1	2	2	2	2	1	1	1	1						10				
94																	1			1	2	1	1	1	1							5			
96																		1		1	2	1	1	1	1							13			
98																		1		1	1	1	1	1	1							6			
100																		1		1	1	1	1	1	1							4			
102																		1		1	1	1	1	1	1							4			
104																		1			1	1	1	1	1								5		
106																			1		1	1	1	1	1								1		
108																			1		1	1	1	1	1								2		
110																				1		1	1	1	1	1							1		
112																				1			1	1	1	1							1		
114																																		1	
116																																		1	
118																																		1	
120																																		1	
122																																		1	
124																																		1	
126																																		1	
計	8	14	26	30	45	76	93	107	80	88	86	104	98	93	72	79	67	77	52	74	77	56	37	33	23	26	5	12	3	3	1	1	1646		

3 章 調製方法の決定

・樹種区分

広葉樹の樹型は多様で、樹種、生育条件、施業法によって異なるだけでなく、同一樹種でも年令、立地条件によって樹型を異にするので、樹型を多く分類しても材積表としての価値があまり期待できないし、また、あまり細分すると実用上不便もある。

もって、従来当局では広葉樹全樹種に対して一つの材積表を適用してきたが、本材積表を作成するにあたっては、材積表の適合性を高めるべく、広葉樹を次の二つの樹型群に大別して検討することとした。

I型(サウグルミ群) 比較的幹が通直で、主幹が認められ易いもの

サワグルミ、オニグルミ、ホオノキ、カツラ、クヌギ、アベマキ、センノキ、
シオジ、ミズキ、キハダ、トネリコ、アサダ、ヤチダモ、ニレ、キリ、
ドロノキ

II型(ブナ群) 主幹が判然としないもの

I型以外のすべての広葉樹

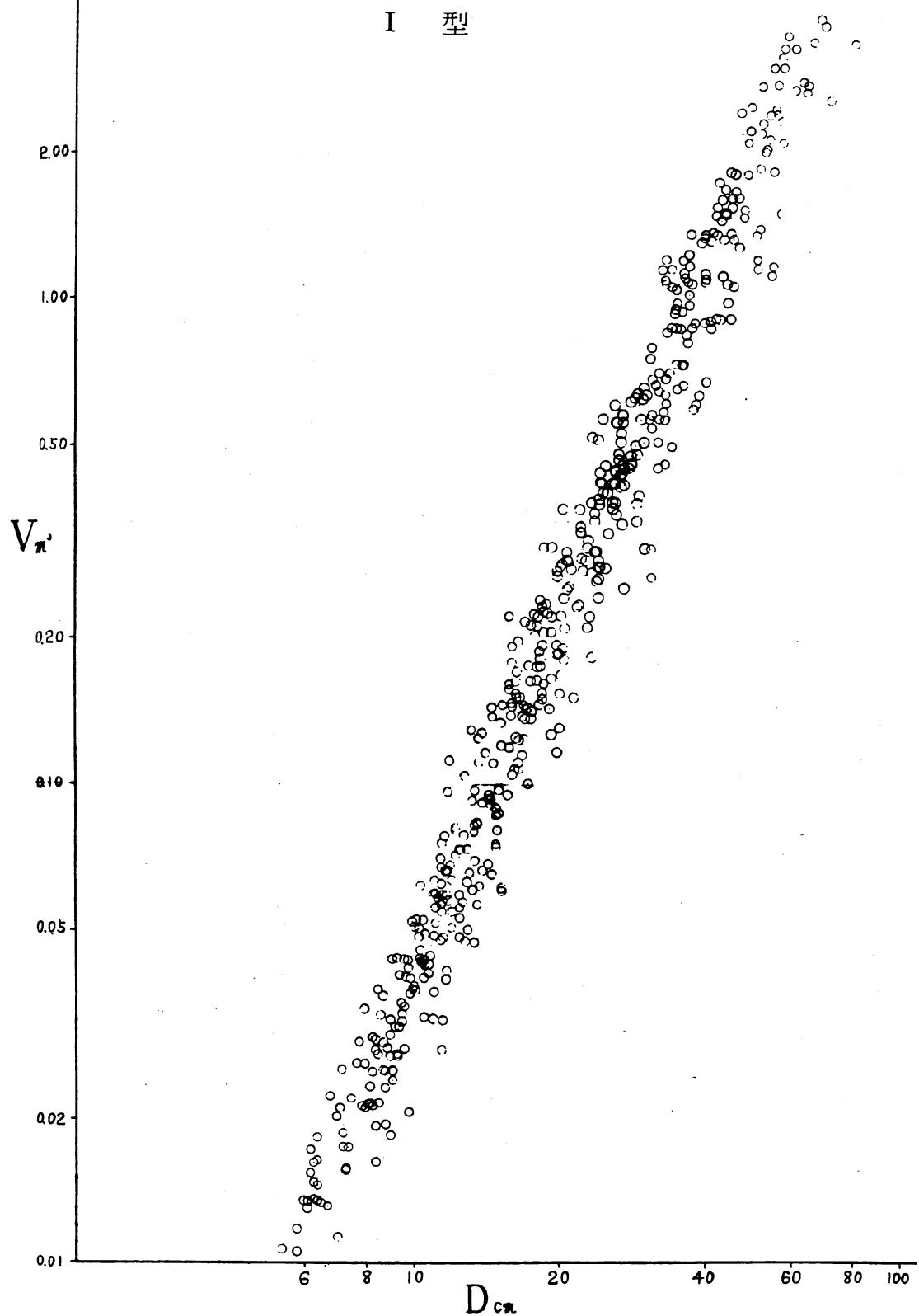
2. 材積式の決定

いま、I型、II型別に全資料について、胸高直径対幹材積、樹高対幹材積の関係を両対数方眼紙上にプロットすれば 第2、3図のとおり $\log V$ と $\log D$ 、 $\log V$ と $\log H$ がほどく直線関係にあり本材積表調製では、山本博士が一般的材積表調製に使用された 次式を採用することとした。

$$V = a \cdot D^b \cdot H^c$$

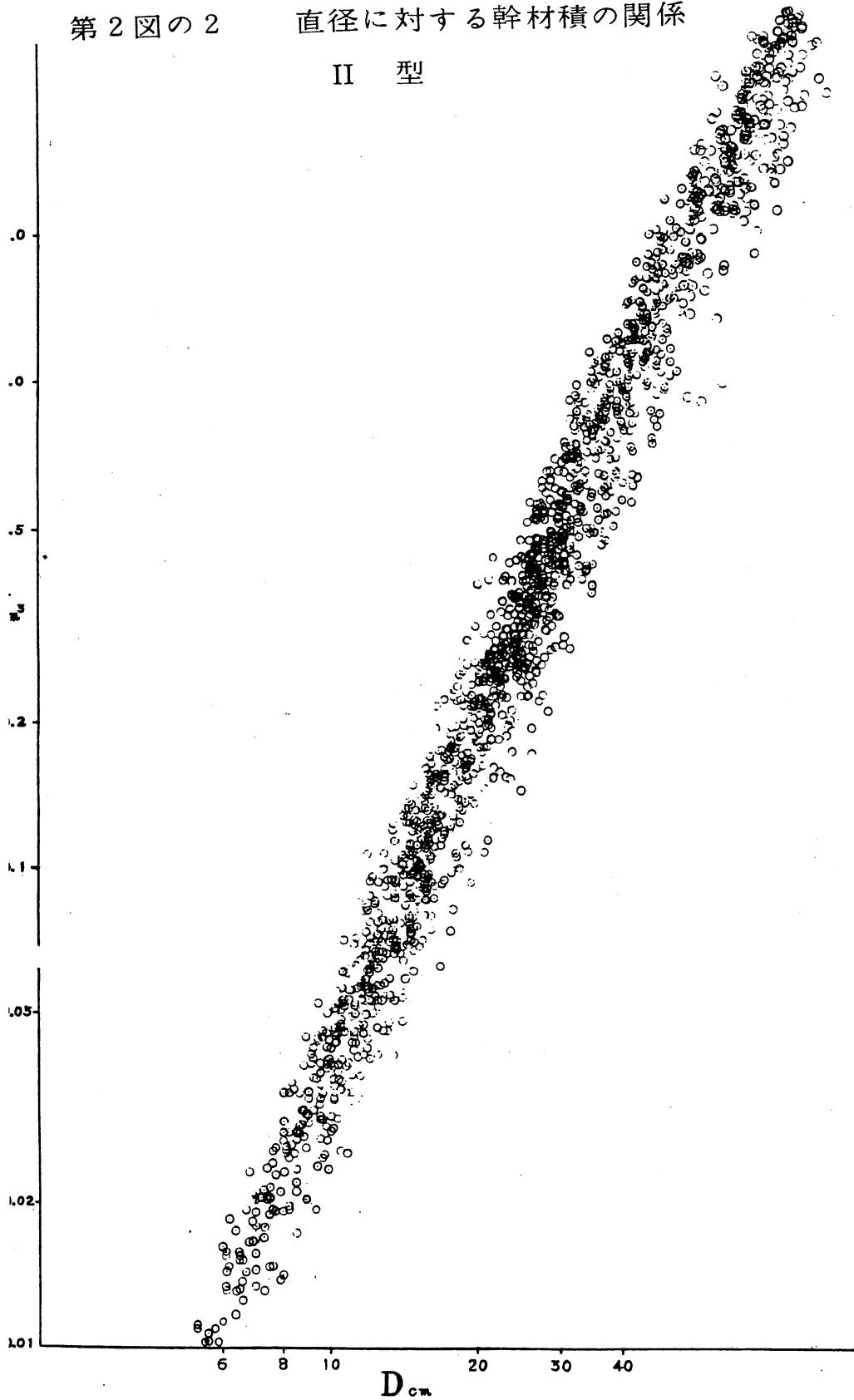
ただし V : 幹材積 (m^3) , D : 胸高直径 (cm), H : 樹高 (m)

第2図の1 直径に対する幹材積の関係

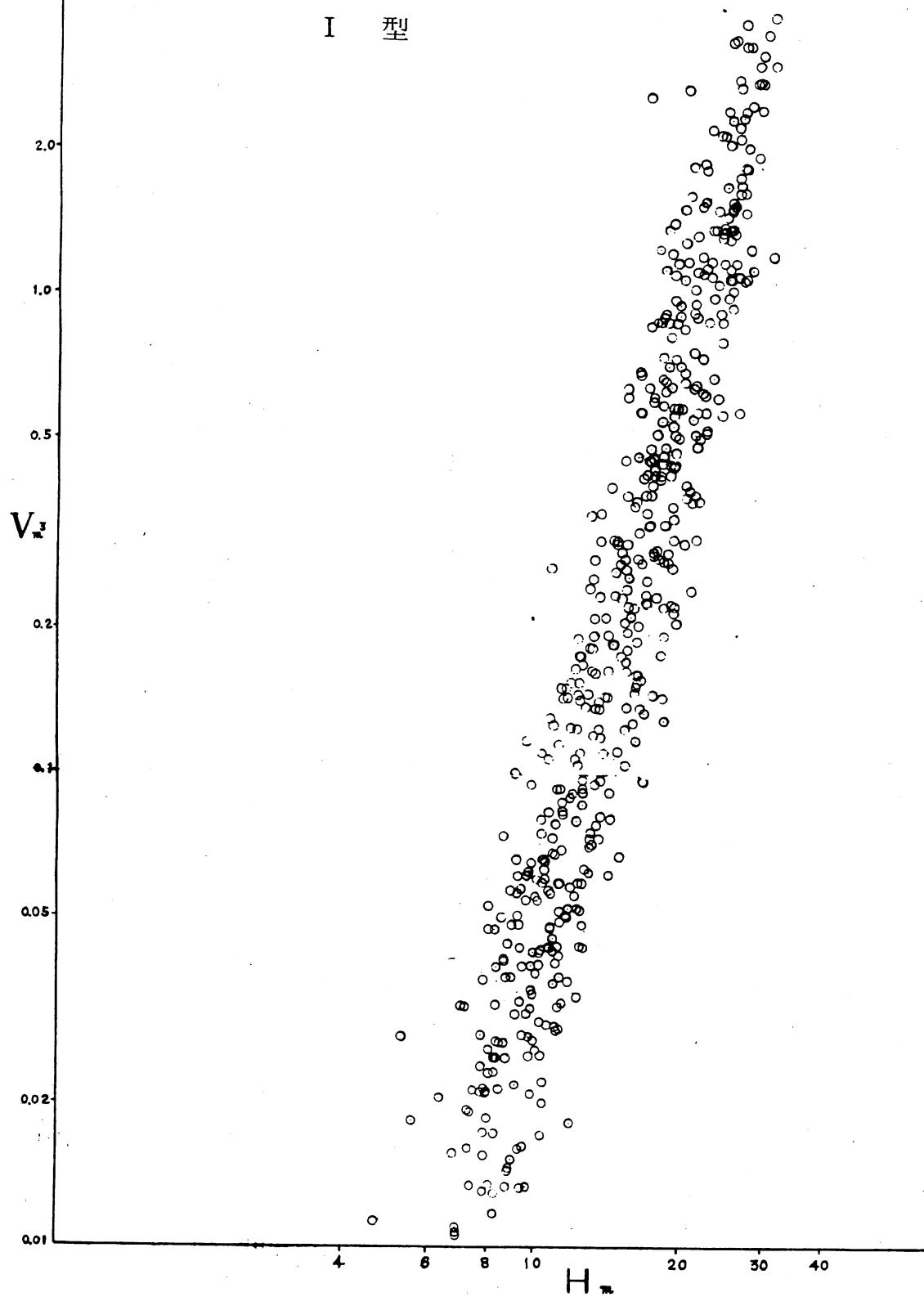


第2図の2 直径に対する幹材積の関係

II 型

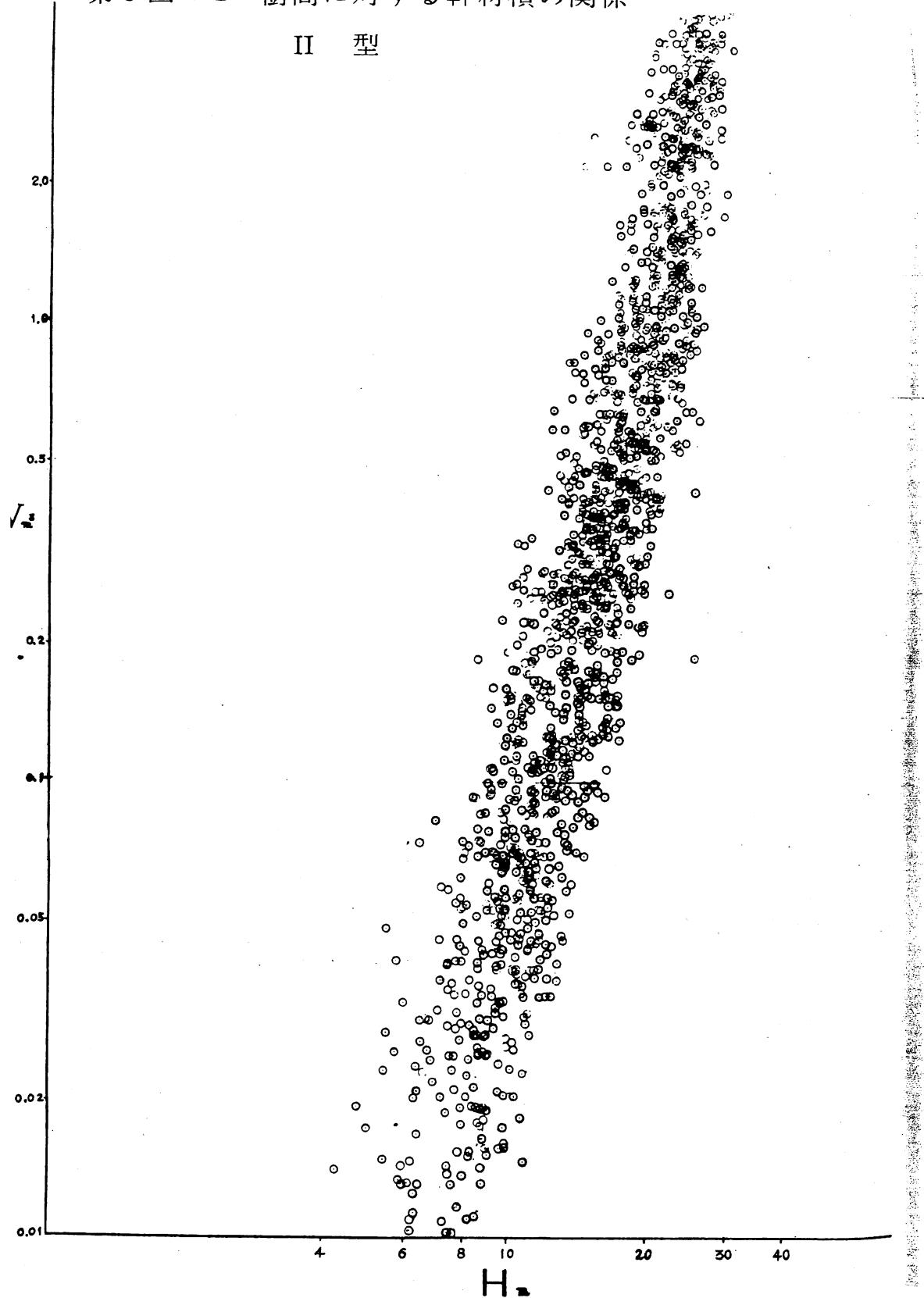


第3図の1 樹高に対する幹材積の関係



第3図の2 樹高に対する幹材積の関係

II 型



第4章 資料の吟味

1. 吟味の方針

収集資料の中には測定の誤りや、一般的傾向からはずれた材積を有する資料を含んでるので、次の方法で異常資料を除外する。

2. 吟味の方法

採用した材積式

$$V = a D^b H^c$$

の両辺の対数をとれば

$$\log V = \log a + b \log D + c \log H$$

今 $\log V = Y$ $\log a = a$ $\log D = X_1$ $\log H = X_2$ とすれば上式は次のように書き換えられる。 $Y = a + b X_1 + c X_2$
したがつて棄却帶は次式であらわされる。

$$E_{\gamma} x_1 x_2 = t s_{\gamma} x_1 x_2 \left\{ 1 - \left[\frac{1}{n} + C_{11}(X_1 - \bar{X}_1)^2 + C_{22}(X_2 - \bar{X}_2)^2 + 2C_{12}(X_1 - \bar{X}_1)(X_2 - \bar{X}_2) \right] \right\}^{\frac{1}{2}}$$

ただし、 t : Student の t 分布の値 (自由度 $n-3$)

危険率 1 % の値)

$s_{\gamma} x_1 x_2$: 推定の標準誤差

C_{ij} : ガウスの C 乗数

n : 資料数

\bar{X}_1, \bar{X}_2 : X_1, X_2 の平均値

推定値 \hat{Y} を求め回帰からの偏差 $Y - \hat{Y}$ の値が棄却帶 $E_{\gamma} x_1 x_2$ をこえるものを棄却する。

3. 資料吟味のための材積式の計算

前述のように実験式 $Y = a + b X_1 + c X_2$ を適用し最小自乗法により定数を求める。全資料について 胸高直径、樹高、材積の測定値の対数をもつて、樹型群別に各因子ごとの 和、平方和、積和を電子計算機を用いて計算すれば次のとおり。ただし 材積の対数は $V \times 1000$ の対数を用いた。

区分	本数 (n)	SX_1	SX_2	SY	SX_1^2	SX_2^2
I 型 (サワグルミ群)	518	665.116728	604.312694	1178.774202	895.38453743	721.32829317
II 型 (ブナ群)	1,646	2319.755084	1958.076815	4176.823622	3439.11731150	2380.33764390

区分	SY^2	$SX_1 X_2$	$SX_1 Y$	$SX_2 Y$
I 型 (サワグルミ群)	2920.72146932	799.01045651	1611.60643930	1433.82797102
II 型 (ブナ群)	11494.94986664	2840.59369490	6272.38211398	5165.50780049

回帰係数を求めるための計算要素

$$Sx_1^2 = S(X_1 - \bar{X}_1)^2 = SX_1^2 - \frac{1}{n} (SX_1)^2$$

$$Sx_2^2 = S(X_2 - \bar{X}_2)^2 = SX_2^2 - \frac{1}{n} (SX_2)^2$$

$$Sy^2 = S(Y - \bar{Y})^2 = SY^2 - \frac{1}{n} (SY)^2$$

$$Sx_1 x_2 = S(X_1 - \bar{X}_1)(X_2 - \bar{X}_2) = SX_1 X_2 - \frac{1}{n} (SX_1)(SX_2)$$

$$Sx_1 y = S(X_1 - \bar{X}_1)(Y - \bar{Y}) = SX_1 Y - \frac{1}{n} (SX_1)(SY)$$

$$Sx_2 y = S(X_2 - \bar{X}_2)(Y - \bar{Y}) = SX_2 Y - \frac{1}{n} (SX_2)(SY)$$

区分	Sx_1^2	Sx_2^2	Sy^2	Sx_1x_2	Sx_1y	Sx_2y
I型 (サワグルミ群)	41.36858788	16.32089524	238.27239731	23.06744160	98.04960477	58.63886942
II型 (ブナ群)	169.81983292	51.01515700	896.00916658	81.01979061	385.81459751	196.77056198

以上の数値から回帰係数を求める Y の推定式は

$$\text{I型 (サワグルミ群)} \hat{Y} = -1284.36422 + 1.73081644 X_1 + 1.14655857 X_2$$

$$\text{II型 (ブナ群)} \hat{Y} = -1.19574669 + 1.78168828 X_1 + 1.02750935 X_2$$

次に 回帰に帰因する平方和

$$S_y^2 = b Sx_1y + c Sx_2y$$

回帰からの偏差の平方和

$$Sd^2_{yx_1x_2} = S_y^2 - S_y^{\hat{2}}$$

推定誤差の分散

$$s^2_{yx_1x_2} = Sd^2_{yx_1x_2} / n - 3$$

推定の標準誤差

$$s_{yx_1x_2} = \sqrt{s^2_{yx_1x_2}}$$

重相関係数

$$R = \sqrt{\frac{S_y^2}{S^2_y}}$$

をそれぞれ求めると

区分	S_y^2	$Sd^2_{yx_1x_2}$	$s^2_{yx_1x_2}$	$s_{yx_1x_2}$	R
I型 (サワグルミ群)	236.93819286	1.33420445	0.00259069	0.05089882	0.99719632
II型 (ブナ群)	889.58493888	6.42422770	0.00391006	0.06253047	0.99640863

また C乗数 を計算すれば

区分	C_{11}	C_{12}	C_{22}
I型 (サワグルミ群)	0.11407986	-0.16123690	0.28915832
II型 (ブナ群)	0.02430243	-0.03859594	0.08089822

ゆえに 棄却帶は

I型

$$E_{yx_1x_2} = (2.586)(0.05090) \left\{ 1 - [0.00193 + 0.11408(X_1 - 1.28401)^2 + 0.28916(X_2 - 1.16663)^2 - 2 \times 0.16124(X_1 - 1.28401)(X_2 - 1.16663)] \right\}^{\frac{1}{2}}$$

II型

$$E_{yx_1x_2} = (2.579)(0.06253) \left\{ 1 - [0.00061 + 0.02430(X_1 - 1.40933)^2 + 0.08090(X_2 - 1.18960)^2 - 2 \times 0.03860(X_1 - 1.40933)(X_2 - 1.18960)] \right\}^{\frac{1}{2}}$$

4. 吟味の結果

各資料について 推定値 \hat{Y} やび $E_{yx_1x_2}$ を計算し、($Y - \hat{Y}$)の絶対値が $E_{yx_1x_2}$ より大となる資料を棄却する。この結果、棄却された資料は I型 9本、II型 27本であり、本材積表調製の資料は I型 509本、II型 1,619本である。

なお、棄却資料の一覧表およびそれを除いた資料の直径階、樹高階別本数表と平均材積表は第34、5表のとおりである。

第3表の1

棄却資料一覧表(Ⅰ型)

直 径 D	樹 高 H	幹 材 積 V	同 対 数 Y	計 算 値 \hat{Y}	回 帰 か ら の 偏 差 $\hat{Y} - Y$	樹 種	事 業 区
13.8	12.55	0.1108	2.0986	1.9482	0.1504	アベマキ	三 次 山 見 沢
14.8	10.35	0.1104	2.0430	1.9049	0.1381	アベマキ	福 新
15.4	10.21	0.0602	1.7796	1.9279	-0.1483	サワグルミ	金 尾
31.3	14.97	0.3095	2.4907	2.6515	-0.1608	ホオノキ	金 尾
33.9	17.50	0.8619	2.9355	2.7893	0.1462	ホオノキ	金 尾
34.8	21.98	0.5049	2.7032	2.9226	-0.2194	ホオノキ	奈 倉
43.1	24.25	0.9212	2.9644	3.1328	-0.1679	サワグルミ	良 吉
43.7	20.95	1.6267	3.2113	3.0699	0.1414	サワグルミ	金 沢
44.9	25.15	0.9908	2.9960	3.1811	-0.1851	ホオノキ	金 沢

第3表の2

棄却資料一覧表(Ⅱ型)

直 径 D	樹 高 H	幹 材 積 V	同 対 数 Y	計 算 値 \hat{Y}	回 帰 か ら の 偏 差 $\hat{Y} - Y$	樹 種	事 業 区
11.9	12.10	0.1086	2.0358	1.8881	0.2027	ナ ラ	条 戸
19.9	16.10	0.3872	2.5879	2.8585	-0.2294	サ ク ラ	神
24.1	15.65	0.3235	2.1945	2.4989	-0.2994	ナ ラ	次 本
24.5	11.32	0.1464	2.1655	2.3622	-0.1967	ナ ブ	川
31.0	14.69	0.2871	2.4580	2.6606	-0.2026	ミ ズ メ	福
33.2	17.99	0.4115	2.6144	2.8039	-0.1895	カ エ デ	金
34.2	17.70	0.3723	2.5709	2.8197	-0.2488	ミ ズ メ	福
34.5	15.84	0.3847	2.5851	2.7769	-0.1918	ミ ズ メ	福
36.5	17.48	0.9238	2.9656	2.8003	0.1653	ブ ナ	亀
39.7	17.48	0.5730	2.7582	2.9295	-0.1713	カ エ デ	金
42.6	21.18	0.3651	2.8028	3.0697	-0.2669	シ エ デ	金
54.5	24.12	1.3656	3.1353	3.3184	-0.1831	カ エ デ	金
57.4	17.45	0.9018	2.9551	3.2141	-0.2590	ミ ズ メ	金
58.0	29.70	1.9434	3.2886	3.4594	-0.1708	サ ク ラ	日
58.3	23.29	1.5157	3.1806	3.3550	-0.1744	ミ ズ メ	金
61.8	23.20	1.3267	3.1228	3.3983	-0.2755	ミ ズ ナ ラ	倉
63.3	19.91	0.9870	2.9943	3.3486	-0.3543	ナ ラ	吉
64.1	22.50	1.7099	3.2330	3.4130	-0.1800	ナ ラ	山
66.9	27.80	2.2477	3.3517	3.5403	-0.1886	ナ ブ	金
69.9	23.29	2.1053	3.3233	3.4954	-0.1721	ト ブ	崎
70.8	26.85	2.3636	3.3736	3.5686	-0.1950	ナ ブ	沢
73.5	21.50	1.8040	3.2562	3.4985	-0.2433	シ ト ブ	沢
74.2	21.48	2.0191	3.3052	3.5054	-0.2002	チ ト ブ	デ
84.1	27.13	3.1692	3.5010	3.7066	-0.2056	チ ト ブ	チ
86.9	24.40	3.2970	3.5181	3.6845	-0.1664	チ ト ブ	チ
88.4	25.91	3.6129	3.5579	3.7247	-0.1668	カ ブ ナ	金
98.8	25.56	4.1198	3.6149	3.8047	-0.1898	カ エ デ	金

第4表の1

直径階別、樹高階別本数表

I型棄却後

H_m D_cm	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	計			
4		1	2	2																												5			
6	1	2	3	4	4	6	4		1																						25				
8	1		5	13	2	7	7	2																							37				
10		2		5	9	12	9	5	4	1																					47				
12		1	2	4	6	4	12	3	7	3	3	1	1																	47					
14				1	3	3	8	4	3	2		3	1		2															30					
16					2	3	2	4	3	5		6	5	2	1	1														34					
18					1	1	5	8	4	1	4	2	1	2	2	1	1												33						
20						1	2	4	2	2	2	4	2	2	2	1	1												25						
22						1		1	1	1	3	2	3	2	1															15					
24								3		5	5	3	1	2	1	2	1	1	1											25					
26									1		2	2	5	2	1	2															17				
28									2		3	4	3	3		2	1	1													19				
30										2	1	1	1	4	1	1	1	1													13				
32									1		1	1	1	3	1	2	2														13				
34											1	3	1	1	1			1		1	2	1	1								14				
36											1	1	1	4		4		1	2	2	1	1									15				
38											1	3	1	2		1	2	1	1	1											13				
40											1	1	1	1		1	2	1	2												9				
42												1	1	1	1		1	1	2	1											8				
44														1		1	2		1	1	2	2										8			
46														1		1		1	1	2		2	1									9			
48															2			1	2	1	1	2		1								7			
50															1	1	1					1	2		1							4			
52															3	1	1	1	1					1								8			
54																		1	1		1	1											4		
56																1		1			2			1	2								7		
58																1					3			1	1								6		
60																																		1	
62																						1	1										2		
64																						1											1		
66																							1										2		
68																								1										1	
70																									1									2	
72																1																		1	
82																										1									1
96																																			1
計	1	5	7	13	27	29	34	43	28	33	20	13	31	29	24	31	27	14	17	11	9	16	12	17	6	4	4	2	1	1	509				

第4表の2

直 径 階 別 , 樹 高 階 別 本 数 表

II型 案 施 後

H_m D_{cm}	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	計
4	4	3	2	2	3																											14		
6	3	7	11	6	8	8	4	3																							50			
8	1	2	7	7	9	19	11	7	3																					66				
10		2	3	7	8	11	15	16	19	7	4																		92					
12		1	4	9	12	25	16	11	9	5	5	2	2																101					
14		2	2	7	10	14	11	8	11	9	6	5	3	2															90					
16			3	5	7	20	14	15	10	11	6	7	1		1													100						
18		2	3	3	5	8	7	10	8	5	5	7	6	4	2	3	3		1									71						
20		1	3	7	5	4	7	6	9	8	5	2	3	3														63						
22		2	1	7	3	7	7	12	10	9	4	4	3	1						1									71					
24					6	2	6	7	6	11	8	5	5	3	2	1													62					
26				2	3	3	6	11	10	8	9	10	9	2	8													86						
28			2	3	1	2	4	13	8	7	4	5	7	2	1	2	2	1	1	1								64						
30			1	2	2	3	6	4	2	11	6	3	4	2	2	2	1	1	1								48							
32			1	2	3	3	4	8	5	6	3	5	3	6	2	1	1										53							
34						1	5	3	2		6	1	4	3	2	4	2	1	1									35						
36						2	4	4	3	4	4	4	4	4	4	1	2	3										43						
38						1	1	2	6	2	1	4	1	4	3	3	1	1									31							
40						1		2	2	3	3	6	1	3	5	6	2	1	1								31							
42						1	1	1	2	4	3	1	2	3	4	4	2	1	1								30							
44											4	3	1	3	3	3	6	5										30						
46									1	1	1	4	1	2	6	4	1	4	2	1	2							30						
48									2	2	1	3	3	2	4	1	2	4	1	1	1							24						
50									1	1	1	3	2	3	1	2	1	2	1	1								15						
52									1	2	1	2	1	2	4	2	1	2	1	1								14						
54										1	1		2	3	2	1	1	1	1	2	2	1						17						
56											1	1	1	4	1	5	2	5	1	1	1							23						
58												1	1	3	3	2	1	1	1	1								8						
60												1	1	1	2	1	4	2	1	1	1							7						
62													1	1	1	1	2	1	4	2	1	1						14						
64													1	1	1	2	1	1	4	2	3	3	2					19						
66														1	1	1	4	3	2	1	1	1						14						
68														1	1	2	1	3	4	3	4	2	1					13						
70															1	2	1	3	4	3	4	2	1					18						
72															1	1	2	1	3	4	3	4	2	1				12						
74																1	1	1	2	1	1	2	1	3	1			10						
76																	2	2	1	1	1	2	1	2	1	1		15						
78																	2	2	1	2	1	2	1	2	1		16							
80																	2	2	1	3	2	1	2	1	1		13							
82																	1	1	1	2	1	2	1	2	1		11							
84																		1	1	1	2	1	3	1	1	1		9						
86																			1	1	2	3	1	2	1	1	1		11					
88																				1	1	2	3	1	2	1	1	1	14					
90																					1	1	2	3	1	2	1	1	7					
92																						1	1	2	3	1	2	1	1	10				
94																													5					
96																													13					
98																													5					
100																													4					
102																													4					
104																													5					
106																													1					
108																													2					
110																													1					
112																													1					
114																																		
116																																		
118																																		
120																																		
122																																		
124																																		
126																																		
計	8	14	26	30	45	76	93	106	79	88	86	103	95	90	70	79	66	75	51	70	75	56	35	31	22	26	4	12	3	3	1	1	1619	

第5表の1

胸高直径階別、樹高階別平均材積表（棄却後）

広葉樹（I型）

胸高直 径階	樹高階	本数	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本数	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本数	平均幹材積
cm	m	本	m ³	cm	m	本	m ³	cm	m	本	m ³
4	5	1	0.0042	14	12	4	0.0809	22	14	1	0.2379
	6	2	0.0064		13	3	0.0937		15	1	0.2350
	7	2	0.0065		14	2	0.0950		16	1	0.2596
					16	3	0.1232		17	3	0.2904
	6	4	0.0056		17	1	0.1381		18	2	0.2956
	5	2	0.0082		19	2	0.1377		19	3	0.3039
	6	3	0.0085						20	2	0.3263
	7	4	0.0108		16	9	0.0678		21	1	0.3737
	8	4	0.0129		10	3	0.0837				
	9	6	0.0146		11	2	0.0979		24	13	3
8	10	4	0.0174	16	12	4	0.1071	24	15	5	0.2806
	12	1	0.0183		13	3	0.1016		16	5	0.2887
					14	5	0.1291		17	3	0.3678
	5	1	0.0113		16	6	0.1562		18	1	0.2946
	7	5	0.0185		17	5	0.1621		19	2	0.3950
	8	13	0.0212		18	2	0.1632		20	1	0.4465
	9	2	0.0237		19	1	0.1935		21	2	0.3876
	10	7	0.0262		20	1	0.2244		22	1	0.3878
	11	7	0.0304						23	1	0.5275
	12	2	0.0387		18	9	0.1003		24	1	0.5202
10					11	1	0.1155				
	6	2	0.0197	16	12	5	0.1421	26	13	1	0.2832
	8	5	0.0278		13	8	0.1648		16	2	0.3722
	9	9	0.0360		14	4	0.1454		17	2	0.3605
	10	12	0.0374		15	1	0.1768		18	5	0.4199
	11	9	0.0425		16	4	0.2000		19	2	0.4491
	12	5	0.0486		17	2	0.2171		20	1	0.5650
	13	4	0.0470		18	1	0.2360		21	2	0.4853
	14	1	0.0618		19	2	0.2260		24	1	0.6174
					20	2	0.2142		27	1	0.5761
12	5	1	0.0282	20	21	1	0.2419	28	13	2	0.3037
	7	2	0.0326		22	1	0.3118		17	3	0.4429
	8	4	0.0443						18	4	0.4526
	9	6	0.0507		10	1	0.1175		19	3	0.5299
	10	4	0.0578		11	2	0.1289		20	3	0.5006
	11	12	0.0597		12	4	0.1647		22	2	0.5020
	12	3	0.0579		13	2	0.1765		23	1	0.6257
	13	7	0.0680		14	2	0.2031		25	1	0.5691
	14	3	0.0779		15	2	0.1877				
	15	3	0.0869		16	4	0.2256				
14	16	1	0.1038	22	17	2	0.2339	30	14	2	0.3821
	17	1	0.0969		18	2	0.2881		15	1	0.4000
					19	2	0.2762		16	1	0.3861
	8	1	0.0472		20	1	0.3118		18	1	0.5150
	9	3	0.0577		22	1	0.3764		19	4	0.6103
10	10	3	0.0634						20	1	0.5067
	11	8	0.0779		22	11	0.1514		21	1	0.6480

胸高直 徑 階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑 階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑 階	樹高階	本數	平均幹材積
cm	m		m^3	cm	m		m^3	cm	m		m^3
30	22	1	0.6308	42	19	1	0.8806	58	20	1	1.5242
	23	1	0.5726		20	1	0.9105		27	3	2.6348
32	11	1	0.2713	44	23	1	1.3812	60	30	1	3.2147
	16	1	0.4585		24	1	1.5074		32	1	3.0845
34	17	1	0.5757	46	25	2	1.3610	62	27	1	3.5788
	18	1	0.5504		26	1	1.5743		28	1	3.3799
36	19	1	0.7122	48	20	1	1.0854	64	26	1	2.8851
	20	3	0.5988		22	2	1.2351		27	1	2.7788
38	21	1	0.7638	50	25	1	1.4727	66	21	1	2.8246
	22	2	0.6164		26	2	1.5222		29	1	2.7239
40	24	2	0.7396	52	27	2	1.7439	68	26	1	3.4924
	16	1	0.4628		17	1	1.0804		27	1	3.7413
42	17	3	0.6392	54	19	1	0.9230	70	31	1	3.8697
	18	1	0.6200		23	1	1.5816		26	1	2.6220
44	19	1	0.5938	56	24	1	1.3790		21	1	3.4310
	20	1	0.7115		25	2	1.5281		26	1	10.4355
46	23	1	0.8873	58	27	2	1.7519		29	1	2.8246
	25	1	1.1695		28	1	1.8475		31	1	2.7239
48	26	2	1.1240	60	21	2	1.1610		34	1	2.8246
	27	1	1.1006		26	1	1.5455		17	1	3.4310
50	28	1	1.0867	62	27	2	1.5747		26	1	10.4355
	31	1	1.2210		29	1	1.9713		34	1	2.8246
52	18	1	0.6754	64	30	1	2.4805		21	1	3.4310
	19	1	0.7475		21	1	1.1948		26	1	2.8246
54	20	4	0.8097	66	22	1	1.5519		27	1	3.4310
	22	4	1.0099		23	1	1.8486		31	1	2.8246
56	24	2	1.0235		25	1	2.2800		34	1	3.4310
	25	2	1.0160		27	1	2.8146		21	1	2.8246
58	27	1	0.9454		29	1	2.1868		26	1	3.4310
	16	1	0.6183	68	30	1	2.0876		27	1	2.8246
60	18	3	0.7958		24	1	2.4478		31	1	3.4310
	19	1	0.8215		25	1	2.5082		34	1	2.8246
62	20	2	0.9195		27	1	2.9577		21	1	3.4310
	23	1	1.1861		28	1	1.1284		26	1	2.8246
64	25	2	1.2346		29	1	1.8707		27	1	3.4310
	26	1	1.0256		30	1	2.3258		31	1	2.8246
66	27	1	1.1020		24	1	2.4478		34	1	3.4310
	28	1	1.2564		25	1	2.5082		21	1	2.8246
68	16	1	0.6450	70	28	1	2.9577		26	1	3.4310
	17	1	0.6872		29	2	1.1284		27	1	2.8246
70	20	1	1.1139	72	19	1	1.8707		31	1	3.4310
	22	1	0.9064		21	1	2.3258		34	1	2.8246
72	23	2	1.1210		25	2	2.5082		21	1	3.4310
	25	1	1.8164		28	1	2.9577		26	1	3.4310
74	26	2	1.3669		29	2	1.1284		31	1	2.8246

第5表の2

胸高直径階別、樹高階別平均材積表（棄却後）

広葉樹Ⅰ型

胸高直 径階	樹高階	本数	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本数	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本数	平均幹材積
cm	m	本	m^3	cm	m	本	m^3	cm	m	本	m^3
4	4	4	0.0043	12	17	2	0.1003	20	11	5	0.1662
	5	3	0.0047		6	2	0.0446		12	4	0.1708
	6	2	0.0054		7	2	0.0564		13	7	0.1998
	7	2	0.0061		8	7	0.0569		14	6	0.1999
	9	3	0.0093		9	10	0.0707		15	9	0.2269
	4	3	0.0070		10	14	0.0721		16	8	0.2391
	5	7	0.0074		11	11	0.0788		17	5	0.2395
	6	11	0.0103		12	8	0.0875		18	2	0.2576
	7	6	0.0103		13	11	0.1009		19	3	0.2556
	8	8	0.0133		14	9	0.1107		20	3	0.2828
6	9	8	0.0156	15	6	0.1069	22	9	2	0.1751	
	10	4	0.0164		16	5	0.1321	10	1	0.1554	
	11	3	0.0189		17	3	0.1366	11	7	0.1899	
	4	1	0.0141		18	2	0.1307	12	3	0.1914	
	5	2	0.0162		16	8	0.0685	13	7	0.2569	
	6	7	0.0164		9	5	0.0916	14	7	0.2401	
	7	7	0.0221		10	7	0.0940	15	12	0.2591	
	8	9	0.0223		11	20	0.1029	16	10	0.2611	
	9	19	0.0243		12	14	0.1092	17	9	0.2825	
	10	11	0.0246		13	15	0.1149	18	4	0.2784	
8	11	7	0.0335	14	10	0.1324	22	4	0.3062		
	12	3	0.0378		15	11	0.1392	20	3	0.3468	
	5	2	0.0216		16	6	0.1522	21	1	0.3938	
	6	3	0.0262		17	7	0.1531	26	1	0.4388	
	7	7	0.0314		18	1	0.1960	11	6	0.1994	
	8	8	0.0301		20	1	0.2164	12	2	0.2731	
	9	11	0.0535		18	7	0.0780	13	6	0.2693	
	10	15	0.0466		9	3	0.0993	14	7	0.2660	
	11	16	0.0444		10	5	0.1179	15	6	0.2869	
	12	19	0.0475		11	8	0.1333	16	11	0.3212	
10	13	7	0.0434	12	7	0.1555	24	8	0.3330		
	14	4	0.0604		13	10	0.1610	17	5	0.3475	
	6	2	0.0216		14	8	0.1682	18	5	0.3628	
	7	3	0.0262		15	5	0.1787	19	3	0.3994	
	8	7	0.0314		16	7	0.1793	20	2	0.4210	
	9	11	0.0535		17	6	0.2064	21	2	0.4323	
	10	15	0.0466		18	4	0.2429	22	1	0.1835	
	11	16	0.0444		19	2	0.2049	10	3	0.2736	
	12	19	0.0475		20	3	0.2406	11	3	0.2535	
	13	7	0.0434		22	1	0.2622	12	6	0.2617	
12	6	1	0.0332	20	8	1	0.0930	26	11	11	0.3052
	7	4	0.0388		9	3	0.1210		13	10	0.3439
	8	9	0.0459		10	7	0.1507		14	8	0.3649
	9	12	0.0517		11	5	0.1787		15	9	0.4036
	10	25	0.0574		12	4	0.2429		16	7	0.1835
	11	16	0.0595		13	3	0.2049		17	9	0.2736
14	12	11	0.0651	20	1	0.2622	26	10	3	0.2535	
	13	9	0.0722		2	0.1507		11	6	0.2617	
	14	5	0.0801		3	0.1787		12	11	0.3052	
	15	5	0.0855		4	0.2429		13	10	0.3439	
	16	2	0.0891		5	0.1210		14	8	0.3649	

胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積
cm	m	本	m^3	cm	m	本	m^3	cm	m	本	m^3
26	18	10	0.4256	32	21	5	0.6983	40	14	1	0.7916
	19	9	0.4488		22	3	0.7755		16	2	0.8172
	20	2	0.4085		23	6	0.8026		18	3	0.8657
	21	8	0.4757		24	2	0.8354		19	6	0.9756
	23	2	0.5573		25	1	0.9129		20	1	0.8788
	24	2	0.5047		26	1	0.9842		21	3	1.0168
	25	1	0.6133		34	14	0.4241		22	5	1.1004
28	10	2	0.2513	36	15	5	0.5075	42	23	6	1.1957
	11	3	0.2819		16	3	0.5407		24	2	1.2015
	12	1	0.2648		17	2	0.6532		25	1	1.4309
	13	2	0.3591		19	6	0.7102		26	1	1.4413
	14	4	0.3627		20	1	0.8184		13	1	0.8187
	15	13	0.3975		21	4	0.8244		14	1	0.7927
	16	8	0.4049		22	3	0.8152		15	1	0.6110
	17	7	0.4175		23	2	0.9511		16	2	0.6439
	18	4	0.4371		24	4	0.8888		17	4	0.7729
	19	5	0.5011		25	2	1.0293		18	3	0.9851
	20	7	0.5531		26	1	1.0447		19	1	1.0239
	21	2	0.5360		27	1	0.9980		20	2	1.1742
	22	1	0.6092		36	13	0.5668		21	3	1.2214
	23	2	0.5919		14	4	0.5391		23	4	1.3999
30	24	1	0.6562	38	15	4	0.6952	44	24	4	1.3302
	25	1	0.6537		16	3	0.6748		25	2	1.2153
	26	1	0.6294		17	4	0.6746		26	1	1.5942
	11	1	0.3369		18	4	0.7852		27	1	1.6041
	12	2	0.3120		19	4	0.8372		17	4	1.1113
	13	2	0.3564		20	4	0.8061		18	3	1.1974
	14	3	0.3806		21	4	0.8199		19	1	1.1734
	15	6	0.4508		22	4	1.0111		20	3	1.1380
	16	4	0.4502		23	1	0.8459		21	3	1.1607
	17	2	0.5237		24	2	1.0340		22	3	1.4059
	18	11	0.4965		25	3	1.0626		23	6	1.4615
	19	6	0.5847		12	1	0.6595		24	5	1.4211
	20	3	0.5514		13	1	0.5977		27	1	1.8199
	21	4	0.6516		14	1	0.5072		29	1	1.7226
32	23	2	0.6498	46	15	2	0.7078	46	14	1	0.8829
	24	2	0.7155		16	6	0.6552		15	1	0.9348
	12	1	0.4402		17	2	0.7017		16	1	0.7660
	13	2	0.4940		18	1	0.8696		17	4	0.9390
	14	3	0.4396		19	4	0.9213		18	1	1.2294
	15	3	0.4954		20	1	0.6513		19	2	1.1655
	16	4	0.5004		21	4	1.0204		20	6	1.3919
	17	8	0.6012		22	3	1.0232		21	4	1.3223
	18	5	0.5887		23	3	1.0331		22	1	1.6250
	19	6	0.6283		24	1	0.8970		23	4	1.4845
	20	3	0.6428		26	1	1.2212		24	2	1.7534

胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積
cm	m		m^3	cm	m		m^3	cm	m		m^3
46	25	1	1.6938	56	22	1	1.5618	68	19	1	2.7230
	26	2	1.9126		23	5	2.3692		20	1	2.7743
					24	2	2.3665		22	2	2.4734
	15	2	0.8838		25	5	2.4670		23	2	2.9104
	16	2	0.9064		26	1	2.4160		24	1	3.3812
	17	1	1.5884		27	1	2.8750		25	3	3.3108
	19	3	1.1301		29	2	2.7811		27	1	3.5013
	21	2	1.3595						28	1	2.9055
	22	4	1.6769		58	19	1.9547		29	1	3.4209
	23	1	1.9613		20	1	1.7722				
48	24	2	1.6186		22	3	2.5643	70	15	1	2.5933
	25	4	1.7803		24	3	2.7511		21	2	2.6846
	26	1	1.9349						22	1	3.1815
	27	1	1.9802	60	17	1	1.6609		23	3	2.9892
	28	1	2.3666		19	1	2.4438		24	4	3.5259
					24	2	2.4780		26	4	3.7485
	16	1	1.0243		25	1	2.6903		27	2	3.7018
	17	1	1.2643		27	1	2.9687		33	1	4.1815
	18	1	1.6938		28	1	3.4433				
	19	3	1.2767					72	18	1	2.7362
50	20	2	1.7408	62	18	1	2.2363		21	1	2.4706
	21	3	1.3906		19	1	2.3249		23	2	3.2508
	22	1	1.7210		20	1	2.2546		24	3	3.6165
	24	2	1.9927		21	1	2.3658		27	2	3.9361
	25	1	1.6561		22	1	2.5965		28	2	4.1794
					23	2	2.4180		29	1	4.3412
	17	1	1.0423		24	1	2.4134				
	19	2	1.4684		25	4	2.6746	74	20	1	3.2236
	20	1	2.0188		28	2	3.6872		21	1	2.2836
	21	2	1.5631						23	2	4.1429
52	22	1	1.8052	64	18	1	1.6752		24	1	2.9019
	23	4	1.7290		19	1	2.8020		26	3	3.8549
	24	2	2.0458		21	1	2.7851		27	1	4.6623
	25	1	2.4938		22	4	2.5446		29	1	4.9948
					23	2	2.6821				
	16	1	0.9210		24	3	2.8971	76	20	2	3.1606
	18	1	1.7190		25	3	2.8689		21	2	3.8752
	20	2	1.8008		26	2	3.1290		22	1	3.2000
	21	3	1.7779		30	1	3.9991		23	1	3.3370
	22	2	1.8355		31	1	4.0079		24	1	4.4454
	23	1	2.1166						25	2	4.7068
	24	1	1.7706	66	15	1	2.2031		26	1	4.9705
	25	1	2.3888		20	2	2.6313		27	2	3.9133
	26	2	2.1725		21	1	2.9488		28	1	4.9012
	27	2	2.5104		22	1	2.2296		29	1	6.1343
	28	1	2.6928		23	1	2.7143		33	1	5.3167
56	19	1	1.8028		25	3	2.9838	78	21	2	3.6475
	20	1	1.7648		29	1	3.2464		24	2	3.9992
	21	4	2.0125		24	4	2.5889		25	6	4.3250

胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積	胸高直 徑階	樹高階	本數	平均幹材積
cm	m	本	m^3	cm	m	本	m^3	cm	m	本	m^3
78	27	1	4.7998	90	31	1	6.1322	110	20	1	6.3654
	28	2	4.6980		34	1	6.4072	112	26	1	4.256
	29	1	6.0569		36	1	7.5986	114	30	1	27
	31	2	5.7288								
80	18	1	2.5403	92	22	2	4.4382	118	27	1	6.8142
	21	2	2.6935		24	2	4.2298				
	23	2	3.0033		25	2	5.9217	126	29	1	11.3913
	25	3	5.0648		26	2	6.2792				
	28	1	4.1647		28	1	7.1966				
	29	2	5.3168		29	1	7.6388				
	30	1	6.1084	94	25	1	6.0903				
	32	1	6.3228		27	1	5.8515				
82	16	1	2.2217		28	2	7.0168				
	19	1	2.9111		29	1	6.5419				
	20	1	2.7108	96	18	1	4.8414				
	24	1	4.2504		24	3	6.8226				
	25	2	3.7567		25	1	6.5208				
	26	2	4.2336		27	2	7.7015				
	27	1	4.8950		28	1	8.0836				
	29	2	5.2911		29	2	8.5471				
84	20	1	3.9290		30	1	8.2237				
	24	1	3.0623		31	2	7.8133				
	26	3	4.4785	98	23	1	4.9048				
	28	1	6.4022		25	1	6.2788				
	29	1	4.9871		27	1	8.5407				
	31	1	5.6430		29	1	5.6512				
	33	1	6.6039		32	1	9.7167				
86	20	1	2.8190	100	24	1	5.5577				
	23	1	4.6149		27	1	7.4902				
	24	1	4.4652		28	1	7.6917				
	26	2	5.2622		29	1	9.7226				
	27	3	5.5890								
	29	2	4.8928	102	20	1	3.8813				
	31	1	6.4832		23	1	5.3657				
88	21	1	5.3806		24	1	7.4210				
	23	1	4.9438		27	1	6.7583				
	24	4	5.5435	104	20	1	5.5305				
	26	2	6.1850		22	1	5.9083				
	27	1	6.5287		28	1	6.4746				
	29	2	4.8649		31	2	7.8000				
	31	2	6.8106								
	32	1	6.1459	106	27	1	5.7117				
90	22	1	4.3562	108	27	1	5.5684				
	28	3	5.9166		29	1	8.5694				

第 5 章 梗却済資料による材積式の計算

1. 材積式の計算結果

(1) 平方和・積和など

区分	本数(n)	SX_1	SX_2	SY	SX_1^2	SX_2^2
I 型 (サワグルミ群)	50.9	652.124540	593.328362	1,155.606127	876.25825449	707.72124733
II 型 (ブナ群)	1619	2,274.249354	1,922.830718	4,096.298388	3,361.10147790	2,334.01507408

区分	SY^2	$SX_1 X_2$	$SX_1 Y$	$SX_2 Y$
I 型 (サワグルミ群)	2,858.99720457	782.89892439	1,577.32449855	1,404.96536261
II 型 (ブナ群)	11,249.77127782	2,780.63732610	6,134.20415984	5,059.24776576

区分	Sx_1^2	Sx_2^2	Sy^2	$Sx_1 x_2$	$Sx_1 y$	$Sx_2 y$
I 型	40.76431408	16.10511394	285.37142705	22.74033006	96.77614100	57.91602583
II 型	166.40714549	50.33504314	885.55850282	79.58944576	880.03247145	194.21480063

(2) 回帰係数など

(1)の数値を用いて回帰係数を計算する。

I 型

組織的解法(簡略 Doolittle 法)

	b	c	G	計	check
I 1)	40.7643141	22.7403301	96.7761410	160.2807852	
	2)	16.1051139	57.9160258	96.7614698	
II 3)	40.7643141	22.7403301	96.7761410	160.2807852	
	4)	1	0.557848957	2.374040705	3.981889662
III 5)		3.41944447	3.92955650	7.34900097	
	6)	1	1.149179796	2.149179796	
8)	7) を 4) に代入		$b = 1.732971954$		
7)	6) がそのままくる		$c = 1.149179796$		

II 型

組織的解法(簡略 Doolittle 法)

	b	c	G	計	check
I 1)	166.4071455	79.5894458	380.0324715	626.0290628	
	2)	50.3350431	194.2148006	324.1392895	
II 3)	166.4071455	79.5894458	380.0324715	626.0290628	
	4)	1	0.4782814197	2.2837509192	3.7620323889
III 5)		12.26888997	12.45233060	24.72122057	
	6)	1	1.014951689	2.014951689	
8)	7) を 4) に代入		$b = 1.79831885$		
7)	6) がそのままくる		$c = 1.014951689$		

さらに、回帰に帰因する平方和(Sy^2)、回帰からの偏差平方和($Sy x_1 x_2^2$)

推定誤差の分散($Sy x_1 x_2^2$)と標準誤差($Sy x_1 x_2$)および重相関係数(R)を求め表にまとめるところ。

区 分	回 帰 係 数		$S\hat{y}^2$	$S\hat{y}x_1 x_2^2$	$s\hat{y}x_1 x_2^2$	$s\hat{y}x_1 x_2$	R
	b	c					
I 型	1.732971954	1.149179796	234.26626488	1.10516217	0.0021841150	0.04673452	0.99764954
II 型	1.79831885	1.014951689	880.53802029	5.02048203	0.0031067339	0.05573808	0.99716133

また、C 乗数は I 型 $C_{11} = 0.115538867$
 $C_{12} = -0.163140230$
 $C_{22} = 0.292445164$
II 型 $C_{11} = 0.0246543299$
 $C_{12} = -0.0389832675$
 $C_{22} = 0.0815069662$

2. 有 意 性 の 檢 定

(1) 回帰係数の有意性の検定

前項(2)で計算された回帰係数 b, c について $b=0, c=0$ という仮説をたてて有意性を検定する。 b, c の標準偏差をそれぞれ S_b, S_c とする。

$$S_b = s\hat{y}x_1 x_2 \sqrt{C_{11}}$$

$$S_c = s\hat{y}x_1 x_2 \sqrt{C_{22}}$$

区 分	本 数	b	c	S_b	S_c	$t=b/S_b$	$t=c/S_c$
I 型	509	1.732971954	1.149179796	0.01588553	0.02527319	109.09123**	45.47081**
II 型	1,619	1.79831885	1.014951689	0.00875182	0.01591290	205.47936**	63.78169**

この t の値は t 分布表の 0.01% の値と比較して著しく大であるので、回帰係数 $b=0, c=0$ という仮説は捨てられる。

すなわち、回帰係数はきわめて有意である。

(2) 重相関係数の有意性の検定

I 型 サワグルミ群

自由 度

変動 因	記 号	自由 度	平 方 和	平均 平方	
回 帰	$S\hat{y}^2 = R^2 S_y^2$	2	234.26626488	117.13313244	$R^2 S_y^2 / 2 = \sigma_1^2$
推定の誤差	$S_y^2 - R^2 S_y^2$	506	1.10516217	0.00218411	$Sd\hat{y}x_1 x_2^2 / n-3 = \sigma_2^2$
計	S_y^2	508	235.37142705		

$$F = \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} = 53,629.6855^{**} \quad d.f \quad 2, 506$$

II 型 ブナ群

変動 因	記 号	自由 度	平 方 和	平均 平方	
回 帰	$S\hat{y}^2 = R^2 S_y^2$	2	880.53802029	440.26901015	$R^2 S_y^2 / 2 = \sigma_1^2$
推定の誤差	$S_y^2 - R^2 S_y^2$	1,616	5.02048203	0.00310673	$Sd\hat{y}x_1 x_2^2 / n-3 = \sigma_2^2$
計	S_y^2	1,618	885.55850232		

$$F = \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} = 141,714.6085^{**} \quad d.f \quad 2, 1616$$

この結果、重相関係数はきわめて有意である。したがって重回帰はきわめて有意であることがわかる。

第 6 章 樹型群間の差の検定

前章で明らかなとおり、二樹型群とも材積式はそれぞれ適当であることが分ったが、広葉樹を大別した二つの樹型群間に差があるかどうかが不明であるので比較を行なつた。

1. 分 散 の 一 様 性 の 檢 定

回帰分析を行なうには群間の分散が一様であることが必要であるので、推定誤差の分散 $s\hat{y}x_1 x_2^2$ を求め F 検定を行なえば次のとおりである。

樹型群	自由度	b	c	$s_y x_1 x_2^2$
I 型	506	1.732971954	1.149179796	0.0021841150
II 型	1,616	1.798218385	1.014951689	0.0031067389

$$F = \frac{0.0031067389}{0.0021841150} = 1.42242$$

$$1.42242 > F_{0.025} = 1.06$$

$$d.f \quad 1616, \quad 506$$

ゆえに、分散は一様でない。

この結果、樹型群間に差があるので I 型、II 型別に材積表を作成する必要がある。

第 7 章 10cm 直径級別材積式の比較

胸高直径または樹高に対する幹材積の関係が両対数方眼紙上において直線関係を示すのは、あるかぎられた範囲についていえるもので、回帰係数、回帰定数が全直径数にわたり同一であるとみなすことは、必ずしも妥当でない。ここで、一応資料を 10 cm 直径級にわけ各直径級の材積式を求めてその間の差の統計的検定を行ない、差のなかつた直径級を一括して材積式を求める。ただし 42 cm 以上は資料が少ないので一括して 42 cm 以上とした。

1. 10cm 直径級別平方和、積和など

第 6 表の 1 I 型

直径級	本数	SX_1	SX_2	SY	SX_1^2	SX_2^2	SY^2
4~10	114	102.967317	108.232536	155.603842	94.19153227	103.97019853	219.78159800
12~20	169	199.547151	187.657503	343.799302	236.82684256	210.34045561	709.12954843
22~30	89	125.277599	111.293899	230.057417	176.52247481	139.62359077	596.32640277
32~40	64	99.194822	84.758634	186.902006	153.81734325	112.66557766	547.07437800
42~	73	125.137651	101.380790	239.243560	214.90006210	141.12142476	786.68527737
計	509	652.124540	593.323362	1,155.606127	876.25825449	707.72124733	2,858.99720457

直径級	$SX_1 X_2$	$SX_1 Y$	$SX_2 Y$
4~10	98.50012509	143.33305501	150.19831092
12~20	222.39234187	408.98139268	385.40077093
22~30	156.71109164	324.21003985	288.34202810
32~40	131.39804333	289.85117680	248.11872094
42~	173.89732246	410.94883421	332.91053172
計	782.89892439	1,577.32449855	1,404.96536261

直径級	Sx_1^2	Sx_2^2	Sy^2	$Sx_1 x_2$	$Sx_1 y$	$Sx_2 y$
4~10	1.18917815	1.21334021	7.39075901	0.74210891	2.78822935	2.46174574
12~20	1.21107054	1.96567199	9.73333508	0.81529993	3.03955108	3.64622332
22~30	0.18008828	0.45182162	1.64758123	0.05230007	0.37812037	0.65878168
32~40	0.07339463	0.41517082	1.25625539	0.02901813	0.16818904	0.59436593
42~	0.38729912	0.32601954	2.61019516	0.10891264	0.83407921	0.65435206
計	40.76481408	16.10511394	235.37142705	22.74033006	96.77614100	57.91602583

第6表の2 II型

直 径 級	本 数	SX ₁	SX ₂	SY	SX ₁ ²	SX ₂ ²
4～10	222	199.279401	205.675812	300.191219	181.71088639	194.16287365
12～20	425	502.549155	460.277061	860.341613	596.88010618	503.20250690
22～30	331	465.508599	398.197547	842.875629	655.38350200	481.62623535
32～40	193	298.801805	246.582105	556.013642	462.85771720	316.27427813
42～	448	808.110894	612.098193	1,536.876385	1,464.26926613	838.74918005
計	1,619	2,274.249854	1,922.830718	4,096.298388	3,361.10147790	2,334.01507408

直 径 級	SY ²	SX ₁ X ₂	SX ₁ Y	SX ₂ Y
4～10	424.44106384	186.54198854	276.28573413	284.63238936
12～20	1,761.43086569	545.70706479	1,023.63902799	939.04332117
22～30	2,153.64742389	560.3157088	1,186.95618449	1,017.27506328
32～40	1,604.88936516	381.81146207	861.31498860	711.82884761
42～	5,305.86255924	1,106.26523982	2,786.00837413	2,106.46814434
計	11,249.77127782	2,780.63732610	6,184.20415934	5,059.24776576

直 径 級	Sx ₁ ²	Sx ₂ ²	Sy ²	Sx ₁ x ₂	Sx ₁ y	Sx ₂ y
4～10	2.82674376	3.61089328	18.51868562	1.91607586	6.81759761	6.51494466
12～20	2.63151044	4.72021776	19.81276908	1.44389286	6.31208534	7.28918214
22～30	0.70599220	2.58911621	7.30504938	0.29833152	1.56070764	3.28410288
32～40	0.25899351	1.23420297	3.07040719	0.05406282	0.49711319	1.45066318
42～	6.58531771	2.44516694	33.06563341	2.15159716	13.76332723	6.64837174
計	166.40714549	50.33504314	885.55850232	79.58944576	380.03247145	194.21480063

2. 10cm直径級別回帰係数、推定の分散など

第7表

区 分	直 径 級	回 帰 係 数		回帰に帰因する平方和S _{xy} ²	偏差平方和 Sd _{xy} x ₁ x ₂ ²	推定誤差の分散 Sy x ₁ x ₂ ²	重相関係数 R
		b	c				
I 型	4～10 ^{cm}	1.74430734	0.96203828	7.23182254	0.15893647	0.0014318601	0.98918918
	12～20	1.74956362	1.12928517	9.43551391	0.29782117	0.0017941034	0.98458211
	22～30	1.73591994	1.25407895	1.48004277	0.16753846	0.0019481216	0.94779348
	32～40	1.77459037	1.30758380	1.07564991	0.18060548	0.0029607456	0.92532970
	42～	1.75393299	1.42116202	2.39285934	0.21733582	0.0031047974	0.95746321
	計	1.78297195	1.14917980	234.26626492	1.10516213	0.0021841149	0.99764954
II 型	4～10	1.85664058	0.81904400	17.99385470	0.52483092	0.0023964882	0.98572785
	12～20	1.86423495	0.97398613	18.86677235	0.94599673	0.0022416984	0.97583461
	22～30	1.76037284	1.06558685	6.24692417	1.05812521	0.0032259915	0.92474404
	32～40	1.72307194	1.09990746	2.45215704	0.61825015	0.0032539482	0.89366789
	42～	1.68650748	1.23496150	31.42243747	1.64319594	0.0036925751	0.97483589
	計	1.79831839	1.01495169	880.53802029	5.02048203	0.0031067339	0.99716133

3. 10cm真径級毎の回帰係数間の差の検定、回帰定数間の差の検定

A. I 型 の 材 積 式

(1) 全径級を一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

回帰係数間の差の検定には、各直径級間の分散が一様であるという前提が必要であるので、パートレットの検定法により検定する。

直 径 級	$S_{\bar{y} x_1 x_2^2}$	n	$fr = n - 3$	$sy x_1 x_2^2$	$\log sy x_1 x_2^2$	$fr \cdot \log sy x_1 x_2^2$	$1/fr$
4～10	0.15893647	114	111	0.00143186	-2.8440994	-315.6950334	0.00900901
12～20	0.29782117	169	166	0.00179410	-2.7461584	-455.8614644	0.00602410
22～30	0.16753846	89	86	0.00194812	-2.7103844	-233.0930584	0.01162791
32～40	0.18060548	64	61	0.00296075	-2.5285982	-154.2444902	0.01639344
42～	0.21733582	73	70	0.00310480	-2.5079664	-175.5576480	0.01428571
計	(q^2) 1.02223740	509	(f) 494			($\sum fr \cdot \log sy x_1 x_2^2$) -1334.4516944	($\sum 1/fr$) 0.05734017

$$\begin{aligned}s^2 &= q^2/f = 0.00206931 \\ \log s^2 &= -2.6841744 \\ x^2 &= 1/\log_{10} e [\log s^2 \cdot f - \sum fr \cdot \log sy x_1 x_2^2] \\ &= 19.502040\end{aligned}$$

補正項

$$\begin{aligned}c &= 1 + \frac{1}{3(k-1)} [\sum \frac{1}{fr} - \frac{1}{f}] \\ &= 1.00460966\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{補正された } x^2 &= 19.502040 / 1.00460966 \\ &= 19.4126 > P(x^2) 0.05 = 9.49 \quad d.f \quad 4\end{aligned}$$

ゆえに、分散は一様でない。

(2) 4～40 cmを一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$\begin{aligned}s^2 &= q^2/f = 0.00189835 \\ \log s^2 &= -2.7216237 \\ x^2 &= 11.341725\end{aligned}$$

$$\text{補正項 } c = 1.00452177$$

$$\begin{aligned}\text{補正された } x^2 &= 11.341692 / 1.00452177 \\ &= 11.2907 > P(x^2) 0.05 = 7.81 \quad d.f \quad 8\end{aligned}$$

ゆえに、分散は一様でない。

(3) 4～30 cmを一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$\begin{aligned}s^2 &= q^2/f = 0.00171982 \\ \log s^2 &= -2.7645170 \\ x^2 &= 2.601600\end{aligned}$$

$$\text{補正項 } c = 1.00398437$$

$$\begin{aligned}\text{補正された } x^2 &= 2.601504 / 1.00398437 \\ &= 2.5913 < P(x^2) 0.05 = 5.99 \quad d.f \quad 2\end{aligned}$$

ゆえに、分散は一様である。

ロ. 回帰係数間の差の検定

$$\sum Sx_1^2 = 2.58028692 \quad \sum Sx_1 x_2 = 1.60970891$$

$$\sum Sx_2^2 = 3.63033382 \quad \sum Sx_1 y = 6.20590080$$

$$\sum Sy^2 = 18.77167582 \quad \sum Sx_2 y = 6.76475074$$

この値から回帰係数を求める

$$b' = 1.717823400$$

$$c' = 1.101704500$$

分散分析表

変動因	自由度		平方和	平均平方
全回帰	2	$b \sum Sx_1 y + c \sum Sx_2 y$	18.11339794	
回帰間	$2(k-1)$	q'^2	0.03398128	$\frac{q'^2}{2(k-1)} = s'^2$
回帰計	$2k$	$\sum S\hat{y}^2$	18.14737922	
原因不明	$\sum f_i$	$\sum Sd_y x_1 x_2^2 = q^2$	0.62429610	$q^2 / \sum f_i = s^2$
計	$\sum n_i - k$	$\sum Sy^2$	18.77167532	0.00171982

$$F = \frac{s'^2}{s^2} = 4.9397 > F_{400}^4(0.05) = 2.39 \quad d.f. \quad 4, \quad 363$$

有意差あり

(4) 4~20cmを一括した場合の検定

イ. 回帰係数間の差の検定

$b' = 1.731826602$

$c' = 1.072914096$

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平均平方
全回帰	2	16.64603128	
回帰間	2	0.02130517	0.01065259
回帰計	4	16.66733645	
原因不明	277	0.45675764	0.00164894
計	281	17.12409409	

$F = 6.4603 > F_{400}^2(0.05) = 3.02 \quad d.f. \quad 2, \quad 277$

有意差あり

(5) 12cm以上を一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00225404$

$\log s^2 = -2.6470384$

$\chi^2 = 11.377084$

補正項 $c = 1.00508002$

補正された

$\chi^2 = 11.378466 / 1.00508002$

$= 11.8196 > P(\chi^2) 0.05$

$= 7.81$

ゆえに分散は一様でない。 $d.f. \quad 3$

(6) 22cm以上を一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00260590$

$\log s^2 = -2.5840428$

$\chi^2 = 4.969070$

補正項 $c = 1.00628318$

補正された $\chi^2 = 4.969146 / 1.00628318$

$= 4.9380 < P(\chi^2) 0.05 = 5.99$

$d.f. \quad 2$

ゆえに、分散は一様である。

ロ. 回帰係数間の差の検定

$b' = 1.763508557$

$c' = 1.316570385$

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平均平方
全回帰	2	4.94305158	
回帰間	4	0.00550044	0.00137511
回帰計	6	4.94855202	
原因不明	217	0.56547976	0.00260590
計	223	5.51408178	

$F = 0.5277 < F_{400}^4(0.05) = 2.39$

$d.f. \quad 4, \quad 217$

$\frac{1}{F} = 1.8950 < F_4^{500}(0.05) = 5.64$

$d.f. \quad 217, \quad 4$

有意差なし

ハ. 回帰定数間の差の検定

$$\begin{array}{lll} \sum SX_1 = 349.610072 & \sum SX_1^2 = 545.28987966 & \sum SX_1 X_2 = 462.00645743 \\ \sum SX_2 = 297.433323 & \sum SX_2^2 = 393.41059319 & \sum SX_1 Y = 1,025.01005086 \\ \sum SY = 656.202983 & \sum SY^2 = 1,930.08605814 & \sum SX_2 Y = 869.37128076 \end{array}$$

これらの数値から

$$\begin{array}{ll} Sx_1^2 = 4.41155026 & Sx_1 x_2 = 1.89280491 \\ Sx_2^2 = 1.96554173 & Sx_1 y = 9.89866974 \\ Sy^2 = 24.76590372 & Sx_2 y = 5.75785688 \end{array}$$

を求め、回帰係数を計算すると

$$\begin{aligned} b'' &= 1.681823273 & S\hat{y}^2 &= b'' Sx_1 y + c'' Sx_2 y \\ c'' &= 1.309813723 & &= 24.18953310 \\ & & Sd_y x_1 x_2^2 &= 0.57687062 \\ & & Sd_y x_1 x_2^2 &= 0.0025846216 \end{aligned}$$

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平方平均
回帰	2	$b'' Sx_1 y + c'' Sx_2 y$	24.18953310
回帰係数間	$2(k-1)$	q''^2	0.00550044
回帰定数間	$k-1$	q''^2	0.00539042
回帰計	$3k-1$	$Sy^2 - \sum Sd_y x_1 x_2^2$	24.20042396
原因不明	$\sum f_i$	$\sum Sd_y x_1 x_2^2 = q_2$	0.56547976
計	$\sum n_i - 1$	Sy^2	24.76590372

$$F = \frac{s''^2}{s^2} = 1.0343 < F_{400}(0.05) = 3.02 \quad d.f \quad 2, \quad 217$$

有意差なし

したがって、回帰係数間回帰定数間に差が認められないので、22cm以上は同一推定式によつて差支えない。

(7) 12~40cmを一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00206379$$

$$\log s^2 = -2.6853345$$

$$\chi^2 = 6.192439$$

$$\text{補正項 } c = 1.00514176$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 6.192439 / 1.00514176$$

$$= 6.1608 > P(\chi^2) \quad 0.05 = 5.99 \quad d.f \quad 2$$

ゆえに、分散は一様でない。

(8) 12~30cmを一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00184667$$

$$\log s^2 = -2.7336107$$

$$\chi^2 = 0.194861$$

$$\text{補正項 } c' = 1.00456125$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 0.194861 / 1.00456125$$

$$= 0.1937 < P(\chi^2) \quad 0.05 = 3.84 \quad d.f \quad 1$$

ゆえに、分散は一様である。

ロ. 回帰係数間の差の検定

$$b' = 1.734845492$$

$$c' = 1.157575692$$

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平均平方
全回帰	2	10.91018590	
回帰間	2	0.00537078	0.00268539
回帰計	4	10.91555668	
原因不明	252	0.46535963	0.00184667
計	256	11.38091681	

$$F = 1.4542 < F_{400}^2(0.05) = 3.02 \quad d.f \quad 2, \quad 252$$

有意差なし

ハ. 回帰定数間の差の検定

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平均平方
回帰	2	28.58343881	
回帰係数間	2	0.00537078	
回帰定数間	1	0.00048763	0.00048763
回帰計	5	28.58929722	
原因不明	252	0.46535963	0.00184667
計	257	29.05465685	

$$F = 0.2641 < F_{400}^1(0.05) = 3.86 \quad d.f \quad 1, \quad 252$$

$$\sqrt{F} = 3.7870 < F_1^{500}(0.05) = 2.54 \quad d.f \quad 252,$$

有意差が認められないので 12~30cmは一括して差支えない。

(9) 取りまとめ

以上の検定の結果、4~10cm、12~20cm、22cm以上の各直徑級別、ならびに4~10cm、12~30cm、32cm以上の各直徑級別に一括できることが分ったが、分散の小さい方を採用し4~10cm、12~20cm、22cm以上の各直徑級別にそれぞれ材積式を決定することにした。

第8表の1

検定結果の取りまとめ(I型)

直 径 級	本 数	修正 χ^2	回 帰 係 数 間 の 差 の 検 定				
			平均された回帰係数		回帰間の分散	原因不明	F
			b'	c'			
4~cm	509	19.4126*	—	—	—	—	—
4~4.0	436	11.2907	—	—	—	—	—
4~3.0	372	2.5913	1.717823400	1.101704500	0.00849532	0.00171982	4.9397**
4~2.0	283	—	1.731826602	1.072914096	0.01065259	0.00164894	6.4603**
1.2~	395	11.3196*	—	—	—	—	—
2.2~	226	4.9380*	1.763508557	1.316570385	0.00137511	0.00260590	$\sqrt{F} = 1.8950$
1.2~4.0	322	6.1608*	—	—	—	—	—
1.2~3.0	258	0.1937	1.734845492	1.157575692	0.00268539	0.00184667	1.4542
直 径 級			回 帰 定 数 間 の 差 の 検 定				
			込みにした回帰係数		定数間の分散	原因不明	F
			b''	c''			
4~cm			—	—	—	—	—
4~4.0			—	—	—	—	—
4~3.0			—	—	—	—	—
4~2.0			—	—	—	—	—
1.2~			—	—	—	—	—
2.2~			—	—	—	—	—
1.2~4.0			—	—	—	—	—
1.2~3.0			—	—	—	—	—

直 径 級			回 帰 係 数 間 の 差 の 検 定				
			平均された回帰係数		回帰間の分散	原因不明	F
			b'	c'			
4~cm			—	—	—	—	—
4~4.0			—	—	—	—	—
4~3.0			—	—	—	—	—
4~2.0			—	—	—	—	—
1.2~			—	—	—	—	—
2.2~			—	—	—	—	—
1.2~4.0			—	—	—	—	—
1.2~3.0			—	—	—	—	—

直 径 級			回 帰 定 数 間 の 差 の 検 定				
			込みにした回帰係数		定数間の分散	原因不明	F
			b''	c''			
4~cm			—	—	—	—	—
4~4.0			—	—	—	—	—
4~3.0			—	—	—	—	—
4~2.0			—	—	—	—	—
1.2~			—	—	—	—	—
2.2~			—	—	—	—	—
1.2~4.0			—	—	—	—	—
1.2~3.0			—	—	—	—	—

B. II 型 の 材 積 式

(1) 全径数を一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定(パートレット法)

直 径 級	$S_{xy} x_1 x_2^2$	n	$f_{r=n-3}$	$s_{y x_1 x_2^2}$	$\log s_{y x_1 x_2^2}$	$f_r \cdot \log s_{y x_1 x_2^2}$	$\sqrt{f_r}$
4 ~ 1 0	0.52483092	222	219	0.00239649	-2.6204244	-573.8729436	0.00456621
1 2 ~ 2 0	0.94599673	425	422	0.00224170	-2.6494225	-1118.0562950	0.00236967
2 2 ~ 3 0	1.05812521	331	328	0.00322599	-2.4913369	-817.1585032	0.00304878
3 2 ~ 4 0	0.61825015	193	190	0.00325395	-2.4875891	-472.6419290	0.00526316
4 2 ~	1.64319594	448	445	0.00369258	-2.4326701	-1082.5381945	0.00224719
計	(g2)		(f)			$(\sum f_r \cdot \log s_{y x_1 x_2^2})^2$ - 4064.2678653	$(\sum \sqrt{f_r})$ 0.01749501

$$s^2 = \frac{g^2}{f} = 0.00298653$$

$$\log s^2 = -2.5248331$$

$$\chi^2 = \sqrt{\log_{10} [\log s^2 \cdot f - \sum f_r \cdot \log s_{y x_1 x_2^2}]}$$

$$= 33.239478$$

$$\text{補正項 } c = 1 + \frac{1}{3(k-1)} \left[\sum \frac{1}{f_r} - \frac{1}{f} \right]$$

$$= 1.00140596$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 33.239478 / 1.00140596$$

$$= 33.1928 > P(\chi^2) 0.05 = 9.49 \quad d.f \quad 4$$

ゆえに、分散は一様でない。

(2) 4 ~ 40 cm を一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{g^2}{f} = 0.00271545$$

$$\log s^2 = -2.5661582$$

$$\chi^2 = 17.390032$$

$$\text{補正項 } c = 1.00159833$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 17.390032 / 1.00159833$$

$$= 17.3623 > P(\chi^2) 0.05 = 7.81 \quad d.f \quad 3$$

ゆえに、分散は一様でない。

(3) 4 ~ 30 cm を一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{g^2}{f} = 0.00260986$$

$$\log s^2 = -2.5833828$$

$$\chi^2 = 13.331665$$

$$\text{補正項 } c = 1.00149211$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 13.331665 / 1.00149211$$

$$= 13.3118 > P(\chi^2) 0.05 = 5.99 \quad d.f \quad 2$$

ゆえに、分散は一様でない。

(4) 4 ~ 20 cm を一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{g^2}{f} = 0.00229458$$

$$\log s^2 = -2.63892968$$

$$\chi^2 = 0.322342$$

$$\text{補正項 } c = 1.00179194$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 0.322342 / 1.00179194$$

$$= 0.3218 < P(\chi^2) 0.05 = 3.84 \quad d.f \quad 1$$

ゆえに、分散は一様である。

ロ. 回帰係数間の差の検定

$$\sum Sx_1^2 = 5.45825420$$

$$\sum Sx_2^2 = 8.33111104$$

$$\sum Sy^2 = 38.33145470$$

$$\sum Sx_1 x_2 = 3.35996872$$

$$\sum Sx_1 y = 13.12968295$$

$$\sum Sx_2 y = 13.80412680$$

この値から回帰係数を求める

$$b' = 18.43070957$$

$$c' = 0.913619564$$

分散分析表

変動因	自由度	平方和		平均平方
全回帰	2	$b' \sum Sx_1 y + c' \sum Sx_2 y$	36.81065763	$\frac{q^2}{2(k-1)} = s'^2$
回帰間	$2(k-1)$	q^2	0.04996942	0.02498471
回帰計	$2k$	$\sum S\hat{y}^2$	36.86062705	$\frac{q^2}{\sum f_i} = s^2$
原因不明	$\sum f_i$	$\sum Sd_y x_1 x_2^2 = q^2$	1.47082765	0.00229458
計	$\sum n_i - k$	$\sum Sy^2$	38.33145470	

$$F = \frac{s'^2}{s^2} = 10.8886 > F_{1000}^2(0.05) = 3.00 \quad d.f. \quad 2, \quad 641$$

有意差あり。

(5) 12cm以上を一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00307983$$

$$\log s^2 = -2.5114733$$

$$\chi^2 = 27.641441$$

$$\text{補正項} \quad c = 1.00135631$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 27.641441 / 1.00135631$$

$$= 27.6040 > P(\chi^2) 0.05 = 7.81 \quad d.f. \quad 3$$

ゆえに、分散は一様でない。

(6) 22cm以上を一括した場合の検定

イ. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00344711$$

$$\log s^2 = -2.4625448$$

$$\chi^2 = 2.090733$$

$$\text{補正項} \quad c = 1.00158679$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 2.090733 / 1.00158679$$

$$= 2.0874 < P(\chi^2) 0.05 = 5.99 \quad d.f. \quad 2$$

ゆえに、分散は一様である。

ロ. 回帰係数間の差の検定

$$b' = 1.722529948$$

$$c' = 1.127854049$$

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平均平方
全回帰	2	40.09091940	
回帰間	4	0.03059928	0.00764982
回帰計	6	40.12151868	
原因不明	963	33.1957130	0.00344711
計	969	43.44108998	

$$F = 2.2192 < F_{1000}^4(0.05) = 2.38 \quad d.f. \quad 4, \quad 963$$

有意差なし

ハ. 回帰定数間の差の検定

$$\begin{array}{lll} \sum SX_1 = 1,572.420798 & \sum SX_2^2 = 2,582.51048533 & \sum SX_1 X^2 = 2,048.38827277 \\ \sum SX_2 = 1,256.877845 & \sum SX_1^2 = 1,636.64969353 & \sum SX_1 Y = 4,834.27939722 \\ \sum SY = 2,935.765556 & \sum SY^2 = 9,063.89934829 & \sum SX_2 Y = 3,835.57205523 \end{array}$$

これらの数値から

$$\begin{array}{lll} Sx_1^2 = 38.77883308 & Sx_1 x_2 = 15.11577892 \\ Sx_2^2 = 11.40080747 & Sx_1 y = 85.04192983 \\ Sy^2 = 196.90408101 & Sx_2 y = 39.37999201 \end{array}$$

を求めて、回帰係数を計算すると

$$\begin{array}{lll} b'' = 1.752091300 & S\hat{y}^2 = 193.54501876 \\ c'' = 1.131127537 & Sdyx_1 x_2^2 = 3359.06225 \\ & Sdyx_1 x_2^2 = 0.0034665245 \end{array}$$

分散分析表

変動因	自由度	平方和	平均平方
回帰	2	$b'' Sx_1 y + c'' Sx_2 y$	193.54501876
回帰係数間	$2(k-1)$	q'^2	0.08059928
回帰定数間	$k-1$	q''^2	0.00889167
回帰計	$3k-1$	$Sy^2 - \sum Sdyx_1 x_2^2$	193.58450971
原因不明	$\sum f_i$	$\sum Sdyx_1 x_2^2 = q^2$	3.31957130
計	$\sum n_i - 1$	Sy^2	196.90408101

$$F = s''^2 / s^2 = 1.2897 < F_{1000}(0.05) = 3.00 \quad df \quad 2, \quad 963$$

有意差なし。

したがって回帰係数間、回帰定数間に差が認められないので、22cm以上は同一推定式によって差支えない。

(7) 12~40cmを一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00278976$$

$$\log s^2 = -2.5544331$$

$$\chi^2 = 15.403563$$

$$\text{補正項 } c = 1.00160296$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 15.403563 / 1.00160296$$

$$= 15.3789 > P(\chi^2) 0.05 = 5.99$$

$$df \quad 2$$

ゆえに、分散は一様でない。

(8) 12~30cmを一括した場合の検定

1. 分散の一様性の検定

$$s^2 = \frac{q^2}{f} = 0.00267216$$

$$\log s^2 = -2.5731375$$

$$\chi^2 = 12.345836$$

$$\text{補正項 } c = 1.00136171$$

$$\text{補正された } \chi^2 = 12.345836 / 1.00136171$$

$$= 12.3290 > P(\chi^2) 0.05 = 3.84$$

$$df \quad 1$$

ゆえに、分散は一様でない。

(9) 取りまとめ

以上の検定の結果、II型の材積表においては 4~10cm、12~20cm、22cm 以上の各直徑級別に それぞれ同一推定式を用いて幹材積を推定して差支えないことが判った。

第8表の2

検査結果の取りまとめ (II型)

直 径 級	本 数	修正 χ^2	回 帰 係 数 間 の 差 の 検 定				
			平均された回帰係数		回帰間の分散	原因不明	F
			b'	c'			
4~ cm	1,619	33.1928 **	—	—	—	—	—
4~40	1,171	17.3623 **	—	—	—	—	—
4~30	978	13.3118 **	—	—	—	—	—
4~20	647	0.3218	1.843070957	0.913619564	0.02498471	0.00229458	10.8886 **
12~	1,897	27.6040 **	—	—	—	—	—
22~	972	2.0874	1.722529948	1.127854049	0.00764982	0.00844711	2.2192
12~40	949	15.8789 **	—	—	—	—	—
12~30	756	12.3290 **	—	—	—	—	—

直 径 級		回 帰 定 数 間 の 差 の 検 定				
		込みにした回帰係数		定数間の分散	原因不明	F
		b''	c''			
4~ cm		—	—	—	—	—
4~40		—	—	—	—	—
4~30		—	—	—	—	—
4~20		—	—	—	—	—
12~		—	—	—	—	—
22~		1.752091300	1.131127537	0.00444584	0.00844711	1.2897
12~40		—	—	—	—	—
12~30		—	—	—	—	—

4. 直径級別材積式の比較の総括

以上の計算によって I型、II型両材積式とも、4~10cm、12~20cm、22cm 以上の各直徑級別に それぞれ材積式は次のようになる。

I 型

直 径 級	材 積 式
4~10cm	$Y = -1.12391797 + 1.74430734 X_1 + 0.96203828 X_2$
12~20	$Y = -1.28544360 + 1.74956362 X_1 + 1.12928517 X_2$
22~	$Y = -1.42195406 + 1.68182327 X_1 + 1.30981372 X_2$

II 型

直 径 級	材 積 式
4~10cm	$Y = -1.07322767 + 1.85664058 X_1 + 0.81904400 X_2$
12~20	$Y = -1.23489778 + 1.86423495 X_1 + 0.97398613 X_2$
22~	$Y = -1.27669587 + 1.75209130 X_1 + 1.13112754 X_2$

第 8 章 材 積 式 の 決 定

本材積式の計算はすべて対数法で行なわれたため、推定値に偏りが入つてくるので、この偏りを修正したうえで、最終的な材積式を決定する必要がある。

1. 修正係数の計算

修正係数を f とすれば

$$f = 10^{\frac{n-1}{n} \cdot \frac{1}{2} (\log e^{10}) \sigma^2}$$

ただし、 n ; 資料数, σ^2 ; 分散, e ; 自然対数の底
よって

$$\log f = \frac{n-1}{n} \cdot (1.15129255) \sigma^2$$

各直径数における修正係数は次のとおりである。

修 正 係 数 の 計 算

I 型

直 径 級	n	$\frac{n-1}{n}$	(標準誤差) $2 = syx_1 x_2^2$	$\log f$	f
4~10	114	0.99122807	0.00143186	0.00163403	1.003877
12~20	169	0.99408284	0.00179410	0.00205331	1.00474
22~	226	0.99557522	0.00258462	0.00296248	1.00684

II 型

直 径 数	n	$\frac{n-1}{n}$	(標準誤差) $2 = syx_1 x_2^2$	$\log f$	f
4~10	222	0.99549550	0.00239649	0.00274664	1.00634
12~20	425	0.99764706	0.00224170	0.00257479	1.00595
22~	972	0.99897119	0.00346652	0.00398687	1.00922

2. 材積式の決定

材積式 $\log V = \log a + b \log D + c \log H$ に修正係数の対数と 材積については便宜上 1000 倍してから対数変換して計算されているので、これをもとにもどすため $1/1000$ の対数を加えた $\log V = \log a - 3 + b \log D + c \log H + \log f$ の形で材積式を示すと次のとおりである。

第 9 表 決定された材積式

I 型

直 径 数	材 積 式
4~10 ^{cm}	$\log V = 5.877716 + 1.744307 \log D + 0.962038 \log H$
12~20	$\log V = 5.716610 + 1.749564 \log D + 1.129285 \log H$
22~	$\log V = 5.581008 + 1.681828 \log D + 1.309814 \log H$

II 型

直 径 数	材 積 式
4~10 ^{cm}	$\log V = 5.929519 + 1.856641 \log D + 0.819044 \log H$
12~20	$\log V = 5.767677 + 1.864235 \log D + 0.973986 \log H$
22~	$\log V = 5.727291 + 1.752091 \log D + 1.131128 \log H$

ただし、 V ; 幹材積(m^3) , D ; 胸高直径(cm) , H ; 樹高(m)

第 9 章 材積表の作成

決定した材積式を用いて、胸高直径は2cm、樹高は1m間隔で幹材積を計算し、材積表を作成した。材積表は巻末付表のとおりである。

なお、直徑級別の材積式の境で不均衡な値となつたものについては移動平均法で修正した。

すなわち、I型、II型とも直徑 10cm、12cm の値は 3 点平均法で修正し、I型の直徑 18cm、20cm、22cm、24cm、樹高 14m 以下の値は 5 点平均法で、直徑 20cm、22cm、樹高 15m 以上の値は 3 点平均法で修正した。また、II型の直徑 18cm、20cm、22cm、24cm 樹高 11m 以下の値は 5 点平均法で、直徑 20cm、22cm 樹高 12m 以上の値は 3 点平均法で修正した。

第 10 章 材積表の適合度

1. 材積表の適合度

材積表の適合度を百分率誤差で表わせば、近似的に次の式で示される。

$$SV (\%) = 230.26 \times s$$

すなわち、対数式標準誤差を 230.26 倍すれば、百分率標準誤差が得られる。

しかるに、これは単木の百分率誤差であるので、上式を本数の平方根で除して材積表の百分率誤差を求める。

$$SV (\%) = 230.26 \times \frac{\sqrt{sx_1x_2}}{\sqrt{n}}$$

計算結果は次表のとおり

I 型

直 径 級	本 数	百分率標準誤差	95%信頼度
			百分率標準誤差
4~10	114	0.816%	1.617%
12~20	169	0.750	1.481
22~	226	0.779	1.535

II 型

直 径 級	本 数	百分率標準誤差	95%信頼度
			百分率標準誤差
4~10	222	0.757%	1.492%
12~20	425	0.529	1.040
22~	972	0.435	0.853

2. 平均材積との比較

本材積表の一部を平均材積と比較すると 第4図のとおりである。

3. 従来の材積表との比較

本材積表の一部を従来の材積表のそれと比較すると 第5図のとおりである。

第 11 章 材積表の使用上の注意

1. 本材積表は大阪営林局管内全域の広葉樹に適用するものである。

2. 樹種を次の樹型群に分けて、それぞれ該当する材積表(I型、II型)を使用する。

I 型(サワグルミ群) - サワグルミ、オニグルミ、ホオノキ、カツラ、クヌギ、アベマキ
センノキ、シオジ、ミズキ、キハダ、トネリコ、アサダ、ヤチダモニレ、キリ、ドロノキ

II 型(ブナ群) - I型以外のすべての広葉樹

3. 本材積表は毎木の胸高直径(地上 1.2m)、樹高を測定して幹材積を求めるものである。

4. 本材積表に掲上されていない径級、および樹高の立木幹材積は、該当径級の材積式により求めても差支えない。
5. 材積式は $V = a D^b H^c$ を使用した。
6. 本材積表の幹材積は次の材積式で算出したものである。

I 型

直 径 級	材 積 式
4~10cm	$\log V = 5.877716 + 1.744307 \log D + 0.962038 \log H$
12~20	$\log V = 5.716610 + 1.749564 \log D + 1.129285 \log H$
22~	$\log V = 5.581008 + 1.681823 \log D + 1.309814 \log H$

II 型

直 径 級	材 積 式
4~10cm	$\log V = 5.929519 + 1.856641 \log D + 0.819044 \log H$
12~20	$\log V = 5.767677 + 1.864235 \log D + 0.973986 \log H$
22~	$\log V = 5.727291 + 1.752091 \log D + 1.131128 \log H$

ただし、V；幹材積 (m^3)、D；胸高直径 (cm)、H；樹高 (m)

なお、直径級別の材積式の境で不均衡な値となつたものについては移動平均法で修正した。

すなわち、I型、II型とも直径 10 cm、12 cm の値は 3 点平均法で修正し、I型の直径 18 cm、20 cm、22 cm、24 cm、樹高 14 m 以下の値は 5 点平均法で、直径 20 cm、22 cm、樹高 15 m 以上の値は 3 点平均法で修正した。また、II型の直径 18 cm、20 cm、22 cm、24 cm、樹高 11 m 以下の値は 5 点平均法で、直径 20 cm、22 cm、樹高 12 m 以上の値は 3 点平均法で修正した。

第 12 章 調製年月日および調製担当者氏名

調製年月　自 昭和 37 年 4 月

至 昭和 40 年 3 月

担当者氏名	前計画課長	小柴辰二
	計画課長	安部信和

前主査	中島鎌次郎
	荒木武夫
主査	小林茂夫
係員	杉本暁
	角田年正
	花谷賢二
中西幹夫	(昭和 39 年 4 月転出)
伊崎寿義	(同上)

むすび

本材積表は大阪営林局管内全域に分布する広葉樹（Ⅰ型、Ⅱ型別）を対象として調製要綱に基いて調製したものである。

広葉樹を樹型によつてⅠ型、Ⅱ型に分けて材積表を作成したが、広葉樹の樹型は樹種、生育条件施業方法等で異なるし、同一樹種でも年令、立地条件によつてその樹型を異にするので、Ⅰ型に属する立木がⅡ型の樹型を、また、Ⅱ型に属する立木がⅠ型の樹型を有する場合があつて、材積表の適合度が十分とは思われないが、樹型区分を行なわないよりは精度の高いものと確信する。なお、材積表の精度が如何に高いものであつても、材積調査における胸高直径および樹高の測定が粗雑なものであるならば、全く意味のないことは言をまたない。

広葉樹（I型）幹材積表

広葉樹（I型）幹材積表

(単位以下5位切捨て)

mi

広葉樹(Ⅰ型)幹材積表

D_{cm}	72	74	76	78	80	82	84	86	88	90	92	94	96	98	100
H_m															
1															
2															
3															
4															
5															
6															
7															
8															
9															
10	10340	10827	11324	11830	12344										
11	11715	12267	12830	13403	13986	14579	15182	15795	16417	17050	17692	18343	19005	19675	20355
12	13129	13748	14379	15021	15674	16339	17015	17701	18399	19108	19827	20558	21299	22050	22812
13	14580	15268	15968	16681	17407	18145	18895	19658	20433	21220	22019	22830	23653	24488	25334
14	16066	16824	17596	18381	19181	19994	20821	21662	22516	23383	24264	25157	26064	26984	27917
15	17586	18415	19260	20120	20995	21885	22791	23711	24645	25595	26559	27537	28529	29536	30557
16	19137	20040	20959	21895	22847	23816	24801	25802	26819	27852	28901	29966	31046	32141	33252
17	20719	21696	22691	23704	24735	25784	26851	27935	29036	30154	31290	32442	33612	34798	36000
18	22329	23382	24455	25547	26658	27789	28938	30106	31293	32499	33722	34965	36225	37503	38799
19	23968	25098	26250	27422	28615	29828	31062	32316	33590	34884	36197	37530	38883	40255	41647
20	25634	26843	28074	29328	30603	31901	33221	34562	35924	37308	38713	40139	41585	43053	44541
21	27325	28614	29927	31263	32623	34006	35413	36842	38295	39770	41268	42787	44330	45894	47480
22	29042	30412	31807	33227	34673	36143	37638	39157	40701	42269	43860	45476	47115	48777	50463
23	30783	32235	33714	35219	36751	38310	39894	41505	43141	44803	46490	48202	49939	51702	53489
24	32548	34083	35647	37238	38858	40506	42181	43884	45614	47371	49155	50965	52802	54666	56555
25	34336	35955	37604	39284	40993	42731	44498	46294	48120	49973	51855	53765	55703	57668	59661
26	36146	37850	39587	41355	43153	44983	46844	48735	50656	52607	54588	56599	58639	60708	62806
27	37978	39769	41593	43450	45340	47263	49218	51205	53223	55273	57355	59467	61610	63785	65989
28	39830	41709	43622	45570	47552	49569	51619	53703	55820	57970	60153	62368	64616	66896	69208
29	41704	43671	45674	47714	49789	51900	54047	56229	58445	60697	62982	65302	67656	70043	72464
30	43598	45654	47748	49880	52050	54257	56501	58782	61099	63453	65842	68267	70728	73223	75754
31	45511	47657	49843	52069	54334	56638	58981	61361	63780	66237	68731	71263	73831	76437	79078
32	47443	49681	51960	54280	56641	59043	61485	63967	66489	69050	71650	74289	76966	79682	82436
33	49395	51724	54097	56512	58971	61471	64014	66598	69223	71890	74597	77344	80132	82960	85827
34	51364	53787	56254	58766	61322	63923	66566	69254	71984	74756	77571	80429	83327	86268	89249
35	53352	55868	58431	61040	63695	66396	69142	71934	74769	77649	80573	83541	86552	89606	92703
36	55357	57968	60627	63334	66090	68892	71741	74637	77580	80568	83602	86681	89805	92974	96188
37	57380	60086	62842	65649	68504	71409	74363	77365	80414	83512	86657	89848	93087	96372	99702
38	59420	62222	65076	67982	70940	73948	77006	80115	83273	86481	89737	93042	96396	99797	103246
39	61476	64376	67329	70335	73395	76507	79671	82887	86155	89474	92843	96262	99732	103251	106820
40	63549	66546	69599	72707	75869	79087	82358	85682	89060	92490	95973	99508	103095	106733	110421
41											99128	102779	106484	110241	114051
42											102307	106075	109898	113776	117708
43											105509	109395	113338	117337	121393
44											108734	112739	116803	120924	125104
45											111983	116107	120292	124537	128841

広葉樹(Ⅰ型)幹材積表

D_{cm}	102	104	106	108	110	112	114	116	118	120
H_m										
1										
2										
3										
4										
5										
6										
7										
8										
9										
10										
11	21045	21743	22451	23168	23894	24629	25374	26127	26889	27660
12	23585	24368	25161	25965	26779	27603	28437	29281	30135	30999
13	26192	27062	27943	28835	29739	30654	31580	32517	33466	34425
14	28862	29820	30791	31774	32770	33778	34799	35832	36877	37934
15	31592	32640	33703	34779	35869	36973	38090	39221	40365	41522
16	34378	35520	36676	37847	39034	40234	41450	42681	43925	45185
17	37220	38455	39707	40975	42259	43560	44876	46208	47556	48919
18	40113	41445	42794	44161	45545	46946	48365	49800	51253	52722
19	43057	44486	45935	47402	48887	50391	51914	53455	55014	56591
20	46049	47578	49127	50696	52285	53893	55522	57170	58837	60524
21	49088	50718	52369	54041	55735	57450	59186	60942	62720	64518
22	52172	53904	55659	57436	59237	61059	62904	64771	66660	68572
23	55300	57136	58996	60880	62788	64720	66675	68654	70657	72683
24	58470	60411	62378	64370	66388	68430	70498	72590	74708	76849
25	61682	63729	65804	67906	70034	72189	74370	76577	78811	81070
26	64933	67089	69273	71485	73726	75994	78290	80614	82965	85344
27	68224	70489	72783	75108	77462	79845	82258	84699	87170	89669
28	71552	73928	76334	78772	81241	83741	86271	88831	91422	94044
29	74918	77405	79925	82477	85062	87679	90329	93010	95723	98467
30	78320	80919	83554	86222	88925	91661	94430	97233	100069	102938
31	81757	84471	87220	90006	92827	95683	98574	101500	104460	107455
32	85228	88057	90924	93828	96769	99746	102760	105810	108896	112018
33	88733	91679	94664	97687	100748	103848	106986	110162	113375	116625
34	92272	95335	98438	101582	104766	107989	111252	114554	117896	121276
35	95843	99024	102248	105513	108820	112168	115558	118988	122458	125969
36	99445	102746	106091	109479	112911	116385	119901	123460	127061	130704
37	103079	106501	109968	113480	117036	120637	124282	127971	131704	135480
38	106743	110286	113877	117514	121197	124926	128700	132520	136386	140296
39	110437	114103	117818	121581	125391	129249	133154	137107	141106	145151
40	114161	117951	121791	125680	129619	133607	137644	141730	145863	150045
41	117914	121828	125794	129811	133880	137999	142169	146388	150658	154978
42	121695	125735	129828	133974	138173	142424	146728	151083	155489	159947
43	125504	129670	133891	138167	142498	146882	151320	155812	160356	164954
44	129340	133634	137985	142391	146854	151372	155946	160575	165258	169996
45	133204	137626	142106	146645	151241	155894	160605	165372	170195	175075

廣葉樹（Ⅱ型）幹材積表

廣葉樹（II型）幹材積表

広葉樹(Ⅱ型)幹材積表

D_{cm}	72	74	76	78	80	82	84	86	88	90	92	94	96	98	100	102	104
H_m																	
1																	
2																	
3																	
4																	
5																	
6																	
7																	
8																	
9																	
10	1.2960	13598	14248	14912	1.5588												
11	1.4436	15146	15870	16609	17363	18130	18912	19708	20518	21342	22180	23032	23897	24777	25669	26576	27495
12	1.5929	16712	17512	18327	19158	20005	20868	21747	22640	23550	24474	25414	26369	27339	28324	29324	30339
13	1.7438	18296	19171	20064	20974	21901	22846	23807	24786	25781	26794	27822	28868	29930	31008	32103	33214
14	1.8963	19896	20848	21818	22808	23816	24843	25889	26953	28036	29136	30255	31392	32547	33720	34910	36118
15	2.0502	21511	22540	23589	24659	25749	26860	27990	29141	30311	31501	32711	33940	35189	36457	37744	39050
16	2.2055	23140	24247	25376	26527	27700	28894	30110	31348	32607	33887	35188	36511	37854	39218	40602	42007
17	2.3621	24782	25968	27177	28410	29666	30945	32248	33573	34921	36292	37686	39102	40541	42001	43484	44989
18	2.5198	26438	27702	28992	30307	31647	33012	34401	35815	37254	38716	40203	41714	43248	44807	46389	47994
19	2.6788	28105	29449	30821	32218	33643	35094	36571	38074	39603	41158	42739	44344	45976	47632	49314	51021
20	2.8388	29784	31208	32662	34143	35653	37190	38756	40349	41969	43617	45292	46993	48722	50478	52260	54069
21	29998	31474	32979	34515	36080	37676	39300	40955	42638	44350	46091	47861	49660	51487	53342	55225	57136
22	3.1619	33174	34761	36380	38030	39711	41424	43167	44942	46746	48582	50447	52343	54269	56224	58209	60223
23	3.3250	34885	36554	38256	39991	41759	43560	45393	47259	49157	51087	53049	55042	57067	59123	61211	63329
24	3.4890	36605	38356	40142	41963	43819	45708	47632	49590	51581	53606	55665	57757	59881	62039	64229	66452
25	3.6538	38335	40169	42039	43946	45889	47868	49883	51933	54019	56140	58296	60486	62711	64971	67265	69593
26	3.8196	40074	41991	43946	45940	47971	50040	52146	54289	56469	58686	60940	63230	65556	67918	70316	72749
27	3.9862	41822	43823	45863	47943	50063	52222	54420	56657	58932	61246	63598	65988	68415	70880	73383	75922
28	4.1536	43578	45663	47789	49957	52166	54415	56706	59036	61407	63818	66269	68759	71288	73857	76464	79111
29	4.3218	45343	47512	49724	51980	54278	56619	59002	61427	63894	66402	68952	71543	74175	76847	79561	82314
30	4.4907	47115	49369	51668	54012	56400	58832	61308	63828	66391	68998	71647	74340	77074	79852	82671	85532
31	4.6604	48896	51235	53620	56052	58531	61055	63625	66240	68900	71605	74355	77149	79987	82869	85795	88764
32	4.8308	50684	53108	55581	58102	60671	63287	65951	68662	71419	74223	77073	79970	82912	85899	88932	92009
33	5.0019	52479	54989	57550	60160	62820	65529	68287	71094	73949	76852	79803	82802	85848	88941	92082	95268
34	5.1737	54281	56878	59526	62226	64977	67780	70632	73536	76489	79492	82544	85646	88797	91996	95244	98540
35	5.3461	56091	58774	61510	64300	67143	70039	72987	75987	79038	82141	85296	88501	91756	95062	98419	101825
36	5.5192	57907	60677	63502	66382	69317	72307	75350	78447	81597	84801	88057	91366	94727	98140	101605	105122
37	5.6930	59729	62587	65501	68472	71499	74583	77722	80916	84166	87470	90829	94242	97709	101230	104804	108431
38	5.8673	61559	64503	67507	70569	73689	76867	80102	83394	86743	90149	93611	97128	100701	104330	108013	111751
39						7.5886	89159	82490	85881	89330	9.2837	9.6402	10.0024	10.3704	10.7441	11.1234	11.5083
40						7.8091	81458	84887	88376	91925	95534	99203	10.2930	10.6717	11.0562	11.4465	11.8427
41																11.708	12.781
42																12.0960	12.5146
43																12.4223	12.8522
44																12.7495	13.1908
45																13.0778	13.5304

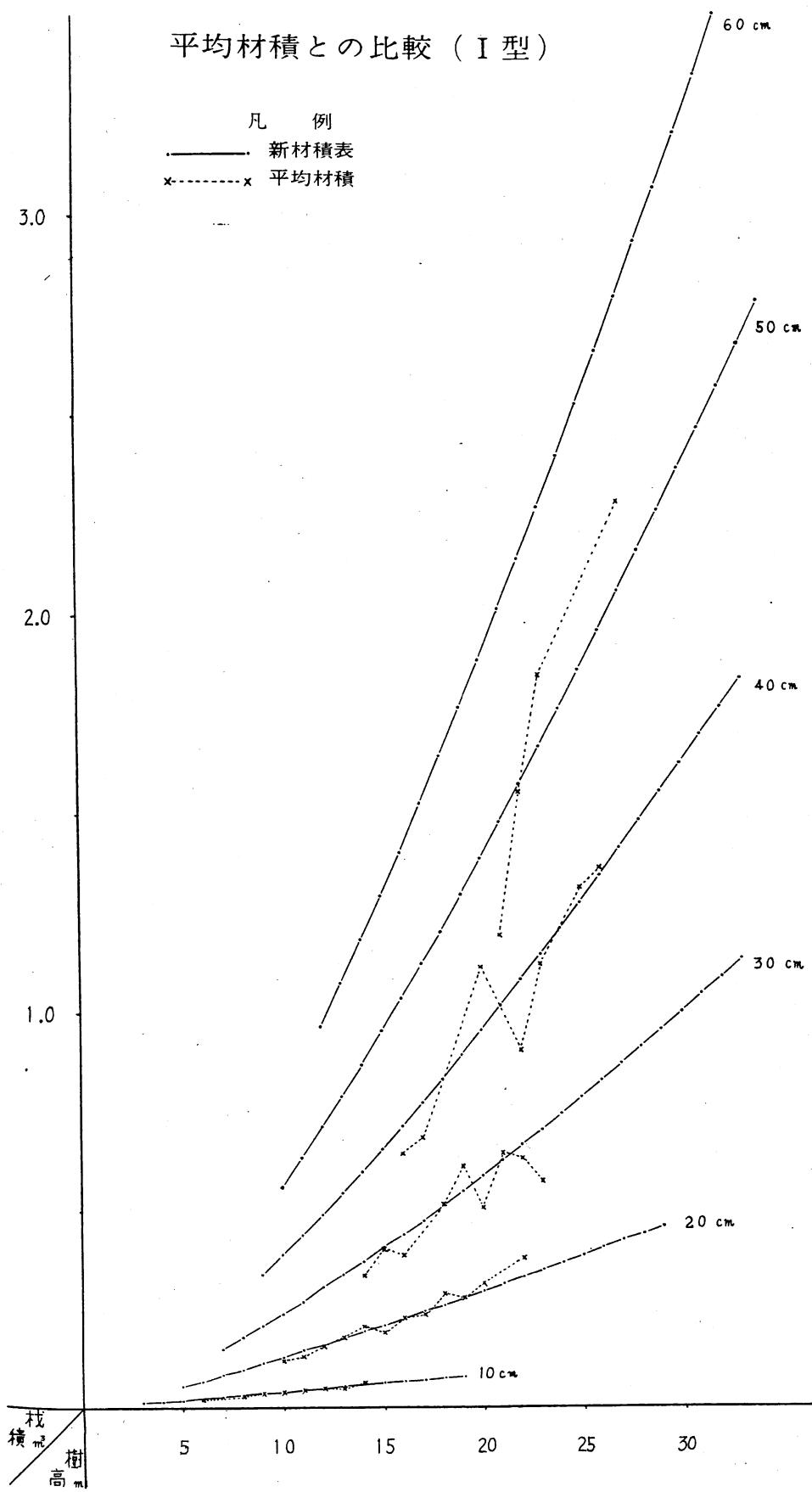
広葉樹(Ⅱ型)幹材積表

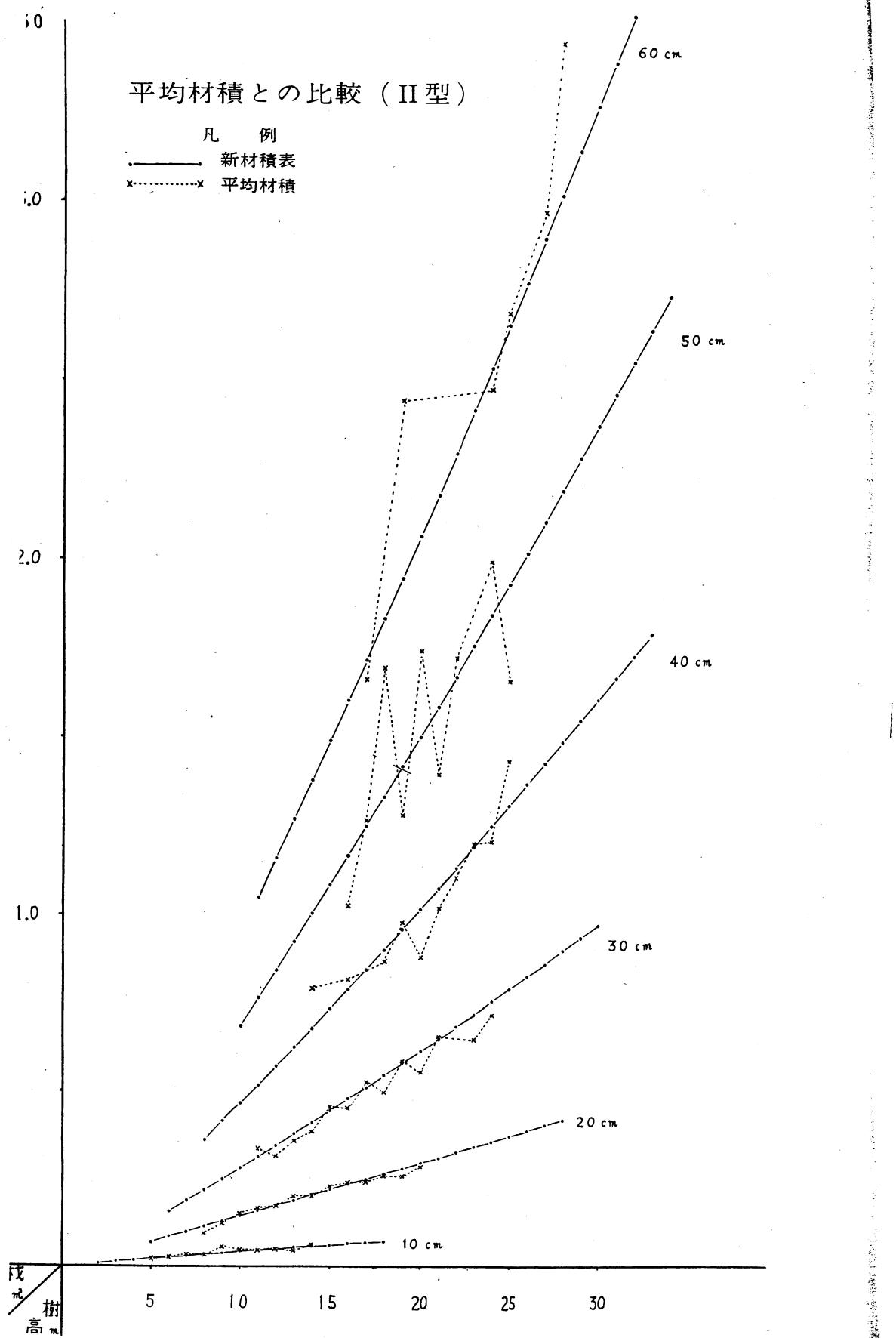
D_{cm}	106	108	110	112	114	116	118	120	122	124	126	128	130	132	134
H_m															
1															
2															
3															
4															
5															
6															
7															
8															
9															
10															
11	28428	29375	30335	31308	32294	33293	34305	35330							
12	31369	32413	33472	34546	35634	36736	37853	38985	40130	41290	42464	43652	44854	46070	47300
13	34341	35485	36644	37819	39011	40218	41440	42679	43933	45203	46488	47788	49104	50436	51782
14	37344	38587	39848	41126	42422	43734	45064	46411	47775	49155	50553	51967	53398	54846	56310
15	40375	41720	43083	44464	45865	47284	48722	50178	51652	53145	54656	56185	57732	59297	60881
16	43433	44879	46345	47832	49338	50865	52412	53978	55564	57170	58795	60440	62104	63788	65491
17	46516	48065	49635	51227	52840	54475	56132	57809	59508	61228	62968	64730	66513	68316	70140
18	49623	51275	52950	54648	56370	58114	59881	61670	63482	65317	67174	69053	70955	72879	74824
19	52752	54509	56289	58095	59925	61779	63657	65560	67486	69436	71411	73408	75430	77475	79543
20	55903	57765	59652	61565	63504	65469	67460	69476	71517	73584	75676	77794	79936	82103	84295
21	59075	61042	63037	65058	67108	69184	71287	73418	75575	77759	79970	82207	84471	86761	89078
22	62267	64340	66442	68573	70733	72922	75139	77385	79659	81961	84291	86649	89035	91449	93891
23	65478	67658	69869	72110	74381	76682	79014	81375	83766	86187	88637	91117	93626	96165	98732
24	68707	70995	73314	75666	78049	80464	82911	85388	87897	90438	93009	95611	98244	100907	103601
25	71954	74350	76779	79242	81738	84267	86829	89424	92051	94712	97404	101029	102887	105676	108497
26	75218	77723	80262	82836	85445	88089	90767	93480	96227	99008	101823	104672	107554	110470	113419
27	78499	81112	83763	86449	89172	91931	94726	97557	100424	103326	106264	109237	112245	115288	118366
28	81796	84519	87280	90079	92917	95792	98704	101654	104641	107665	110726	113824	116958	120129	123336
29	85108	87941	90814	93727	96679	99670	102701	105770	108878	112025	115210	118433	121694	124993	128330
30	88435	91379	94364	97391	100458	103567	106716	109905	113134	116404	119713	123063	126451	129880	133347
31	91776	94832	97930	101071	104254	107480	110748	114058	117409	120802	124237	127713	131230	134787	138386
32	95132	98299	101511	104767	108066	111410	114797	118228	121702	125219	128780	132382	136028	139716	143446
33	98501	101781	105106	108477	111894	115356	118863	122416	126013	129655	133341	137071	140846	144664	148527
34	101884	105276	108716	112203	115737	119318	122946	126620	130341	134108	137920	141779	145683	149633	153628
35	105280	108785	112340	115943	119595	123295	127044	130841	134685	138578	142517	146505	150539	154620	158748
36	108689	112308	115977	119697	123467	127287	131157	135077	139046	143065	147132	151248	155413	159627	163888
37	112110	115843	119628	123465	127353	131294	135286	139329	143423	147568	151763	156009	160305	164651	169047
38	115544	119391	123291	127246	131254	135315	139429	143596	147815	152087	156411	160787	165215	169694	174224
39	118989	122951	126968	131040	135167	139349	143586	147877	152223	156622	161075	165581	170141	174753	179419
40	122446	126522	130656	134847	139094	143398	147758	152174	156645	161172	165754	170392	175084	179830	184631
41	125914	130106	134357	138666	143034	147459	151943	156484	161082	165737	170449	175218	180043	184924	189861
42	129393	133701	138070	142498	146986	151534	156141	160808	165533	170317	175159	180060	185018	190034	195107
43	132884	137308	141794	146342	150951	155622	160353	165145	169998	174911	179884	184916	190008	195160	200370
44	136384	140925	145529	150197	154928	159721	164578	169496	174477	179519	184623	189788	195014	200301	205649
45	139896	144553	149276	154064	158916	163834	168815	173860	178969	184141	189376	194674	200035	205458	210943

広葉樹(Ⅱ型)幹材積表

D_{cm}	136	138	140	142	144	146	148	150
H_m								
1								
2								
3								
4								
5								
6								
7								
8								
9								
10								
11								
12	4.8544	49801	51073	52358	53657	54970	56296	57635
13	53144	54521	55913	57320	58742	60179	61631	63097
14	5.7791	59288	60802	62332	63878	65441	67020	68614
15	62482	64100	65737	67391	69063	70752	72459	74184
16	6.7213	68955	70715	72495	74293	76111	77947	79802
17	71984	73849	75735	77641	79567	81513	83479	85466
18	7.6792	78782	80793	82826	84881	86957	89055	91174
19	81635	83750	85888	88050	90234	92441	94671	96924
20	86512	88753	91019	93309	95624	97963	100327	102714
21	91420	93789	96183	98604	101050	103522	106019	108542
22	96360	98856	101380	103931	106510	109115	111747	114407
23	101328	103954	106608	109291	112002	114742	117510	120306
24	106326	109081	111865	114680	117526	120400	123305	126239
25	111351	114235	117152	120100	123080	126090	129132	132205
26	116402	119417	122466	125548	128663	131810	134990	138202
27	121478	124626	127808	131024	134274	137559	140877	144230
28	126580	129859	133175	136526	139913	143335	146793	150287
29	131705	135117	138567	142054	145578	149139	152737	156372
30	136854	140400	143984	147607	151269	154969	158708	162485
31	142025	145705	149425	153185	156985	160825	164705	168624
32	147218	151032	154888	158786	162725	166706	170727	174790
33	152432	156382	160374	164410	168489	172610	176774	180981
34	157668	161753	165882	170056	174275	178538	182846	187197
35	162923	167144	171411	175725	180084	184489	188940	193436
36	168198	172556	176961	181415	185915	190463	195058	199700
37	173493	177987	182532	187125	191767	196458	201198	205986
38	178806	183438	188122	192856	197640	202475	207359	212294
39	184137	188908	193731	198606	203533	208512	213542	218624
40	189487	194396	199359	204376	209446	214570	219746	224975
41	194854	199902	205006	210165	215379	220647	225970	231348
42	200238	205426	210671	215972	221330	226744	232214	237740
43	205639	210967	216353	221798	227300	232860	238478	244153
44	211057	216525	222053	227641	233288	238995	244761	250585
45	216491	222100	227770	233502	239294	245148	251062	257037

平均材積との比較 (I型)





従来の材積表との比較

凡 例

- $\times \cdots \cdots \times$ 新材積表 (I型)
- $\circ \cdots \cdots \circ$ " (II型)
- 従来の材積表

3.0

2.0

1.0

材
積
(m^3)
樹
高
(cm)

5 10 15 20 25 30

60 cm

50 cm

50 cm

40 cm

40 cm

30 cm

20 cm

10 cm

昭和40年3月 日 印刷
昭和40年3月30日 発行

材積表調製業務資料 第54号

広葉樹立木材積表調製説明書

発行 林野 庁
大阪 営林 局

大阪市東区法円坂町6ノ1
電話 代表 (941) 0171